同心二重円筒領域での回転とずれ流れを伴う熱対流

農工大・工	本田	真 (Sin Honda)
	磯	究(Kiwamu Iso)
	佐野	理 (Osamu Sano)

1. 序

木星は赤道半径が地球の約11倍、質量は地球の約318倍もある巨大 な惑星である。その大気は水素やヘリウム等の軽い元素からできており、 縞や帯と呼ばれる赤道面に平行な濃淡の模様や大赤斑と呼ばれる楕円形の 斑点が存在すること等は地上からの観測によって古くから知られていた。 近年の惑星探査機の直接観測によって、これらの大気運動に関する情報は 飛躍的に増えた。その詳細は他書¹⁾に譲るとして、以下の議論で我々が着 目する点をいくつか述べると、(1) 内部に熱源があり、ほぼ一様な熱の湧 き出しになっていること、(2)赤道領域と極付近との温度差が数度程度で あり、また水平スケールが非常に大きいので、水平方向の温度勾配が極め て小さいこと、(3)自転周期は赤道付近で約10時間とかなり大きく、大 気運動に回転が大きく影響すると思われること、(4)自転に相対的な大気 運動速度は最大150m/sにも達し、緯度によって異なる差動回転をして いること、等があげられる。現在までに知られているこれらの観測事実、 及び木星大気層がその半径に比較すれば極めて薄い層に限られ、その下に は高圧の液体水素、その下に金属水素、さらに中心部に鉄や硅酸塩の核が あるとの予想に基づくと、木星の大気層内の運動は内部からの熱源による 大規模な対流ロールがコリオリス力を受け、またそれによってずれ流れが 変形し、種々の不安定性を生じた結果と考えることも可能である。これま でに熱対流、回転流、ずれ流れ等を個々に扱った研究や、それらの2者を 組み合わせたものは多数あるが2-11)、木星大気運動のように多くの効果が複 雑に絡み合う系で、どのような場合にどの効果が卓越するかといったよう な研究はまだ充分ではないように思われる。そこで我々はこの問題に対す る研究の第1段階として、対流に回転やずれ流れを伴う場合に実現される

155

流体場の時間・空間構造について室内予備実験を行ない、また簡単な解析 を試みた。

2. 実験

実験装置の概略を図1に示す。水平な回転台に内半径約27cmの外側円 筒水槽と外半径約11cmの内側円筒水槽を同軸状に置く。内側の水槽は空 間的に固定し、外側の水槽と底面全体をモーターで回転させる。代表的な 回転角速度Qは0.2rad/sである。2つの円筒に挟まれた幅約16cmの 水路に高さ約4cmまで水を満たす。水路内の底面上で内外円筒壁からそれ ぞれ4cmの位置に2本のヒーターを軸対称的に設置し、回転接点を経由し て交流電圧を印加する。この設定によって、2重円筒内部の流体領域にア スペクト比がほぼ1の軸対称的な対流ロールを2対作ることができる。実 際、回転を与えない状態では、ヒーターを含む鉛直面内に上昇流、2つの 円筒壁付近と水路の中央部分の鉛直面内に下降流となるような熱対流ロー ルのできていることが、アルミ粉末を用いた可視化により確認された。回 転状態での流速測定は、静止系に置かれたレーザー流速計、及び回転系と 共に動くビデオカメラを用いたトレーサー粒子の観測により行なった。



図1 実験装置概略

回転状態での周方向の速度測定の結果を図2に示す。図2-1は熱対流が

ない場合について流速分布を示したもので、異なる深さでの測定結果が重 ねて示されている。これらから速度分布は深さによらずほぼ同じであるこ とが確認される。内円筒壁付近では、回転に伴う循環流や3次元流れの影 響等も考えられるので単純ではないが、全体として剛体回転に近い速度分 布と、弱いずれ流れ(中心部で約0.02 s⁻¹程度)が生じている。



図2-2は水面付近での流速分布を、 熱対流のない場合(曲線a)と熱対流の ある場合(曲線b) について比較したも のである。前者で中央付近の速度勾配 が急になっているのは対流による水平 方向の流れにコリオリスの力が作用し た結果と解釈できる。以下の実験では 中央部の対流セル近傍の流れに着目す る。

図3は図2-2の曲線bから計算した 渦度である。中央部の対流セル近傍で 渦度が高くなっている。図4は、ずれ



(2-2)熱対流が加わった場合



図3 図2-2(曲線b)の渦度分布

流れを伴う熱対流の表面付近の様子を、直径約1mmの発泡スチロール粒 子をトレーサーとして回転系で観測したものである。水路中央付近に、円 周に沿って全体で10数個の楕円渦状の領域が並んでいるのが分かる。



図4 回転系から見た表面付近の(a)粒子の動き (b)画像処理後の粒跡

3. 解析

実験で見られた渦状の流れパターンを考えてみる。ブシネスク近似を行 ない、水路幅はその周長に比べて充分狭いとして、局所的な直角座標系を 用いる。壁に沿う方向に x 軸、鉛直方向上向きに z 軸、これらと垂直に

(右手系をなすように) y 軸を選び、回転系で考える。基礎方程式系及び 境界条件は

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} &= 0 , \dots (1.1) \\ \frac{\partial u}{\partial t} + (\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{u} &= -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial x} + \mathbf{v} \, \Delta \mathbf{u} + 2\Omega \mathbf{v}, \dots (1.2) \\ \frac{\partial v}{\partial t} + (\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{v} &= -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial y} + \mathbf{v} \, \Delta \mathbf{v} - 2\Omega \mathbf{u}, \dots (1.3) \\ \frac{\partial w}{\partial t} + (\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{w} &= -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p}{\partial z} + \mathbf{v} \, \Delta \mathbf{w} - [1 - \alpha(\mathbf{T} - \mathbf{T}_0)]\mathbf{g}, \dots (1.4) \\ \frac{\partial \mathbf{T}}{\partial t} + (\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{T} &= \kappa \, \Delta \mathbf{T} , \dots (1.5) \end{aligned}$$

となる。ただし、v = (u, v, w)はそれぞれ(x, y, z)方向の速度、Tは温度、 $p = p_f - \frac{1}{2}\rho_0|\Omega \times r|^2 + \rho_0 U_{ext}$ は圧力、 Ω は回転角速度、 ρ_0 は基準温度で の密度、 ν は動粘性率、 α は熱膨張率、gは重力加速度、 κ は熱拡散率で ある。実験で見られた4本の熱対流ロールのうち中央部の2本に着目し、 上下面 z = 0、h及び側面(水路壁ではない)y=+d、-dは自由境界と仮 定した。

基本流として

$$\mathbf{v}_{B} = (\mathbf{u}_{B}, 0, 0), \quad \mathbf{u}_{B} = -\frac{Uy}{d}, \quad \dots (3.1)$$
$$T_{B} = T_{0} - \beta z, \quad \beta = \frac{T_{0} - T_{1}}{h}, \dots (3.2)$$
$$p_{B} = \text{const.} - \rho_{0}gz - \frac{1}{2}\rho_{0}\alpha\beta gz^{2} + \frac{\rho_{0}\Omega U(y^{2} - 2dy)}{d}, \dots (3.3)$$

を選び、これからの摂動を考慮して

 $\mathbf{v} = (\mathbf{u}_{\mathsf{B}} + \mathbf{u}', \mathbf{v}', \mathbf{w}'), \ p = p_{\mathsf{B}} + p', \ T = T_{\mathsf{B}} + T', \ \dots \ (4)$

と仮定する。ここで 'の付いた項は ε 程度の微小量であると仮定して、摂動の1次まで考慮すると

$$\frac{\partial u'}{\partial x} + \frac{\partial v'}{\partial y} + \frac{\partial w'}{\partial z} = 0, \dots (5.1)$$

$$\frac{\partial u'}{\partial t} + u_B \frac{\partial u'}{\partial x} - \frac{U}{d} v' = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial x} + v \Delta u' + 2\Omega v', \dots (5.2)$$

$$\frac{\partial v'}{\partial t} + u_B \frac{\partial v'}{\partial x} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial y} + v \Delta v' - 2\Omega u', \dots (5.3)$$

$$\frac{\partial w'}{\partial t} + u_B \frac{\partial w'}{\partial x} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial z} + v \Delta w' + \alpha T'g, \dots (5.4)$$

$$\frac{\partial T'}{\partial t} + u_B \frac{\partial T'}{\partial x} - \beta w' = \kappa \Delta T', \dots (5.5)$$

を得る。次に

$$\tilde{\mathbf{x}} = \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{h}}, \ \tilde{\mathbf{t}} = \frac{\mathbf{vt}}{\mathbf{h}^2}, \ \tilde{\mathbf{v}} = \frac{\mathbf{hv'}}{\mathbf{v}}, \ \tilde{\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{T'}}{\beta \mathbf{h}}, \ \tilde{\mathbf{p}} = \frac{\mathbf{h}^2 \mathbf{p'}}{\rho_0 \mathbf{v}^2}, \dots$$
(6)
とおいて無次元化したのち、~を省略する:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} = 0, \dots (7.1)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} - \frac{Re^*}{\Gamma^2} \left(y \frac{\partial u}{\partial x} + v \right) = - \frac{\partial p}{\partial x} + \Delta u + Ta v, \dots (7.2)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} - \frac{Re^*}{\Gamma^2} y \frac{\partial v}{\partial x} = - \frac{\partial p}{\partial y} + \Delta v - Ta u, \dots (7.3)$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} - \frac{Re^*}{\Gamma^2} y \frac{\partial w}{\partial x} = - \frac{\partial p}{\partial z} + \Delta w + \frac{Ra}{Pr} T, \dots (7.4)$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \frac{Re^*}{\Gamma^2} y \frac{\partial T}{\partial x} - w = \frac{1}{Pr} \Delta T, \dots (7.5)$$

ただし Re* = $\frac{Ud}{v}$, Ta = $\frac{2\Omega h^2}{v}$, Ra = $\frac{\alpha\beta gh^4}{\kappa v}$, Pr = $\frac{v}{\kappa}$, $\Gamma = \frac{d}{h}$, は無次元パ ラメターである。解を Re*, Ta で展開し

$$\begin{pmatrix} \mathbf{v} \\ \mathbf{T} \\ \mathbf{p} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{v}_0 \\ \mathbf{T}_0 \\ \mathbf{p}_0 \end{pmatrix} + \mathbf{Ta} \begin{pmatrix} \mathbf{v}_1 \\ \mathbf{T}_1 \\ \mathbf{p}_1 \end{pmatrix} + \frac{\mathbf{Re}^*}{\Gamma^2} \begin{pmatrix} \mathbf{v}_1^* \\ \mathbf{T}_1^* \\ \mathbf{p}_1^* \end{pmatrix} + \dots, \quad (8)$$

(7.1)-(7.5)に代入する。 まず、O (1) では

$$\frac{\partial u_0}{\partial x} + \frac{\partial v_0}{\partial y} + \frac{\partial w_0}{\partial z} = 0 , \dots (9.1)$$

$$\frac{\partial u_0}{\partial t} = - \frac{\partial p_0}{\partial x} + \Delta u_0 , \dots (9.2)$$

$$\frac{\partial v_0}{\partial t} = - \frac{\partial p_0}{\partial y} + \Delta v_0 , \dots (9.3)$$

$$\frac{\partial w_0}{\partial t} = - \frac{\partial p_0}{\partial z} + \Delta w_0 + \frac{Ra}{Pr} T_0, \dots (9.4)$$

$$\frac{\partial T_0}{\partial t} - w_0 = \frac{1}{Pr} \Delta T_0 , \dots (9.5)$$

これは通常の Rayleigh-Bénard 対流²⁾である。変数を整理すると

<t...:

$$\begin{pmatrix} \Pr \ \frac{\partial}{\partial t} - \Delta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{\partial}{\partial t} - \Delta \end{pmatrix} \Delta \begin{pmatrix} w_0 \\ T_0 \end{pmatrix} = \operatorname{Ra} \Delta_2 \begin{pmatrix} w_0 \\ T_0 \end{pmatrix}, \quad \dots \quad (10)$$

$$\land = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}, \qquad \Delta_2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}$$

となる。定常解は $\Delta^3 \begin{pmatrix} w_0 \\ T_0 \end{pmatrix} = \operatorname{Ra} \Delta_2 \begin{pmatrix} w_0 \\ T_0 \end{pmatrix}$, etc.を解くことにより、

$$\begin{split} u_{0} &= A \, \sin(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z) , \qquad A = \frac{kE}{K^{2}} = -\frac{\pi kW_{0}}{k_{1/2}^{2}} , \\ v_{0} &= B \, \cos(kx) \sin\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z) , \qquad B = \frac{\pi E}{\Gamma K^{2}} = -\frac{\pi^{2}W_{0}}{\Gamma k_{1/2}^{2}} , \\ w_{0} &= C \, \cos(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \sin(\pi z) , \qquad C = -\frac{(K^{2} - \pi^{2}) E}{\pi K^{2}} = W_{0} , \\ T_{0} &= D \, \cos(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \sin(\pi z) , \qquad D = -\frac{\Pr \, (K^{2} - \pi^{2}) E}{\pi K^{4}} = \frac{\Pr \, W_{0}}{K^{2}} , \\ p_{0} &= E \, \cos(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z) , \qquad E = -\frac{\pi K^{2}W_{0}}{K^{2} - \pi^{2}} = -\frac{\pi K^{2}W_{0}}{k_{1/2}^{2}} , \dots (11) \\ & \text{where} \quad k_{1/2}^{2} &= k^{2} + \left(\frac{\pi}{\Gamma}\right)^{2} , \text{ and } \qquad K^{2} = k_{1/2}^{2} + \pi^{2} . \end{split}$$

と与えられる。流線の一例を図5に示す。



図5 レイリー・ベナール対流;長方形セルの場合

ここで臨界レイリー数は

$$Ra = \frac{K^{6}}{K^{2} - \pi^{2}} \rightarrow Ra_{c} = \min Ra = Ra(K = \pi \sqrt{\frac{3}{2}}) = \frac{27\pi^{4}}{4} = 657.511....,$$
 (12)
 $k_{c} = \frac{\pi}{\Gamma} \sqrt{\frac{\Gamma^{2}}{2} - 1}$

となる。次に O (Ta) の解は

$$\frac{\partial u_1}{\partial x} + \frac{\partial v_1}{\partial y} + \frac{\partial w_1}{\partial z} = 0 , \dots (13.1)$$

$$\frac{\partial u_1}{\partial t} = -\frac{\partial p_1}{\partial x} + \Delta u_1 + v_0, \dots (13.2)$$

$$\frac{\partial v_1}{\partial t} = -\frac{\partial p_1}{\partial y} + \Delta v_1 - u_0, \dots (13.3)$$

$$\frac{\partial w_1}{\partial t} = -\frac{\partial p_1}{\partial z} + \Delta w_1 + \frac{Ra}{Pr} T_1, \dots (13.4)$$

$$\frac{\partial T_1}{\partial t} - w_1 = \frac{1}{Pr} \Delta T_1, \dots (13.5)$$

を解いて求められる。とくに定常解は

$$u_{1} = \frac{B}{K^{2}} \cos(kx) \sin\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z) = -\frac{\pi^{2}W_{0}}{\Gamma k_{//}^{2}K^{2}} \cos(kx) \sin\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z), \quad \dots (14.1)$$

$$v_{1} = -\frac{A}{K^{2}} \sin(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z) = \frac{\pi kW_{0}}{k_{//}^{2}K^{2}} \sin(kx) \cos\left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) \cos(\pi z), \quad \dots (14.2)$$

$$w_{1} = p_{1} = T_{1} = 0, \quad \dots (14.3)$$



図6 回転系におけるレイリー・ベナール対流

$$\cos (kx) \cos \left(\frac{\pi y}{\Gamma}\right) = \text{constant} \quad \dots \quad (15)$$

で与えられる。この流れとレイリー・ベナール対流とが重なった流れの流 線の一例を図6に示す。 さらに、O(Re*)の解は

$$\frac{\partial u_1^*}{\partial x} + \frac{\partial v_1^*}{\partial y} + \frac{\partial w_1^*}{\partial z} = 0 , \dots (16.1)$$

$$\frac{\partial u_1^*}{\partial t} - \left(y \frac{\partial u_0}{\partial x} + v_0\right) = - \frac{\partial p_1^*}{\partial x} + \Delta u_1^* , \dots (16.2)$$

$$\frac{\partial v_1^*}{\partial t} - y \frac{\partial v_0}{\partial x} = - \frac{\partial p_1^*}{\partial y} + \Delta v_1^* , \dots (16.3)$$

$$\frac{\partial w_1^*}{\partial t} - y \frac{\partial w_0}{\partial x} = - \frac{\partial p_1^*}{\partial z} + \Delta w_1^* + \frac{Ra}{Pr} T_1^*, \dots (16.4)$$

$$\frac{\partial T_1^*}{\partial t} - y \frac{\partial T_0}{\partial x} - w_1^* = \frac{1}{Pr} \Delta T_1^*, \dots (16.5)$$

から求められるが、定常解は

$$u_{1}^{*} = a(y) \cos(kx) \cos(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) + \alpha(y) \cos(kx) \sin(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) ,$$

$$v_{1}^{*} = b(y) \sin(kx) \sin(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) + \beta(y) \sin(kx) \cos(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) ,$$

$$w_{1}^{*} = c(y) \sin(kx) \cos(\frac{\pi y}{\Gamma}) \sin(\pi z) + \gamma(y) \sin(kx) \sin(\frac{\pi y}{\Gamma}) \sin(\pi z) ,$$

$$\frac{T_{1}^{*}}{Pr} = d(y) \sin(kx) \cos(\frac{\pi y}{\Gamma}) \sin(\pi z) + \delta(y) \sin(kx) \sin(\frac{\pi y}{\Gamma}) \sin(\pi z) , \dots (17)$$

$$p_{1}^{*} = e(y) \sin(kx) \cos(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) + \varepsilon(y) \sin(kx) \sin(\frac{\pi y}{\Gamma}) \cos(\pi z) ,$$

ただし

$$\begin{array}{ll} a(y) = a_1 y, & \alpha(y) = \alpha_0 + \alpha_2 y^2 \;, \\ b(y) = b_1 y, & \beta(y) = \beta_0 + \beta_2 y^2 \;, \\ c(y) = c_1 y, & \gamma(y) = \gamma_0 + \gamma_2 y^2 \;, \\ d(y) = d_1 y, & \delta(y) = \delta_0 + \delta_2 y^2 \;, \\ e(y) = e_1 y, & \epsilon(y) = \epsilon_0 + \epsilon_2 y^2 \;, \end{array}$$

$$\begin{split} a_{l} &= \frac{(Pr-1) \pi k^{2}}{2k_{l/}^{2} K^{2}} W_{0} + kU_{1} , \quad b_{l} = -\frac{(Pr-1) \pi^{2}k}{2k_{l/}^{2} \Gamma K^{2}} W_{0} - \frac{\pi}{\Gamma} U_{l}, \\ c_{1} &= \frac{(Pr-1) k}{2 K^{2}} W_{0} + \frac{k_{l/}^{2}}{\pi} U_{l}, \quad d_{1} = \frac{k_{l/}^{2}}{\pi K^{2}} U_{1} , \quad e_{1} = -K^{2}U_{l}, \\ \alpha_{0} &= -\left(\frac{(Pr+1)\Gamma^{3}k^{2}}{8k_{l/}^{2}} + \frac{\pi^{2}}{\Gamma K^{2}k_{l/}^{2}}\right) W_{0} , \quad \beta_{0} = -\frac{(Pr+1)\Gamma^{2}k\pi}{8k_{l/}^{2}} W_{0} \\ \gamma_{0} &= -\left(\frac{(Pr+1)\Gamma^{3}k}{8\pi} + \frac{\pi^{2}}{\Gamma K^{2}k_{l/}^{2}}\right) W_{0} , \quad \beta_{0} = -\frac{(Pr+1)\Gamma^{2}k\pi}{8k_{l/}^{2}} W_{0} \\ \delta_{0} &= \left[\frac{(Pr+1)\Gamma k}{4\pi K^{4}} \left(1 - \frac{\Gamma^{2}K^{2}}{2}\right) - \frac{k\pi}{\Gamma K^{4}k_{l/}^{2}}\right] W_{0} - \frac{2k_{l/}^{2}}{\Gamma K^{4}} U_{1} , \\ \epsilon_{0} &= \left[\frac{(Pr+1)\Gamma k}{4k_{l/}^{2}} \left(1 + \frac{\Gamma^{2}K^{2}}{2}\right) - \frac{(Pr-1)k\pi^{2}}{\Gamma K^{2}k_{l/}^{2}}\right] W_{0} - \frac{2\pi}{\Gamma} U_{1} \\ f_{\alpha_{2}} , \beta_{2} , \gamma_{2} , \delta_{2} , \epsilon_{2} \right) &= \frac{(Pr+1)\Gamma k}{8k_{l/}^{2}} W_{0} \left(k, \frac{\pi}{\Gamma}, \frac{k_{l/}^{2}}{\pi}, \frac{k_{l/}^{2}}{\pi K^{2}}, -K^{2}\right) \end{split}$$

$$U_{1} = \frac{\pi k}{4k_{//}^{2}} \left(-\frac{(\Pr + 1)\Gamma^{2}}{2\pi^{2}} + \frac{(\Pr - 1)}{K^{2}} + \frac{1}{k_{//}^{2}} - \frac{1}{K^{2}} \right) W_{0} ,$$

である。この流れの中での粒子の動きを図7に例示する。



図7 O(Re*)の流れ

4. 考察

我々の系はかなり複雑なものであり、現時点では室内実験で観測された 渦の列が、熱対流に対する回転の直接的結果か、あるいは回転に伴うコリ オリスカの影響で速度勾配が変曲点をもったためずれ流れ不安定を起こし たものか、について区別できていない。これらの点を確認するために、少 なくとも、内円筒も外円筒とともに回転させた系や内円筒を取り除いた系、 等においてどのような流れ構造が生じるか比較検討が必要であろう。また どのような条件下でどのようなパターンが見られるかについてもさらに詳 しく検討していく必要があると思われる。

参考文献

- 1) J.ビアティー、B.オレアリー、A.チェイキン(1983):「新・太陽系」培風館.
- 2)S.Chandrasekhar (1961) : *Hydrodynamic and Hydromagnetic Stability*, Oxford Univ. Press.
- 3) P.H.Roberts (1968): Phil. Trans. Roy. Soc. London, A163, 93-117.
- 4) F.H.Busse (1970): J.Fluid Mech. 44, 441–460; (1983) Geophys. Astrophys. Fluid Dyn. 23, 153–174.
- 5) H.Niino (1982): J. Meteor. Soc. Jpn. 60, 1001–1023; ibid 1024–1033.
- 6) H.Niino & N.Misawa (1984) : J. Atmos. Sci. 41, 1992-2011.
- 7) G.A.Glatzmaier (1984) : J. Comp. Phys. 55, 461-484.
- 8) P.A.Gilman (1986): through review by G.A.Glatzmaier(1987) Intern. Solar Angular Vel., 263–274.
- 9) K.Zhang (1992): J.Fluid Mech. 236, 535-556.
- 10)S.Takehiro & Y.-Y.Hayashi (1995): The Earth's Central Parts:Its Structure and Dynamics, Terra Sci.Pub., p.123–156.
- 11) 酒井 敏(1996): private communication.