

## Cern-class の $p$ -local control.

宮本雅彦  
北大(理)

代数トポロジーにおいて、群の複素表現とベクトル束、そしてその  $K$ -理論、コホモロジーとの間の関係はよく知られている。又、コホモロジーは  $p$ -local control の性質を非常に簡単な構造の対応で示すことが知られているので、上の  $\mathbb{C}$ -表現との対応に関連させ、 $p$ -local control の性質を  $\mathbb{C}$ -表現に導入したのが以下の結果です。

定理.  $G$  を有限群、 $p$  を素数、 $P$  を  $G$  の Sylow  $p$ -部分群、 $R(G)$  を  $G$  の  $\mathbb{C}$ -表現の同値類によって生成される表現環とします。このとき、Atiyah の定義による topological filtration  $R(G) = R_0(G) \supseteq R_1(G) = R_2(G) \supseteq R_3(G) = R_4(G) \supseteq \dots$  があるわけですが、もし Sylow  $p$ -群  $P$  が、

ある正の整数  $t$  に対して, wreath product  $F = \mathbb{Z}/p\mathbb{Z} \wr \mathbb{Z}/p\mathbb{Z}$  の factor group  $F/Z_t(F)$  を involve 1 なら 1 ならば,  $0 \leq s \leq \frac{p-1}{p-t-1}$  なる整数  $s$  に対して, 次の同型が成り立つ。

$$(R_{2s}(G)/R_{2s+1}(G))_p \cong (R_{2s}(N_G(P))/R_{2s+1}(N_G(P)))_p$$

ここで,  $N_G(P)$  は  $P$  の正規化群,  $( )_p$  は  $p$ -primary part を表わすものとする。

証明の方法は, 先の topological filtration と Chern-class とが密接に関係しており, Chern-class の定義にしたがって, line 束への  $G$  の部分群の作用を求めることによつて出てくる。

### Reference

M. F. Atiyah, Characters and cohomology of finite groups,  
I.H.E.S. 1961.