

個性性を維持したモデリング

Modeling of population dynamics as individual-based

高須夫悟

奈良女子大学理学部情報科学科

Fugo Takasu

Department of Information and Computer Sciences
Nara Women's University, Nara 630-8506, JAPAN
takasu@ics.nara-wu.ac.jp

個体群動態の数理解析モデリングは、生命現象一般の数理解析モデリングにおいて最も古典的かつ基盤的な分野である。全ての生物集団は、生物個体の出生と死亡（と移動分散）を通じて集団密度の時間変化を示すからである。微分方程式あるいは差分方程式として表現される、いわゆる力学系としての個体群動態モデルは、空間分布や年齢構造をはじめとした構造を持つ集団や時間遅れの効果など様々な数理的拡張がなされ、解の挙動の数理解析理解へ向けた研究が精力的に進められている。しかし、力学系としての個体群動態は非負の実数としての集団密度のダイナミクスに注目する故、実際の生物個体がそれ以上分割できない単位であるという「個性性」は全く考慮されていない。はたして「個性性」は無視しうる、取るに足らないものなのだろうか（文献2）。個性性を陽に保ったモデルは必然的に、非負の整数値を状態空間とする確率過程となる。近年の計算機性能の向上により、現実的仮定に基づく確率過程のシミュレーションが容易に実行可能になったものの、確率過程の解析的取り扱いには簡単ではない。

本セッションでは、基礎的な確率過程モデルのシミュレーション実験、ならびにその数理解析的取り扱いについて解説し、「個体」の視点からこれまでの個体群動態モデルを再構成することを試みた。関連する論文を読み、個性性を維持したモデリングの方法を理解して実践することを目指した。

まず最初に、構造を持たない集団の個体群動態（平均場近似）モデルを紹介した。非負の連続量としての集団サイズの力学モデルを出発点とし、これを非負の整数値（離散状態）としての集団サイズの確率論的動態を記述した。次に、空間分布と言った構造を持つ集団の確率論的個体群動態を点過程として再現した（文献1, 3）。各個体は競争核で重み付けされた局所密度に従って、出生もしくは死亡を繰り返し、新規個体は親個体から分散核に従って移動する過程である。こうした点過程を解析的に取り扱う手法としてのモーメント・ダイナミクスを紹介した。

1. Law, R., Murrell, D.J. and Dieckmann, U., 2003. Population growth in space and time: spatial logistic equations. *Ecology*, 84(1): 252-262.
2. Durrett, R. and Levin, S., 1994. The importance of being discrete (and spatial). *Theor. Popul. Biol.*, 46: 363-394.
3. Law, R. and Dieckmann, U., 2000. Chapter 14 Moment approximations of individual-based models. In: Dieckmann, U., Law, R. and Metz, J.A.J., 2000. "The Geometry of Ecological Interactions — Simplifying Spatial Complexity," pp. 252-270, Cambridge Studies in Adaptive Dynamic, Cambridge University Press.