

# Kowalevskian System

大野 環

実は、あまり進歩がなかった。Volević 方式(行なう)方法には、色々進歩もあつたよ(である)。しかし、det の定義が、我々のもの(かありえる)以上、最終的に精密な結論は、我々の立場(に従)て(である)。葛畑先生には、発表前の論文原稿 [1] を送らせていた(だ)。

det の定義は、以前の講義録をよ(よ) [2] ここでは、予想と、2つの事例を示(示)しておく。

$P(x, D)$  :  $m \times m$  matrix of diff. operators.

予想  $\det(D_t - P(x, D))$  は Kowalevskian polynomial

$\uparrow$  我々の  
 $\Downarrow$

$D_t - P(x, D)$  について、Cauchy-Kowalevskaja 成立.

(もちろん、 $t$  を時間変数、 $D_t$  とは  $(D_t \dots D_t) \Big|_m$  )

examples. cf. [1]

$$P = \begin{pmatrix} D_x^3 & -b D_x^3 \\ \frac{1}{b} D_x^3 & -D_x^3 \end{pmatrix} \quad b = 1-x.$$

$D_t - P(x, D)$  の、普通の行列式は  $\lambda^2$ .

よってわかるは Kowalevskian 形式, Cauchy-Kowalevskian 定理  
 1 になることがわかる. 我々の意味では,  $D_t - P(x, D)$  による

$$\det(\lambda - P(x, D)) = \lambda^2 + \frac{3}{1-x} \xi^2 \lambda \quad (\xi \text{ is } D_x \text{ symbol})$$

よって, Kowalevskian poly. ではない. (at  $x=0$ )

$$\text{又, } P = \begin{pmatrix} D_x^2 + a_{11} D_x & b D_x^3 \\ -c D_x + c_0 & -D_x^2 + a_{22} D_x \end{pmatrix}$$

$$b = 1-x, \quad c = (1-x)^{-1}, \quad c_0 = \frac{k}{2} (1-x)^{-2/3}$$

$$a_{11} = \frac{3}{2} \frac{1}{1-x} - \frac{k}{2} (1-x)^{1/3}$$

$$a_{22} = \frac{1}{2} \frac{1}{1-x} + \frac{k}{2} (1-x)^{1/3}$$

普通  $\lambda = \lambda(x)$  として  $\lambda - P(x, D)$  の行列式を考えると,

$$\lambda^2 - \frac{2}{1-x} \xi \lambda - \frac{1}{1-x} \xi^3 + \dots$$

よって, Kowalevskian であることがわかる. しかし,

Cauchy-Kow. の定理が  $D_t - P(x, D)$  によることを保証する  
 ことが, 証明される. さて, 我々の意味で 1 になる  
 行列式をよってわかるは

$$\lambda^2 + f_1(x) \lambda + f_2(x) \xi^2 + \dots$$

である.  $f_1, f_2$  は  $x$  の函数. hol. at  $x=0$ . 従って,

Newton polygon の規約によつて,  $f_1$  は連続である,

$\det(\lambda - P(x, D)) = \lambda^2 + f_2(x)\xi^2$  となり, これは  
Kowalevskian poly. になっている.

上の例をとり上げて, 我々の議論が, 事象をうまく  
反映していることがわかるであろう.

筆者はただいま, 他方面のことには忙しかく, この関係.  
手がまわらない. 興味をもっている方々のために,  
「すなわち, 必ずしも証明すべからず」.

$P$  の iteration  $P^m$  の order への関係も考えてある.

[1] S. Mizohata: Petrowsky 記号号に出るもの.

[2] T. Yano: Definition of Delicate Determinant.

RIMS 講義録 No.