非平衡トラップ場が作るµmスケール非平衡開放系: リン脂質チューブ揺動運動の数理モデル

原田 崇広(Takahiro HARADA) 京都大学大学院理学研究科 物理学・宇宙物理学専攻 吉川研究室 Department of Physics, Faculty of Science, Kyoto University

概要

μmサイズのリン脂質のチューブ状構造物はある条件で近赤外レーザー光線を照 射することにより自発的な揺動運動を行う。ビームを集光レンズに入射する際の角 度をわずかにずらすことによって、ビームが2本に分裂した状態をつくることがで きるが、我々はこの条件でリン脂質チューブをトラップするとチューブが光軸のま わりで揺動運動するという現象を見い出した[1]。この振動現象はμmスケールの非 平衡開放系における時間並進対称性の破れの良い例になっていると考えられる。本 稿ではこの実験系のあらましを紹介し、振動のメカニズムを考察し、現象を再現す る最も簡単なモデルの構成を述べる。

はじめに

熱平衡条件下にある系ではあらゆる揺らぎは減衰し、時間・空間的に均一な状態 へと向かって緩和していくが、外界と物質・エネルギーのやり取りをし、平衡から 遠く隔たった系では特定の波長の微小な揺らぎが不安定化し、系にマクロな秩序が 生まれることがある。このようにして生み出されたマクロな時空間構造は散逸構造 と呼ばれ、平衡条件下で出現するミクロな構造とは区別される[2]。生命現象に目を 向ければ散逸構造の例は至るところに見受けられる。心臓の拍動[3]・呼吸[4]・概日 性周期[5]などのように個体レベルにおいて時間並進対称性を破った運動(振動)、 表皮の模様[6]・形態形成[7]などのように空間並進対称性を破った構造(チューリン グパタン)、あるいは細胞のレベルにおいても細胞周期[8]・神経細胞の発火[9]・細 胞内代謝のネットワーク[10]など、枚挙に暇がない。

このように多彩でダイナミックな生命現象を理解したいという動機からも非平衡 開放系の自己組織化現象について理論的・実験的研究が過去数十年にわたって行わ れてきた。ここで注目しなければならないのは、実験的研究については多くがcm スケール以上の系について行われてきており、mm〜サブmmの系についても最近 になっていくつかの報告が出始めている段階であるということである。しかし生命 の最小単位である細胞内部のメカニズムを考えようとするとき、そのようにマクロ な系とμm~サブμmのメソスケールの系とでは性質が大きく異なる可能性があ る。例えば、

・体積に対する表面積の効果が非常に大きくなる

・細胞のような液層中では特に、熱揺らぎの効果が顕在化してくる

というような効果が考えられる。実際非平衡の実験系としてポピュラーなBZ反応 系では、システムサイズに依存して系の振舞が定性的に変化するという結果が得ら れてきている。相原ら[11]は陽イオン交換樹脂のビーズに触媒である鉄錯イオンを 吸着させたものを反応溶液中に浸し、ビーズ直径を変化させた場合の反応系の振舞 を系統的に調べた。その結果ビーズ径が小さくなると進行波が見られなくなって一 様な発火にスイッチすることや、さらに小さなビーズ径では反応が停止するという ことを明らかにしている。また一野らは油の中に浮かべたBZ反応液滴のサイズを 変化させることで反応の様子を解析している。それによると液滴のサイズが小さく なると振動反応の周期が速くなり、さらに小さくなると反応が停止してしまうとい う結果を得てきている[12]。このようにシステムサイズの低下に伴って系の振舞が 定性的に変化するということが実験的にも示唆されてきているが、これらの研究で もサブmmのスケールまでしか見られていない。

最近になって我々のグループでは集光したレーザー光線と誘電体物質との相互作 用によってµmスケールにおいても自律的振動現象が起こるということを見い出し てきている。眞山らはポリエチレングリコールを含む溶媒中に分散させた長鎖DNA 分子を近赤外集光レーザー光線によりトラップすることで、DNA分子が自律的に凝 縮ー脱凝縮を繰り返すという現象を発見した[13]。また馬籠らは溶媒中に分散させ たサブµm径のラテックスビーズに集光レーザー光線を照射すると多数のビーズが 凝集-発散を繰り返すという現象を発見し、解析している[14]。こうした系では従 来知られている非平衡実験系を単純にスケールダウンするだけでは実現することが 難しいµm~サブµmスケールの非平衡自己組織化現象を詳細に調べることが可能 になるので、上述したメソスケール特有の効果を実験的に調べることができ、細胞 レベルの生命現象のメカニズムの解明に寄与することができると期待される。

本稿では、集光レーザー光線を用いたµmスケールの非平衡自己組織化現象のも う一つの例である、リン脂質チューブの自発的揺動運動について紹介する[1]。リン 脂質は生体膜を構成する両親媒性分子であり、水溶液中では分子同士が疎水基を接 してミセル、小胞などの構造を形成する。我々はチューブ状の多層膜小胞をある条 件で集光レーザー光線によりトラップすると、チューブが光軸にそって配向し、さ らに光軸のまわりで揺動運動を行なうという現象を見い出している。ここではその メカニズムを考察し、現象を再現する簡単な数理モデルの構成について述べる。 リン脂質チューブは巨大リポソームの調整法を改変して得た。egg-yolk PCあるい はdioleoyl-phosphatidylcholine 10mMを含むCHCl₃/MeOH溶液を直径 1 mmのガ ラス細管内に入れ、真空中で 6 時間乾燥させてガラス管内壁に脂質の薄膜を形成し た。その後ガラス管内に緩衝液(HEPES 10mM, MgCl₂ 10mM, pH = 7.1)を入 れ、室温で10分置いた後、内容物をスライドガラス上に押し出した。この方法に より直径 1~3 μ mの多層膜(ミエリン鞘)のチューブ状構造物を得た。



図1.実験で使用した光学系の一部と、トラップされるリン 脂質チューブの模式図。焦点の上方で測定したレーザー強度 の空間プロファイルも示す。文献[1]より改変。

光学系はNd³⁺:YAGレーザー (SL902T, cw in TEM₀₀ mode, 波長1064 nm, Spectron)を倒立顕微鏡 (TE-300, Nikon) に導入し、対物レンズ (Nikon Plan Fluor, 100×, N.A. 1.30) により集光して試料に照射した。レーザー光線の空間プ ロファイルはビームアナライザー (13KP503, Melles Griot KK) で測定した。実験 は全て室温26±1℃で行った。脂質チューブの運動はCCDカメラ (CS8210,



10µm

図2. リン脂質チューブの揺動運動の明視野顕微鏡像。左上から横向 きに1秒毎のスナップショットを示す。ビームは紙面手前側から入射 しており、最左上のコマの矢印の位置に焦点がある。入射ビーム強度 は100mWである。 Tokyo Electric Industry) で撮影しビデオ録画したものを画像解析(Cosmos, LIBRARY)した。

本実験ではビームの空間プロファイルを通常のTEM00モードより改変している。

対物レンズに入射する前の光線をガルバノミラーを使って2×10⁻⁵radだけ傾ける と、対物レンズの特性により光線が図1に示すように2本に分裂する。この状態で 脂質チューブをトラップするとチューブの一端が焦点に固定され、残りの部分が光 線に沿って図1に示すように配向する。この条件で実験を行った。



図3. 焦点面に射影したチューブの配向角の時系列。角度 θ は右の模式図のように定義し、図2のような画像について各時刻で θ を計算した。上からビーム強度が50mW、100mW、150mW、190mWの場合を示す。

レーザー光線によりトラップされたリン脂質チューブは、その一端が焦点に固定 され残りの部分は光軸に沿って配向する。配向したリン脂質チューブは光軸のまわ りで図2に示すような揺動運動を行った。このようなチューブの運動において、焦 点面に射影したチューブの角度の時系列を各ビーム強度について図3に示す。この 時系列に見られるようにビーム強度が大きくなるにつれて揺動運動の周期が短くな り、また乱雑さが増していることが分かる。平均周波数と入射ビーム強度の関係は 図4に示すように線形になった。



図4.チューブ揺動運動の平均周波数と入射ビーム強度の関係。

考察

リン脂質と集光レーザー光線との電磁相互作用は、µmサイズの誘電体と光の電 磁場との相互作用の問題と考えられる。この種の問題は物体が光線の波長に比べて 非常に小さい場合(Rayleigh領域)は単一の誘起ダイポールと電磁場の相互作用と して、逆に物体が波長よりも非常に大きい場合(Mie領域)では幾何光学の問題とし て扱うことができるため、比較的簡潔に理解できる[15]。今の場合には誘電体の大 きさが光の波長(1064nm)と同程度であるため、多数の誘起ダイポールによる散 乱光の干渉の効果が無視でず、厳密な取り扱いが非常に困難になる。それでもビー ムが非常に強く集光されていることからRayleigh領域に類似した取り扱いが可能に なる[16]。それによると誘電体と集光レーザー光線との相互作用により、

$$U = \left(\frac{\varepsilon}{\varepsilon_0} - 1\right) \int \frac{I(r)}{2c} dV \tag{1}$$

というポテンシャルが発生する。ここで $\epsilon \ge \epsilon_0$ はそれぞれ誘電体と溶媒の誘電率、cは光速、I(r)は局所的な光強度で、積分は誘電体の占める体積全体について行う。 今の場合、ビームは図1のような強度分布を持っているのでI(r)は

$$I(r) = C(z)P\left\{\exp\left(-\frac{2\left\{\left(x - \tan\beta z\right)^2 + y^2\right\}}{w_0^2 + \tan^2\beta z^2}\right) + \exp\left(-\frac{2\left\{\left(x + \tan\beta z\right)^2 + y^2\right\}}{w_0^2 + \tan^2\beta z^2}\right)\right\}\right\}$$
(2)

 $C(z)^{-1} = \pi \left(w_0^2 + \tan^2 \zeta z^2 \right)$

と近似することができる。上式でβは2本のビームがそれぞれ光軸となす角度、 はそれぞれのビームの集光角、w は焦点における最小ビーム径を表す。

ここでチューブの運動を最も簡単にモデル化するために、連続的に曲がるチューブの代りに1ヶ所で折れ曲がることのできる棒を考える(図5)。



図5.1折点連結剛体棒モデルの模式図。

このモデルでは棒は長さん 直径R、端からdのところで折れ曲がることができ る。一端は原点(ビーム焦点に対応)に固定され、z軸(光軸に対応)に対して θ だ け傾いている。また折点における折れ角を ϕ とする。このような棒が(2)式で表され るような光の場の中に置かれた場合のポテンシャルエネルギーを(1)式から計算する ことができて、図6に示すように θ と ϕ の関数になる。図6より、この関数形を簡 単に

$$U(\theta,\phi) = P\left(\frac{a}{4}\theta^4 - \frac{\theta_0}{2}\theta^2 + b\theta\phi\right)$$
(3)

と近似することができる。

さて、チューブがここで求めたようなポテンシャルによって運動しているという だけでは、エネルギーの散逸によってポテンシャルの極小に対応する配向に落ち着 いてしまうので、実験でみられたような振動は起こらない。振動が起こるためには エネルギーの注入を伴う何らかの非平衡性が必要になる。



図6.1接点剛体棒モデルに対するポテンシャルエネルギーの計 算結果。それぞれは異なる ϕ の値に対応し、A: $\phi = 0\pi$ rad、 B: $\phi = 0.1\pi$ rad、C: $\phi = 0.2\pi$ rad、D: $\phi = 0.3\pi$ rad、E: $\phi = 0.4\pi$ radの場合を示す。

今の系の場合それはレーザー光線が溶媒を局所的に過熱することによる温度効果 であることが以下のようにして分かる。この系で用いているレーザーの波長は 1064nmであるが、これはH2OのO-H伸縮振動の3倍波に相当するため、溶媒が光 を吸収して加熱される。これに対してD2Oでは誘電率などの物性はH2Oと同じであ るが、波長1064nmには吸収がないためビームにより加熱されない。そこでリン脂 質チューブをD2O中に分散させ、上と同様の実験をおこなったところチューブの自 発的揺動運動は起こらなかった。従ってチューブの揺動運動には溶媒によるレー ザー光の吸収の効果が効いていることが分かる。 次に実際に溶媒がどの程度加熱されているのかをEu-TTA錯体を用いて調べた。 Eu-TTAは燐光を発する物質であるが、温度が上昇するとその燐光の強度が落ちると いう性質がある。これを利用して、文献[1]に述べられている方法によりEu-TTA錯 体を埋め込んだジャイアントリポソームを調製し、このリポソームをトラップする ことで焦点付近の温度上昇を測定した。測定結果は図7のようになり、焦点部では 約1µmの範囲で約10℃の温度上昇が認められた[17]。



Distance / µm

図7. Eu-TTA色素法により測定したレーザー光焦点付近での温度 プロファイル。文献[1]より引用。

ここで測定された温度分布を簡単に近似すると、

$$T(\rho, z) = \kappa P \exp\left(-2\frac{\rho^2}{\rho_0^2} - 2\frac{z^2}{z_0^2}\right) + T_R$$
(4)

となる。さらに、1折点モデルの折点における温度は、

$$T(\theta) = \kappa P \exp\left(-2\frac{d_0^2}{\rho_0^2}\sin^2\theta - 2\frac{d_0^2}{z_0^2}\cos^2\theta\right) + T_R$$

= $\kappa P \exp\left(-2\frac{d_0^2}{z_0^2}\right) \exp\left\{-2d_0^2\left(\frac{1}{\rho_0^2} - \frac{1}{z_0^2}\right)\sin^2\theta\right\} + T_R$ (5)
= $\kappa' P \exp\left(-2\frac{\theta^2}{\theta_1^2}\right) + T_R$

と書くことができる。

最後にチューブの弾性の効果を考える。振動現象をモデル化するためには最低2 次元の力学系が必要である。この系のように、μmスケールの水溶液環境中でsecの 時間スケールの運動が起こっている場合には、慣性に比べて溶液の粘性の効果が非 常に大きいため、運動方程式の慣性項が落ちる。そのためこのような系で振動が起 きるためにはチューブの配向角θの他に最低もう一つ変位の自由度が必要である。 実験で見られるチューブの運動には必ずチューブの曲がりが伴っていることから、 メモリーとしての曲がりの効果を簡単な形でモデルに取り入れれば良いと予想され る。これが折れ角 Øを持つ1折点連結剛体棒モデルを選んだ理由である。実際に、 チューブが曲がることが重要であることを確認するため、チューブと同じような大 きさの微小なガラス棒をトラップする実験を行った。このガラス棒はリン脂質 チューブと同じように光軸に沿ってトラップされるが、硬いので折れ曲がることは ない。結果として、ガラス棒は自発的揺動運動を起こさなかったので、チューブが 曲がるという効果が効いていることが分かる。

曲がりが起こる理由としては次のように考えられる。ビームの焦点付近では図7 のような温度勾配が形成されているので、光軸に沿って配向しているリン脂質 チューブの両側面において温度が異なると考えられる。そのためチューブの両側面 で異方的に熱膨張が起こり、チューブが曲がるものと考えられる。このことを1折 点連結剛体棒モデル内で定式化すると、次のようになる。棒の折点での温度は(5)式 で与えられるが、折点の両側面での温度差は

$$\Delta T(\theta) = T(\theta + \Delta \theta) - T(\theta - \Delta \theta)$$
(6)

となる。この温度差により棒が折点で曲がるので、曲がり Øに対する弾性復元力の 平衡点がシフトすることになる。従って棒の曲がりに対する弾性復元力は、

$$F(\theta,\phi) = -\chi \Delta T(\theta) - \eta P \phi \tag{7}$$

と書ける。

以上を総合して1折点モデルに対する発展方程式は

$$\begin{cases} \tau_1 \dot{\theta} = -\frac{\partial U(\theta, \phi)}{\partial \theta} \\ \tau_2 \dot{\phi} = -\frac{\partial U(\theta, \phi)}{\partial \phi} + F(\theta, \phi) \end{cases}$$
(8)

という形式になるから、

$$\begin{cases} \tau_1 \dot{\theta} = -P(a\theta^3 - \theta_0^2 \theta + b\phi) \\ \tau_2 \dot{\phi} = -Pb\theta - P \left[\chi \kappa' \left\{ \exp \left(-2 \frac{(\theta + \Delta \theta)^2}{\theta_1^2} \right) - \exp \left(-2 \frac{(\theta - \Delta \theta)^2}{\theta_1^2} \right) \right\} + \eta \phi \right] \end{cases}$$
(9)

で与えられることになる。

以下で方程式(9)の解の構造を調べる。パラメータがいくつかあるが、その値に よって相空間の構造は次の3つに分けられる。

I. 不動点 3つの場合: $(\theta, \phi) = (0, 0), (\pm \theta_A, \pm \phi_A)$ (ただし0 < $|\theta_A|$)に不動点を持ち、 (0, 0)が鞍点、 $(\pm \theta_A, \pm \phi_A)$ が沈点にな る。この場合、解は初期条件によって $(\pm \theta_A, \pm \phi_A)$ のどちらかに吸い込まれて しまい振動は起こらない。

II. 不動点 5 つの場合: $(\theta, \phi) = (0, 0), (\pm \theta_A, \pm \phi_A), (\pm \theta_B, \pm \phi_B)$ $(0 < |\theta_A| < |\theta_B|)$ に不動点を持ち、 (0, 0) が湧点、 $(\pm \theta_B)$

A, $\pm \phi_A$) が鞍点、 ($\pm \theta_B$, $\pm \phi_B$) が沈点になる。この場合でも初期条件により ($\pm \theta_B$, $\pm \phi_B$) のどちらかに吸い込まれてしまう。

III. 不動点1つの場合: $(\theta, \phi) = (0, 0)$ に不動点があり、不安定渦点に なっている。この場合は外側にリミットサイクル解が存在し、系が振動する。

各場合について適当なパラメータをとり、4次のRunge-Kutta法により積分した結果と、nullclineを含む相空間の様子を図8に示す。



図8.1折点モデルの発展方程式の3種類の解。左側は相空間の構造 で、緑の破線が θ のnullcline、青の破線が ϕ のnullcline、赤の実線が原 点の傍から出発した解の軌道を表す。O、 $\pm A$ 、 $\pm B$ は不動点を表す。右 側は左側で書かれた軌道についての $\theta \ge \phi$ の時系列で、赤実線が θ 、青 破線が ϕ の時間発展を表す。

IIIのパラメータ領域ではリミットサイクル振動の周期はビーム強度Pに比例する。 これは方程式(9)の右辺がPに比例しているため、Pを変化させることは時間スケール を線形に取り直すことに対応しているから明らかである。実際IIIの領域での振動周 期のビーム強度P依存性は図9に示すように線形になることが数値計算からも示され る。



図9.Ⅲのパラメータ領域におけるリミットサイクル振動の周波数とビーム 強度Pの関係。

以上の結果を物理的に解釈すると、次のようになる。パラメータ領域Ⅲになるた めにはパラメータが次の条件を満たしていれば良い。

$$\frac{8\chi\kappa\Delta\theta}{\theta_{l}^{2}}\exp\left(-2\frac{\Delta\theta^{2}}{\theta_{l}^{2}}\right) > \frac{\eta}{b}\theta_{0}^{2} + b$$

$$\frac{1}{b}\left(a\theta_{l}^{3} - \theta_{0}^{2}\theta_{l}\right) > \frac{1}{\eta}\left[b\theta_{l} + \chi\kappa\left\{\exp\left(-2\frac{\left(\theta_{l} + \Delta\theta\right)^{2}}{\theta_{l}^{2}}\right) - \exp\left(-2\frac{\left(\theta_{l} - \Delta\theta\right)^{2}}{\theta_{l}^{2}}\right)\right\}\right]$$
(10)

これは一見複雑であるが、*△θ*∝*チ*ューブ径、*n*∝*チ*ューブの弾性率、*x*∝*チ*ューブの熱膨張率であるので、これらに着目すると比較的簡潔に解釈できる。第一式が 成立するためにはチューブ径は温度上昇領域の大きさよりも小さく、チューブが温 度効果で曲げられる位柔らかく、熱膨張率が十分大きい必要がある。また第二式が 成立するためにはチューブ径は両側面で十分な温度差がつく位太く、光との電磁相 互作用に抗するだけの弾性率があり、熱膨張率が十分大きい必要がある。これらの 条件が満たされていれば、チューブと光の電磁相互作用のポテンシャルが局所的な 温度効果によって不安定化され、振動が起こると解釈することができる。

結論と展望

本稿では集光レーザー光線を使って非平衡開放条件をつくり出し、µmスケール の非平衡現象を起こすことができる新しい実験系の一つとして、リン脂質チューブ の自発的揺動運動について述べ、そのメカニズムを考察し、現象を再現する最も簡 単なモデルの構成について述べた。今後こうした実験系についての知見はµmス ケールで起こる様々な生命現象のメカニズムに光を当てることになると期待され る。

ただし現段階では現象を大胆に粗視化したモデリングであることは否定できない。本稿のはじめに述べたµmスケールで特異的に起こりうる諸効果を明示的にとり込んでいる訳ではないので、たとえば図3に見られるようなビーム強度に依存して振動の不規則性が変化するという現象などは無視されている。このような現象の本質を説明するためには、非平衡条件下で起こる揺らぎをきちんと特徴付けることや、チューブの運動の自由度をもっとたくさん考慮する必要があると思われるが、これらは今後のチャレンジングな課題である。

謝辞

本稿に述べられている全ての実験は共同研究者の野村 M. 慎一郎博士によるもの です。また指導教官である吉川研一教授にはモデルの基本的なアイデアを含む有意 義な議論を負っています。

参考文献

[1] S. -i. M. Nomura, T. Harada and K. Yoshikawa, Phys. Rev. Lett. 88, 093903 (2002).

[2] G. Nicolis and I. Prigogine, *Self-Organization in Nonequilibrium Systems* (John Wiley & Sons, New York, 1977).

[3] L. Glass, P. Hunter and A. McCulloch, *Theory of Heart* (Springer-Verlag, New York, 1990).

[4] C. Graves, L. Glass, D. Laporta, R. Meloche and A. Grassino, Am. J. Physiol. **250**, 902 (1986).

[5] D. Whitmore, N. S. Foulkes and P. Sassone-Corsi, Nature, 404, 87 (2000).

[6] S. Kondo and R. Asai, Nature 376, 765 (1995).

[7] A. Turing, M. Phil. Trans. R. Soc. B 237, 37-72 (1952).

[8] A. W. Murray and M. W. Kirschner, Science, 246, 614 (1989).

[9] A. L. Hodgkin and A. F. Huxley, J. Physiol. 117, 500 (1952).

[10] A. Gosh and B. Chance, Biochim, Biophys. Res. Commun. 16, 174 (1964).

[11] R. Aihara and K. Yoshikawa, J. Phys. Chem. A 105, 8445 (2001).

[12] T. Ichino *et al.* in preparation.

[13] H. Mayama, S. M. Nomura, H. Oana and K. Yoshikawa, Chem. Phys. Lett. **330**, 361 (2000).

[14] N. Magome, H. Katahata, M. Ichikawa, S. -i. M. Nomura and K.

Yoshikawa, Phys. Rev. E, 65, 045202 (2002).

[15] K. Svoboda and S. M. Block, Annu. Rev. Biophys. Biomol. Struct. **23**, 247 (1990).

[16] T. Tlusty, A. Meller and R. Bar-Ziv, Phys. Rev. Lett. 24, 1738 (1998).

[17] M. Ishikawa et al. Biophys. J. 74, 82 (1998).