

数学入門公開講座

平成3年8月6日(火)から8月15日(木)まで

京都大学数理解析研究所

数学入門公開講座

講師及び内容

1. 整数論・最近の話題 (7時間)

京都大学数理解析研究所・教授 伊原 康 隆

整数論には「フェルマの問題」のように具体的だが人工的な問題が(小石のように)沢山ある一方、はるかに抽象的ではあるが自然な対象も(森、山、雲のように)沢山あります。小石を調べるには岩、山を調べなくてはならないでしょう。具体例をもとに、小石と山の「かかわり」、又研究者の脚力、視力、「登山意欲」といったものについても触れてみたいと思います。

2. パソコンでできる偏微分方程式の数値解法 (7時間)

京都大学数理解析研究所・助手 磯 祐 介

2次元・3次元の微分方程式の問題をパソコンで数値計算することは、メモリーの制限もあって困難な場合が多い。ところが、計算力学の分野で近年よく用いられる「境界要素法」は、微分方程式の境界値問題を境界上の関係式に帰着させて数値計算するため、メモリーの節約を図ることができる。

今回は、この境界要素法の解説を行ない、併せて数値解析の理論にも触れる。

3. ナビエ・ストークス流の話 (7時間)

京都大学数理解析研究所・助教授 木 田 重 雄

台風や竜巻など何か特別なことが起こらない限りあまり気にならないが、我々をとりまく大気や海洋・河川においては、水や空気がいろいろな形の渦を巻きながら複雑な運動をしている。このような流れを記述するナビエ・ストークス方程式の解の特徴的な振舞を紹介する。

4. 数学とコンピュータ教育 (7時間)

京都大学数理解析研究所・助教授 萩 谷 昌 巳

数学者のようなコンピュータの専門家でない人に対するコンピュータ教育について、数学教育と関連させながら考える。

時 間 割

| 日 | 8月6日(火) | 7日(水) | 8日(木) | 9日(金) | 10日(土) | 11日(日) | 12日(月) | 13日(火) | 14日(水) | 15日(木) |
|-------------|---------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 13:15~15:00 | 伊原 | 伊原 | 伊原 | 伊原 | 休 | 休 | 木田 | 木田 | 木田 | 木田 |
| 15:00~15:15 | 休 憩 | | | | | | 休 憩 | | | |
| 15:15~17:00 | 磯 | 磯 | 磯 | 磯 | 講 | 講 | 萩谷 | 萩谷 | 萩谷 | 萩谷 |

4. 数学とコンピュータ教育(7時間)

京都大学数理解析研究所・助教授 萩谷昌巳

1991, AUGUST 12,13,14,15

15:15-17:00

数学とコンピュータ教育

萩谷昌己

情報化社会の成熟とともに、コンピュータは社会生活に不可欠なものになりつつあります。それに従って、学校教育の中にも本格的にコンピュータがとり入れられようとしています。しかし、安易なコンピュータ教育は無駄であるばかりでなく有害でさえあります。本講座では、現在の情報処理技術について概観した後、コンピュータに関する教育を分類することにより、コンピュータ教育の本質について考えます。その後で、情報処理技術、特にソフトウェア技術と数学との関連について述べ、ソフトウェア技術に関する教育を既存の数学教育に自然に溶け込ませる方向について模索したいと思っています。

第一回: 情報処理技術概観

第二回: コンピュータ教育

第三回: ソフトウェアの数学

第四回: 数学からソフトウェアへ

● 簡単なプログラミング言語

○ アルゴリズム

計算の具体的な手続きのこと。
必ず停止することを条件とする場合もある。
例: ユークリッドの互除法。素数の判定。

○ プログラミング言語

計算の手続きを記述するための形式的な言語。
記述された計算の手続きは、何らかの方法で、
計算機の上で実行することができる。

○ プログラム

プログラミング言語によって記述された計算の手続き。

○ プログラミング言語の文法

正しいプログラムとは何かを定義する規則。

○ BNF

文法を定義するための方法の一つ。

○ BNFによる文法の定義

--- BNFは、Backus Normal Form、もしくは、Backus-Naur Formの略。

式と項

項 ::= 定数
 変数
 (式)
 項 * 定数
 項 * 変数
 項 * (式)

式 ::= 項 + 項

定数 ::= 0 | 1 | 2 | ...
変数 ::= x | y | z | ...

--- 「 ::= 」は、左辺が右辺によって定義されることを意味する。

--- 「 | 」は「または」を意味する。

終端記号

* () + 0 1 2 x y z

--- *は掛け算。

非終端記号

項 式 定数 変数

例

| | |
|------------|----------------------|
| y+1 | 式 (項ではない) |
| x*(y+1) | 項 (式でもある) |
| +++++***** | 式でも項でもない |
| +3 | 式でも項でもない |
| x-y | 式でも項でもない (-は終端記号でない) |

(x+y)*2+3*z 式 (項ではない)
(((x+y)*2)+(3*z)) 式 (項でもある)

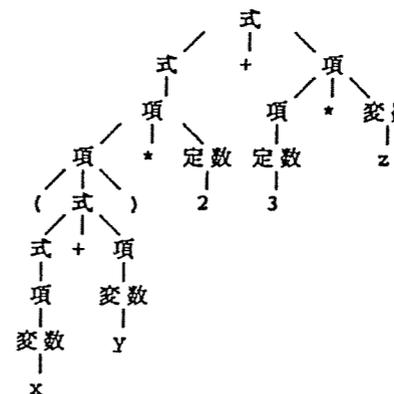
問題

-(引き算)と/(割り算)ができるように上の文法を拡張せよ。

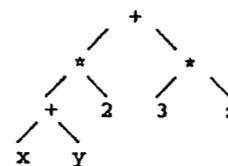
問題

-xのように、マイナスとしての-を許すように、
上の文法を拡張せよ。

○ 導出木



○ 解析木



--- (((x+y)*2)+(3*z))と対応している。

○ 拡張BNF

--- 「 ::= 」と「 | 」の他に、次のような記号も用いる。

例

文 ::= [主語] 述語
主語 ::= 名詞 [は | が]
述語 ::= 動詞 | 形容詞 | 形容動詞

--- 「[主語]」は、主語があってもなくてもよいことを意味する。

--- 「[は|が]」は、「は」または「が」を意味する。

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 3

○ 非常に簡単な、とある BASIC のような言語 (TAB)

| | | |
|--------|-----|--|
| プログラム | ::= | [文番号] 文; プログラム |
| 文 | ::= | 代入文 IF文 GOTO文 PRINT文 EXIT文 |
| 代入文 | ::= | LET 変数 = 式 |
| IF文 | ::= | IF 式 関係演算子 式 THEN 文 |
| 関係演算子 | ::= | = < <= > >= / = |
| GOTO文 | ::= | GOTO 文番号 |
| PRINT文 | ::= | PRINT 式 |
| EXIT文 | ::= | EXIT |
| 文番号 | ::= | 定数 |

○ プログラム 1

```
LET x = 0;
LET y = 0;
1 IF x > 10 THEN GOTO 2;
LET y = y+x;
LET x = x+1;
GOTO 1;
2 PRINT y;
EXIT;
```

--- xとyの値は次のように変化する。

| x | y |
|----|----|
| 0 | 0 |
| 0 | 0 |
| 1 | 0 |
| 1 | 1 |
| 2 | 1 |
| 2 | 3 |
| 3 | 3 |
| 3 | 6 |
| 4 | 6 |
| 4 | 10 |
| 5 | 10 |
| 5 | 15 |
| 6 | 15 |
| 6 | 21 |
| 7 | 21 |
| 7 | 28 |
| 8 | 28 |
| 8 | 36 |
| 9 | 36 |
| 9 | 45 |
| 10 | 45 |
| 10 | 55 |
| 11 | 55 |

--- すなわち、EXITしたとき、

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 4

```
x = 10
y = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10
```

--- となっている。PRINTされるのは55。

問題

0+1+...+100を求めるように、プログラム1を修正せよ。

○ プログラム 2

```
LET x = 11
IF x < 3 THEN GOTO 2;
1 x = x - 3;
GOTO 1;
2 PRINT x;
EXIT;
```

--- xを3で割った余りを計算するプログラム。

問題

商も出力するようにプログラム2を拡張せよ。

○ プログラム 3

```
x = 12
y = 8
1 IF x = y THEN GOTO 3;
IF x < y THEN GOTO 2;
LET z = x;
LET x = y;
LET y = z;
2 LET z = x;
LET x = y-x;
LET y = z;
GOTO 1;
3 PRINT x;
EXIT;
```

--- xとyの最大公約数を求めるプログラム。

--- ユークリッドの互除法の簡単なもの。

○ プログラミング言語の意味論

個々のプログラムが実際にどのような計算をするのかを定める規則。文法の各構文の意味を定めることにより、個々のプログラムの意味が定まる。

例

「PRINT 式」という文は、式の値を(どこかに)出力する。

--- PRINT文の意味。

--- プログラミング言語の定義は、

--- 文法 (syntax) と意味論 (semantics) からなる。

○ 入出力装置 --- キーボードとCRTを例に

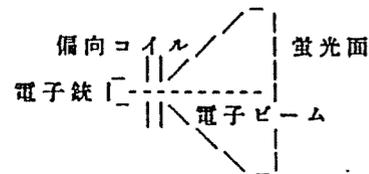
キーボード

だだのスイッチ。

- 各キーはONかOFF。すなわちデジタル。
- 本当はもっと複雑。

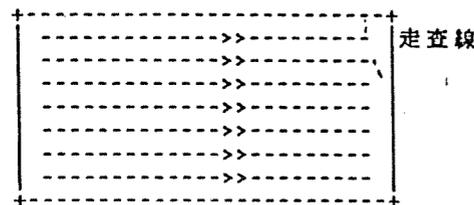
- 通常は、キーボードがエンコード(符号化)を行い、
- 文字コードがコンピュータに送られてくる。

CRT --- Cathode Ray Tube (陰極線管)



走査

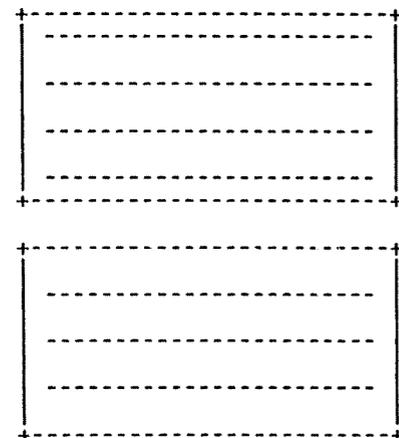
二次元の画像を一次元で送る。



一般のテレビ放送

- 一画面 = 525本の走査線
- 一秒 = 30画面

実は2:1のインターレースといって、奇数番目の走査線と偶数番目の走査線を交互に表示している。



半分の走査をフィールド、全走査線の走査をフレームという。

- 1フレーム = 2フィールド
- 1フィールド = 525/2本 = 262.5本 (263本と262本)
- 一秒 = 30フレーム = 60フィールド

一本 = 1/30/525 = 63マイクロ秒

- 実際は見えない部分があるので52マイクロ秒。

CRTへの信号

同期信号と映像信号

- テレビ放送などでは両者を合わせた複合映像信号を用いる。
- テレビ放送では、複合映像信号が音声信号とともに、
- テレビ放送の周波数に変調されて、電波になって飛んでいく。

同期信号

- 水平同期(走査線の始まりと終り --- 改行)
- 垂直同期(フレームの始まりと終り --- 改ページ)

映像信号

アナログ --- 各点の輝度 --- 電子ビームの強さ

- カラーの場合は、RGB(Red, Green, Blue)の輝度が必要(光の三原色)。
- カラーテレビ放送(NTSC)では、
- Y=R+G+BとY-BとY-Rが送られる(白黒との互換性のため)。

- では、どうやってコンピュータに接続され、
- コンピュータがCRTに文字や絵などを出力することができるのか。
- → コンピュータ・グラフィックス

○ CPUとメモリ

半導体からなるデジタル回路。

○ デジタル回路

デジタル・データを処理する回路。

○ デジタル・データの表現

電圧の高低による2進数を用いる(正論理)。

- 電圧の高い(5V) --- 1
- 電圧の低い(0V) --- 0

- 実際は多少の余裕がある。
- 1は2.0V~5.0V。0は0.0V~0.8V。
- 0.8~2.0Vの値はとってはいけない(壊れた回路)。

- 1を高い電圧、0を低い電圧で表わすこともある(負論理)。

○ メモリの種類

ROM(Read Only Memory)

読み出し専用メモリ。

RAM(Random Access Memory)

読み書き可能メモリ。

スタティックRAM(Static RAM --- SRAM)

フリップ・フロップによって記憶する。

ダイナミックRAM(Dynamic RAM --- DRAM)

コンデンサの容量によって記憶する。
 時間が経つとコンデンサが放電するので記憶が失われる。
 このために、一定時間ごとに、
 「メモリの内容を読んでそのまま書く」
 という操作を行う必要がある。
 これをリフレッシュ(refresh)という。

- 1メガDRAM=1個のチップに1Mbit記憶できる。
- これが標準になりつつある。
- 1文字=16bitとすると、1個のチップで約6万字。

○ CPU

命令デコーダ --- 命令の解釈と実行
 ALU(Arithmetic&Logic Unit) --- 算術論理演算
 命令レジスタ --- 実行中の命令を保持しておくレジスタ
 プログラム・カウンタ --- 次の命令のアドレスを保持しておくレジスタ
 汎用レジスタ --- 汎用のレジスタ(算術論理演算等に用いる)

--- レジスタ(register)とはCPUの中にある高速メモリ。

○ 計算機(ハードウェア)の種類とその規模

| | 速度 | メモリ | ディスク |
|-------------------|------------|---------------|--------|
| スーパー・コンピュータ | | | |
| 汎用大型機 | | | |
| ミニ・コンピュータ | 1-6 MIPS | 1-32 MB | |
| ワークステーション(5年前) | 1-4 MIPS | 4-16 MB | |
| ワークステーション(今) | 10-20 MIPS | 4-16 MB | |
| パーソナル・コンピュータ | 0.1-1 MIPS | 256 KB - 8 MB | --20MB |
| 北白川にあるとある研究所では... | | | |
| DG/MV10000 | 2.5 MIPS | 12 MB | 1 GB |
| ENCORE/Multimax | 2 MIPS x 8 | 80 MB | 800 MB |
| SUN2 | 0.5 MIPS | 4MB | |
| SUN3 | 1 MIPS | 8 MB | 150 MB |
| SONY/NEWS | 1 MIPS | 4 MB | 150 MB |
| SUN4/260 | 10 MIPS | | |
| SUN/SparcStation1 | 12 MIPS | 8 MB | 200 MB |
| SUN/SparcStation2 | 28.5 MIPS | 16 MB | 400 MB |
| SUN/SparcServer | 20 MIPS | 64 MB | 6 GB |
| Apollo/DN3500 | 4 MIPS | 8 MB | |
| Apollo/DN4500 | 7 MIPS | 8 MB | |
| Apollo/DN10000 | 20 MIPS | | |
| MacSE/30 | 3 MIPS | 8 MB | |
| MacII | 3 MIPS | 8 MB | |
| MacIICI | 4 MIPS | 8 MB | |

- MIPS = Mega Instructions Per Second
- GFLOPS = Giga Floating Operations Per Second
- MB = Mega Byte
- GB = Giga Byte

○ 数の表現について

2の補数表現

例(4bit)

| | |
|------|----|
| 0000 | 0 |
| 0001 | 1 |
| 0010 | 2 |
| 0011 | 3 |
| 0100 | 4 |
| 0101 | 5 |
| 0110 | 6 |
| 0111 | 7 |
| 1000 | -8 |
| 1001 | -7 |
| 1010 | -6 |
| 1011 | -5 |
| 1100 | -4 |
| 1101 | -3 |
| 1110 | -2 |
| 1111 | -1 |

n bitの2の補数表現

$$x(n-1) x(n-2) \dots x(2) x(1) x(0) \quad (x(i) = 0 \text{ または } 1)$$

は、

$$-x(n-1)*2^{n-1} + x(n-2)*2^{n-2} + \dots + x(2)*2^2 + x(1)*2 + x(0)$$

を表わす。

例えば、4bitの1011は、

$$-1*2^3 + 0*2^2 + 1*2 + 1 = -8 + 0 + 2 + 1 = -5$$

となる。

2の補数表現の利点は、
 正の数のためのadderをそのまま負の数にも使えること。
 n bitの補数表現で表現できる数の範囲は、

$$-2^{n-1} \text{ -- } 2^{n-1} - 1$$

である。

| | |
|-------|---------------------------|
| 8bit | -128 -- 127 |
| 16bit | -32768 -- 32767 |
| 32bit | -2147483648 -- 2147483647 |


```

0010      store
0010      r2
00000101  5番地

0101 0010 0011 0100      r2*r3の値をr4に入れる。

0101      mul
0010      r2
0011      r3
0100      r4

01110000 00001111      15番地にジャンプする。

01110000      jump
00001111      15番地

01110100 0000 0001 00001111      r0 ≤ r1ならば15番地にジャンプする。

01110100      jleq (jump less or equal)
0000      r0
0001      r1
00001111      15番地

10000000      停止する。

10000000      halt

1010 0010      r2の内容を出力する。

1010      output
0010      r2
    
```

○ アセンブリ言語

機械語のオペコードやオペランドを、2進法ではなく人間にわかりやすい記号で書けるようにした言語。特にオペコードを表わす記号をニーモニック (mnemonic) という。

--- load、store等がニーモニック。

マシンの一つ一つに対してそのマシン専用のアセンブリ言語がある。アセンブリ言語で書かれたプログラム(アセンブリ・プログラム)を機械語に翻訳することを「アセンブルする」という。アセンブルするもの(処理系)をアセンブラという。アセンブラも一つのプログラムであり、何らかのプログラミング言語で書かれている。(アセンブラ自身で書かれているかもしれないし、別の言語で書かれているかもしれない。)

とあるアセンブリ言語(TAA)

--- TAM用のアセンブリ言語

例

```

load r2,5
load r2,#5
store r2,5
mul r2,r3,r4
jump 15
jleq r0,r1,15
halt
output r2
    
```

--- load r2,#5は、load immediateにアセンブルされる。

ラベル

アセンブリ・プログラムの中では、x,y,L1,L2のようなラベル(label)を用いることができる。

```

load r2,x
jump L1
jleq r0,r1,L1
    
```

アセンブラはラベルを実際のアドレスで置き換える。

○ コンパイル

FORTRANやBASICのような高級言語を、アセンブリ言語もしくは機械語に翻訳すること。

とあるBASICのような言語(TAB) --> TAA または TAM

例

TAB

```

LET x = 0;
LET y = 0;
1 IF x > 10 THEN GOTO 2;
LET y = y+x;
LET x = x+1;
GOTO 1;
2 PRINT y;
EXIT;
    
```

TAA

TAM

| | 番地(10進) | |
|-----|---------|------------------------------|
| | 0 | 0001 0000 00000000 |
| | 2 | 0010 0000 01000000 |
| | 4 | 0001 0000 00000000 |
| | 6 | 0010 0000 01000001 |
| L1: | 8 | 0000 0000 01000000 |
| | 10 | 0001 0001 00001010 |
| | 12 | 0111 0101 0000 0001 00100001 |
| | 15 | 0000 0000 01000001 |
| | 17 | 0000 0001 01000000 |
| | 19 | 0011 0000 0001 0000 |
| | 21 | 0010 0000 01000001 |
| | 23 | 0000 0000 01000000 |
| | 25 | 0001 0001 00000001 |
| | 27 | 0011 0000 0001 0000 |
| | 29 | 0010 0000 01000000 |
| | 31 | 01110000 00001000 |
| L2: | 33 | 0000 0000 01000001 |
| | 35 | 1010 0000 |
| | 36 | 10000000 |
| x: | 64 | 00000000 |
| y: | 65 | 00000000 |

--- xとyの初期値を0としているので、
 --- 最初の4命令は必要ない。
 --- 機械語は適当に区切っているが、
 --- これは単に読み易さのためである。

問題

TABの他のプログラムをTAAにコンパイルし、

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 15

さらにTAMKアセンブルしてみよ。

○ 高級言語

目的に応じて様々な高級言語がある。
コンパイラやインタープリタによって実行される。
マシンに依存せず同じプログラムを異なるマシンで実行することができる。

--- 各アプリケーションが専用の言語を持っていることがある。
--- 例えば、データ・ベース、リンク、エディタ、ウィンドウ・システム。

○ コンパイラとインタープリタ

TABのプログラムを人間が実行することもできる。
それと同じことをプログラムの形にして
計算機に実行させることもできるはず。
そのプログラムがインタープリタである。
例えばBASICはBASICインタープリタによって実行される。

コンパイラのように
プログラム全体を処理する必要がないので応答が速く、
プログラムそのものを実行するので、
プログラムの誤りの修正等が容易。

ただし、プログラムの実行は、
コンパイラによって機械語に翻訳してから実行する方が速い。

○ コンパイラ

コンパイラの入力となる高級言語で書かれたプログラムを、
ソース・プログラム、ソース・コード、ソース・モジュールという。
コンパイラの出力である機械語のプログラムを、
オブジェクト・プログラム、オブジェクト・コード、
オブジェクト・モジュールという。

--- モジュールとはプログラムの断片のこと。

コンパイラの構成要素

構文解釈 プログラムが文法に適合しているかを調べながら、
+ オプティマイズやコード生成がやりやすいような
意味解析 データ構造(例えば木構造)を生成する。

オブティマイザ オブジェクト・コードの効率を上げる
(オブティマイズする)ために様々な処理を行う。

コード生成 コードの生成(アセンブリ言語、機械語、中間言語)。

○ リンカ・ローダ

オブジェクト・コードには、
メモリの中の定まったアドレスでしか実行できないものと、
どのようなアドレスに置いても実行できるものがある。
後者をリロケータブルなオブジェクト・コードという。
前者を(ロードがずんでいるという意味で)ロード・モジュールという。

リロケータブルなオブジェクト・コードを、
与えられたアドレスで実行できるようにすることを、
リロケーション、もしくは、ロードイングという。
ロードイングを行う処理系をローダという。

また、いくつかのリロケータブル・プログラムを結合して、
一つのリロケータブル・プログラム、もしくは、
ロード・モジュールを生成することをリンクするという。
リンクを行う処理系をリンクという。

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 16

○ ライブラリ

プログラムを集めて一まとめにしたもの。
ユーザが自分で書いたプログラムを集めて
ライブラリにすることもできるが、
コンパイラ等の言語処理系の一部として、
最初から便利な機能がライブラリの形で提供されている。

例

数値計算のライブラリ(SIN, COS, GAMMA)
グラフィックスのライブラリ

ライブラリを用いている(呼び出す)プログラムとライブラリを
結合するのもリンクの仕事。

○ プログラミング言語の三つの「構造」

データ構造(data structure)

どのような種類の構造のデータが用意されているか。

配列
レコード
ポインタ
リスト
スタック

制御構造(control structure)

プログラムの実行を制御するために、
どのような種類の命令が用意されているか。

分岐(IF)
繰り返し(WHILE, REPEAT, FOR)
ジャンプ(GOTO)
再帰呼び出し

プログラム構造(program structure)

プログラムがどのような構成要素からなり、
それらを組み合わせるためにどのような機構が用意されているか。

手続き定義
関数定義
ブロック構造
モジュール構造

○ プログラミング言語の例

FORTRAN(フォートラン)
数値計算用の言語。
1950年代後半にIBMで開発された。
現在では1977年に制定されたFORTRAN77と呼ばれる方言が
よく用いられている。

BASIC(ベーシック)
FORTRANを簡略化した言語。
1964年にダートマス大学で開発された。
パソコンの標準言語となっている。
インタープリタで対話的に使用できる。

COBOL(コボル)
事務処理用言語。
1960年にCODASYL(データ・システム言語協議会)が制定。
(量的に)最も多く使われている言語。

Aug 8 1991 09:49:00

gairon

Page 17

PL/I(ピーエル・ワン)

FORTRANとCOBOLにAlgol的な制御構造とデータ構造を加味した汎用言語。
IBMの標準語として開発された。

APL(エーピーエル)

BASICと同様の対話型言語。
行列の計算等を得意とする。
IBMが標準言語として採用している。

Algol(アルゴル)

ヨーロッパで開発された汎用の言語。
整理されたデータ構造、制御構造、プログラム構造を持つ。
初期のものをAlgol60といい、
後に新たに設計され直されたものをAlgol68という。

Pascal(パスカル)

1968年にチューリッヒ工科大学のヴィルトが開発した言語。
Algol60を簡略化・効率化した言語。

Modula-2(モジュラ・ツー)

ヴィルトがPascalにモジュール構造を導入して開発した言語。

C(シー)

AT&Tのベル研究所で開発されたシステム記述用の言語。
UNIXと呼ばれるオペレーティング・システムの記述に用いられた。

C++(シー・プラス・プラス)

C言語を拡張しオブジェクト指向言語にしたもの。

ADA(エイダ)

DoD(米国国防総省)が公募し、
フランスのHoneywell Bullが開発した汎用言語。
軍事兵器の制御等に用いられる。

LISP(リスプ)

記号処理(数式処理・人工知能)のための言語。
1950年代後半にMITのマッカーシーらによって開発された。
インタープリタで対話的に使用できる。
現在はCommon Lispと呼ぶ方言が標準になりつつある。

Scheme(スキーム)

LISPを理論的な観点から洗練した言語。

Prolog(プロログ)

論理型言語。人工知能に用いられる。
日本の第五世代コンピュータ・プロジェクトで採用された。

Smalltalk-80(スモールトーク・エイティ)

オブジェクト指向型言語。
単なるプログラミング言語というよりも、
オブジェクト指向の原理によって構築された
一つのコンピュータ・システム。

LOGO(ロゴ)

MITのババートが開発した幼児教育のための言語。
ロボット幾何学が特徴。

Aug 8 1991 09:49:00

gairon

Page 18

● オペレーティング・システム(Operating System, OS)

○ 広義のオペレーティング・システム

アプリケーション・ソフトウェアを走らせるために、
稼働の下力持ちとなって働くソフトウェア。
基本ソフトウェアという。

コンパイラ、アセンブラ等の言語処理系も
広義のオペレーティング・システムには含まれる。

オペレーティング・システムは、
計算機の一部として売られ、
計算機のメーカーが提供する(例外もある---重要)。

○ 狭義のオペレーティング・システム

基本的な入出力の機能を提供し、
プロセスやファイルを管理するソフトウェア。
カーネル(核)ともいう。

入出力管理
プロセス管理
ファイル管理

オペレーティング・システムの他のソフトウェアや、
アプリケーション・ソフトウェアは、
ハードウェアを直接に操作せずに、
カーネルに仕事を依頼する(システム・コール)。

高級言語で書かれたプログラムが
複数のCPU上で実行できるように、
ハードウェアを直接に操作せずに、
システム・コールのみを用いるプログラムは、
同じOSが稼働する複数のハードウェア上で実行できる。

--- CPUが同じでも入出力のハードウェアが異なれば入出力の方法が異なる。

○ 身近なオペレーティング・システム

MS-DOSは、NEC、富士通、IBMなどのパソコン上で稼働する。
CPUは同じだが周辺ハードウェアは異なる。
MS-DOSのシステム・コールのみを用いたプログラムは、
どのメーカーのパソコンでも実行できる。

UNIXは異なるCPU上で稼働する。
CPUも周辺ハードウェアも異なる。
UNIX上の高級言語(例えばC)で書かれたプログラムは、
UNIXの稼働する計算機上で実行できる

IBMコンパチブル(コンパチ)とは、
CPUも周辺ハードウェアもIBMと同じ。
オペレーティング・システムもIBMと同じ。

○ 入出力管理

例えば端末への文字の表示。
ユーザのプログラムがハードウェアを直接に操作して、
文字を端末に出力するのは大変であり、
ハードウェアに依存したプログラムになってしまう。

入出力管理は、基本的な入出力機能を、
システム・コールの形で提供する。

○ プロセス管理

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 19

実行中のプログラムをプロセスまたはタスクという。

CPUは一つでも同時に二つ以上のプログラムを走らせることができる。
一つのプロセスが入出力待ちで止まっている間、
他のプロセスを実行できる。

CPUを時分割してプロセスに割り振ることもできる (TSS)。

これを、マルチ・プログラミング、
マルチ・プロセッシング、
マルチ・タスキングという。

○ ファイル管理

データの集合をファイルという。
通常は二次記憶上に作られる。

ファイルはファイル名で参照される。

ファイル管理の仕事は、
ファイル名と実体の対応、
ファイルの実体の割り付け、
ファイル名の管理、
ファイルの保護。

○ オペレーティング・システムの例

OS360 --- IBM
Multix
Tenex --- DEC
UNIX
CP/M
MS-DOS

○ 広義のオペレーティング・システムの構成要素

カーネルから見るとアプリケーション・ソフトウェアと同等。

言語処理系

ソフトウェアの開発のための処理系

エディタ
マクロ・プロセッサ
ライブラリ管理
ページ管理
フォーマッタ (清書系)
ウィンドウ・システム

日本語入力

通信 (ネットワーク)

○ オペレーティング・システムの種類

バッチ

一まとまりの仕事 (ジョブ) をカードにパンチして
カード・リーダーから入力する。
結果はプリンタから出力される。
OSは順にジョブを実行する。

TSS (Time Sharing System)

端末から計算機を利用する。
各プロセスに時分割でCPU時間を割り当てる。

Aug 8 1991 09:49:00

galron

Page 20

各ユーザが計算機を独占しているように見える。
すぐに結果が見れる。
ユーザが多くなると効率が大幅に落ちる (スラッシング)。

実時間

時間的制約がある TSS。
例えば工場の制御。

分散

ワークステーションと呼ばれる計算機を
ネットワークで結合して用いる。
自分の計算機があり、しかも、
自分の計算機の資源と他の計算機の資源を共有することもできる。

る。ドイツ語やフランス語など、半年間で全文法の説明を終了して練習する。従って、第二外国語の短期間で、この際、短期間で文法を修得する非短期間、半年間で全文法の説明を終了して練習する。従って、

プログラムは、プログラミンング言語の形式的な文法に従って書かれなければならない。従って、プログラミンング言語の形式的な文法に従って書かれなければならない。従って、

+ 文書力の向上

第二外国語に限らず、語学を学ぶと共通の母国語の文章力も向上する。文章力を向上させるには、文章力も向上する。文章力を向上させるには、

+ 暗記力の鍛錬

いうまでもなく、語学には暗記の要素が多い。従って、語学を習えば暗記力を鍛錬することができる。従って、

単語や熟語を覚えるには、単語や熟語を覚えるには、単語や熟語を覚えるには、単語や熟語を覚えるには、

+ 忍耐力の修行

第二外国語の教習に必要なのは、忍耐力の修行である。忍耐力の修行は、忍耐力の修行は、

プログラミンングも、忍耐力の修行である。プログラミンングも、忍耐力の修行は、

+ どのようなプログラミンング言語

プログラミンング言語の演習は、プログラミンング言語の演習は、プログラミンング言語の演習は、

例えば、MLやSchemaなど、プログラミンング言語の演習は、プログラミンング言語の演習は、

* 計算機導入演習

計算機導入演習は、計算機導入演習は、計算機導入演習は、計算機導入演習は、

計算機導入演習は、計算機導入演習は、計算機導入演習は、計算機導入演習は、

ある。その結果、けがれを知らない大学院生や助手が計算機とネットワークのお守り役として、その貴重な青春を捧げるといふ現代の悲劇が至るところで見受けられる。

従って、「計算機導入演習」が教養課程の科目としても存在すれば、彼ら苦勞な若手は、少くも、右往左往するに足らぬ。従って、

以下では、「計算機導入演習」について、

- + 購入
+ 設備
+ インストールと保守

の三点を説明しよう。

+ 購入

いくら安くはないが、たしかに、たしかに、たしかに、たしかに、

素人が計算機を選ぶことは、素人が計算機を選ぶことは、素人が計算機を選ぶことは、

次に、どこかから買ってくるか、自分で集めるか、自分で集めるか、自分で集めるか、

+ 設備

パソコンがどれくらいあるか、パソコンがどれくらいあるか、パソコンがどれくらいあるか、

計算機を導入するに当たっては、計算機を導入するに当たっては、計算機を導入するに当たっては、

次に、床の面積、計算機室の面積、計算機室の面積、計算機室の面積、

次に、空調設備、計算機室の空調設備、計算機室の空調設備、計算機室の空調設備、

次に、ネットワーク、計算機室のネットワーク、計算機室のネットワーク、計算機室のネットワーク、

最後に防犯設備について一言。不特定多数の人の入る端末室は、どろぼうの天

国になる恐れがある。計算機を盗まれないまでも、心ない人がシステムにいたずらをするにはよくある。計算機室をどう管理すべきかも非常に重要な問題である。

最後の最後に一言。計算機室、端末室は、必ず禁煙にすること。煙は計算機の天敵である。

+ インストールと保守

これが最も大変な仕事である。

ワークステーションは、買った後、すぐ使え、エラーも少なく、メンテナンスが楽である。一方、メインフレームは、導入が大変で、保守も大変である。

インストールが完了したら、システムの保守(メンテ)は、計算機が使用されている限り、毎日行われる。

ユーザの多くは、計算機を自分で使おうとする。しかし、計算機は、専門家の手によって管理されるべきである。

ディスクに関して、ファイルのバックアップの体制も重要な問題である。どの部分も、どの方法でもバックアップする必要がある。

次に、ネットワークに関する問題がある。ネットワークは、物理的な接続だけでなく、論理的な接続も必要である。

最後に、計算機に関する契約の問題がある。契約には、ハードウェアの保証、ソフトウェアのライセンス、保守料などが含まれている。

* 計算機概説

自動車の免許を取るに比べて、計算機の操作は、誰でもできる。しかし、計算機の活用には、専門的な知識が必要である。

計算機概説のハードウェアの項目は、コンピュータの構成要素、ハードウェアの種類、ハードウェアの進化などを説明している。

表1 計算機概説

ハードウェア

素子技術 --- トランジスタ・LSI

デジタル回路 --- 論理回路・順序回路
入出力装置 --- キーボード・CRT・ディスク・SCSI

アーキテクチャ

CPU --- CISC・RISC
メモリ --- SRAM・DRAM
バス --- DMA転送・VMEバス

オペレーティング・システム

オペレーティング・システムの機能
--- タスク管理・データ管理・入出力管理
オペレーティング・システムの例 --- MD-DOS・UNIX
ネットワーク --- イーサネット・ISO

プログラミング言語

プログラミング言語の例 --- Fortran・Pascal・Lisp
形式文法 --- BNF・LL・LR
処理系 --- コンパイラ・インタープリタ・コンパイラコンパイラ
プログラミング・パラダイム
--- 関数型・論理型・オブジェクト指向

ユーザ・インターフェース

コマンド言語 --- shell
日本語入力 --- 仮名漢字変換
ウィンドウ・システム --- Macintosh・X

* 計算基礎論入門

数学の一分野で、集合や論理を扱った学問を、数学基礎論と呼ぶ。数学基礎論は、数学の基礎となる論理や集合論を研究する学問である。

プログラムの理論や計算の複雑さなど、計算機科学の基礎となる論理や集合論を研究する学問である。

考えられるように、オートマトンや計算機理論などは、計算機科学の基礎となる論理や集合論を研究する学問である。

表2 計算基礎論入門

言語理論 --- オートマトン・文脈自由文法
計算可能性 --- 帰納関数・チューリング機械
計算の複雑さ --- NP完全・限定算術
計算の論理 --- λ計算・型理論・カテゴリー理論
自動証明 --- 導出原理・帰納法