

## Binary quadratic forms and Eichler orders

par MONTSERRAT ALSINA

RÉSUMÉ. Pour tout ordre d’Eichler  $\mathcal{O}(D, N)$  de niveau  $N$  dans une algèbre de quaternions indéfinie de discriminant  $D$ , il existe un groupe Fuchsien  $\Gamma(D, N) \subseteq \mathrm{SL}(2, \mathbb{R})$  et une courbe de Shimura  $X(D, N)$ . Nous associons à  $\mathcal{O}(D, N)$  un ensemble  $\mathcal{H}(\mathcal{O}(D, N))$  de formes quadratiques binaires ayant des coefficients semi-entiers quadratiques et développons une classification des formes quadratiques primitives de  $\mathcal{H}(\mathcal{O}(D, N))$  pour rapport à  $\Gamma(D, N)$ . En particulier nous retrouvons la classification des formes quadratiques primitives et entières de  $\mathrm{SL}(2, \mathbb{Z})$ . Un domaine fondamental explicite pour  $\Gamma(D, N)$  permet de caractériser les  $\Gamma(D, N)$  formes réduites.

ABSTRACT. For any Eichler order  $\mathcal{O}(D, N)$  of level  $N$  in an indefinite quaternion algebra of discriminant  $D$  there is a Fuchsian group  $\Gamma(D, N) \subseteq \mathrm{SL}(2, \mathbb{R})$  and a Shimura curve  $X(D, N)$ . We associate to  $\mathcal{O}(D, N)$  a set  $\mathcal{H}(\mathcal{O}(D, N))$  of binary quadratic forms which have semi-integer quadratic coefficients, and we develop a classification theory, with respect to  $\Gamma(D, N)$ , for primitive forms contained in  $\mathcal{H}(\mathcal{O}(D, N))$ . In particular, the classification theory of primitive integral binary quadratic forms by  $\mathrm{SL}(2, \mathbb{Z})$  is recovered. Explicit fundamental domains for  $\Gamma(D, N)$  allow the characterization of the  $\Gamma(D, N)$ -reduced forms.

Montserrat ALSINA  
Dept. Matemàtica Aplicada III EUPM  
Av. Bases de Manresa 61-73, Manresa-08240, Catalunya, Spain  
*E-mail :* Montserrat.alsina@upc.edu

---

The author was partially supported by MCYT BFM2000-0627.