

再帰的関数の評価機能

慶應義塾大学工学部 中西 正和

1. はじめに

再帰的に定義された関数を含む式の評価の方法は, LISP, SNOBOL, ALGOL その他の再帰的定義の可能な言語の処理系の製作技法の研究や, λ -calculus における S.E.C.D 機械の定義のような数学的な接近によって検討されている。その検討は, データ構造の設計の段階から処理アルゴリズムの改良まで広範囲にわたっている。

評価の方法の検討は, 現存する機械の制約から, 次の2つの方法で行なわれていると思われる。一つは再帰的関数の定義を配列を含む逐次処理型の手続き(流れ図の表現)に変えるための一般的なアルゴリズムを見つけていくことである。これはいわばコンパイラの製作技法の検討である。もう一つは, 定義はそのまま, 式の評価の方法を改良していく方法である。これはいわばインタープリタの製作技法の検討であ

る。S.E.C.D機械やLISPの万能関数に対する検討，またはこのためのデータ構造の考察などがこれにあたる。

ここで探っている立場は，インタプリタの検討である。コンパイラの技法も重要な研究課題であるが，動的な関数をコンパイルする場合や，非局所的変数のある関数をコンパイルすることを考えたとき，そこにはどうしても定義の原型の保持が必要になり，インタプリタの動作する部分が現われる。したがって，どのような場合にも翻訳機能（インタプリタ，ここではこれを評価機能と呼ぶ）の検討は必要であり無視することができない。

はじめに評価機能の形式的な定義を与え，次に改良された評価機能を提示する。さらにその機能の具体的な応用を検討する。そして最後に現実の処理系との比較と，インプリメントするときの1つのアイデアを提供する。

2. 基本的な記号と定義

評価されるものを式という。式は一般に $a + b$ と $f(x) - 3 \times g(x-1, y)$ のような形を持っているが，ここでは記法を統一するために，これらをすべて prefix form で表わす。評価機能はこの form にある操作を処理手続きである。

2.1 式の定義

予め定義されている機能の名前の集合を既定義関数 (または端末関数) の集合と呼び、 T で表わす。 T は有限集合である。 予め定義されている特殊機能の名前の集合を特殊既定義関数 (または特殊端末関数) の集合と呼び、 T_E で表わす。 既定義関数は一般の分野で $+$ や \times などであり、既定義の演算である。 特殊既定義関数は `if p then e1 else e2` のような条件式のスケルトンや、変数の個数が定まっていないうような関数、あるいは `'ABC'` や `quote [(A B)]` のような引用演算などである。

一定の規則のもとに作られた名前を 名前 の集合と呼び、 V で表わす。 V は有限の場合もあれば無限の場合もある。

予め値を定義されている名前を 定数 の集合と呼び、 B で表わす。 数を表わす 10進表示の数字の列 `312` や `-13.3` とか、LISP における `APVAL` 定数などがこれにあたる。

V の要素 f に定義が与えられるとは、 f に対応する入記号が存在することを言う。

i) B の要素 β は式である。

ii) V の要素 v は式である。

iii) a_1, a_2, \dots, a_n がそれぞれ式であり、 t_n が T の要素で n 個 ($n \geq 0$) の引数を拵つものならば $t_n(a_1, a_2, \dots, a_n)$ は式である。

iv) a_1, a_2, \dots, a_n がそれぞれ式であり, f_n が定義を与えられた V の要素で対応する λ 記号の変数部が n 個の要素を持つならば (たとえば $\lambda_x \lambda_y \lambda_z x+y+z = \lambda_{x,y,z} x+y+z$ ならば $n=3$) $f_n(a_1, a_2, \dots, a_n)$ は式である。

v) a_1, a_2, \dots, a_n がそれぞれ式であり, t_e が T_E の要素のとき, $t_e(L^{t_e}(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle))$ は式である。ただし $L^{t_e}(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle)$ は t_e の定める文法に従って a_1, a_2, \dots, a_n を配置した記号の列である。

vi) a_1, a_2, \dots, a_n がそれぞれ式であり, f_e が特殊定義を与えられた V の要素ならば $f_e(L^{f_e}(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle))$ は式である。ただし $L^{f_e}(\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle)$ は f_e の定義による文法に従って a_1, a_2, \dots, a_n を配置した記号の列である。

vii) i) ~ vi) で定義されたものだけを式と呼ぶ。

2.2 記号

a_1, a_2, \dots, a_n のように a_i をコンマで区切って並べたものを列と呼び, a と略記する。 $n=0$ のとき空列と呼び, ϵ と書く。 $\langle a \rangle$ をリストと呼ぶ。 $\langle \epsilon \rangle$ を空リストと呼び, Λ と書く。 $a = a_1, a_2, \dots, a_n$ で $b = b_1, b_2, \dots, b_n$ ($n \geq 0$) のとき $a_1/b_1, a_2/b_2, \dots, a_n/b_n$ を a/b と書く。 $\langle a/b \rangle$ を組のリストと呼ぶ。

列 a のほか a という要素が存在するとき $a \triangleleft a$ と書く。
 a の中に a が存在しないとき $a \ntriangleleft a$ と書く。

$a = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ ($n \geq 1$) とする。' $a \equiv a_1$ であり、
 $a' \equiv \langle a_2, \dots, a_n \rangle$ である。また、任意のリスト $a = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ ($n \geq 0$) に対し、 $\pi(b, a) \equiv \langle b, a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$
 である。

a が空リストのとき $a \cdot b \equiv b$, a が空でないリスト, b
 が任意のリストのとき $a \cdot b \equiv \pi('a, a' \cdot b)$ である。こ
 の演算 \cdot を リストの接続 と呼ぶ。

組のリストの差 $a - b$ を次のように定める。 a が空リスト
 ならば $a - b \equiv \Lambda$ 。 $x = x_1, x_2, \dots, x_n$, $a = \langle x | a \rangle$,
 $b = \langle y | b \rangle$ とする。 $x_1 \triangleleft y$ ならば $a - b \equiv b'$ 。 $x_1 \ntriangleleft y$
 ならば $a - b \equiv \pi('a, a' - b)$ 。 組のリストの和 $a + b$
 $\equiv a \cdot (b - a)$ で定義する。

$f(x_1, l), f(x_2, l), \dots, f(x_n, l)$ のような列を $f^x(x, l)$
 と略記する。混同の恐れがはぬときは単に $f(x, l)$ と書く。
 以下では、 $f(x, l)$ と書いたときは特にことわりなし限り
 $f^x(x, l)$ であるとす。

$x \triangleleft x$ とする。 $x = '\langle x \rangle$ ならば $\xi(x, \langle x | a \rangle) \equiv '\langle a \rangle$ 。
 $x \neq '\langle x \rangle$ ならば $\xi(x, \langle x | a \rangle) \equiv \xi(x, \langle x | a \rangle')$ 。

α が T または T_E の要素のとき、 $\gamma(\alpha)$ は既定義関数名また

特殊既定義関数 α に対応する機能を表わす。また、 β が B の要素ならば $\delta(\beta)$ は定数 β の値を表わすものとする。

f が V の要素で、定義が与えられているとき、 $\mu(f)$ は対応する λ 記号の変数部の逆順のリストであり、 $\delta(f)$ は本体部である。すなわち、 f が $\lambda x_1 (\lambda x_2 \dots (\lambda x_n E) \dots)$ の定義を与えられているならば、 $\mu(f) \equiv x_n, \dots, x_2, x_1$ であり、 $\delta(f) \equiv E$ である。 $x = x_1, x_2, \dots, x_n$ ならば $rev(x) \equiv x_n, \dots, x_2, x_1$ である。

3. 評価機能の定義

評価機能は1つの手続きとして定義する。前節で定義した \cdot や ξ などの演算は1つの既定義手続きを表わすものとする。定義のほかで使われる記号は次のように定める。 $\beta \in B$, $v \in V$, $\alpha \in T$, $f \in V$ かつ f に対応する λ 記号が存在する。 $\alpha_E \in T_E$, $f_E \in V$ かつ f_E に対応する λ 記号が存在し、特殊関数であることが宣言されている。

次のように定義する E_V を評価機能と呼ぶ。

$$E_V(e) \rightarrow E(e, \Lambda)$$

$$i) E(\beta, \langle x | e \rangle) \rightarrow \delta(\beta)$$

$$ii) E(v, \langle x | e \rangle) \rightarrow \xi(v, \langle x | e \rangle)$$

$$iii) E(\alpha[a], \langle x | e \rangle) \rightarrow \delta(\alpha)(E(a, \langle x | e \rangle), \langle x | e \rangle)$$

$$iv) E(f[a], \langle x|e \rangle) \rightarrow E(\delta(f), \langle \mu(f) | \text{rev}(E(a, \langle x|a \rangle)) \rangle \cdot \langle x|e \rangle)$$

$$v) E(\alpha_E[L^{\alpha_E}(\langle a \rangle)], \langle x|e \rangle) \rightarrow \gamma(\alpha_E)(\langle L^{\alpha_E}(\langle a \rangle) \rangle, \langle x|a \rangle)$$

$$vi) E(f_E[L^{f_E}(\langle a \rangle)], \langle x|e \rangle) \rightarrow E(\delta(f_E), \langle \mu(f_E) | \langle x|e \rangle, \langle L^{f_E}(\langle a \rangle) \rangle \rangle \cdot \langle x|e \rangle)$$

ここでvi)の定義から明らかのように $\mu(f_E)$ は2つの要素を持つ列である。 $\mu(f_E) = \mu_1, \mu_2$ の意味づけは次の通りである。 μ_1 はこの時点での評価の環境(租のリスト)のための変数であり、 μ_2 は $\langle L^{f_E}(\langle a \rangle) \rangle$ すなわち f_E の持つ文法に従う記号の列の1まとまりのための変数である。したがって f_E には2変数の関数の定義が与えられなければならない。

4. 条件式

条件式の評価のための機能は E においては T_E に属する特殊既定義関数の一種である。この関数はよく使われるるのである。ここにその定義を述べる。特殊既定義関数名を C とする。その文法は $Cd[p_1 \rightarrow e_1, p_2 \rightarrow e_2, \dots, p_m \rightarrow e_m]$ とする。ここで p_i はその値が真または偽となる式であり、 e_i は p_i が真となるとき全体の値となるべき値をとる式である。

Cd の定義を次のような記号で与える。この定義の中で、

pl は $pl(a \rightarrow b) = a$ となるような手続きであり, pr は $pr(a \rightarrow b) = b$ となるような手続きである。

$$\gamma(Cd) = \lambda_{e,m} (\text{if } E(pl('e), m) \text{ then } E(pr('e), m) \\ \text{else } \gamma(Cd)(e', m))$$

または $\gamma(Cd)$ を C と表わして

$$C(a, \langle x|e \rangle) \rightarrow \text{if } E(pl('a), \langle x|e \rangle) \text{ then } E(pr('a), \langle x|e \rangle) \\ \text{else } C(a', \langle x|e \rangle).$$

このように特殊既定義関数ではその与えられた記号列の中に存在する式が既定義関数の定義の中に現われている E によってはじめて評価される場合がある。また, 引用関数などでは評価が行なれない。

5. 組リスト抑制型の関数

F_v を次のように定義する。 β, v, f, α は前と同じである。

$$F_v(e) \rightarrow F(e, \Lambda, \Lambda)$$

$$i) F(\beta, \langle x_L|e_L \rangle, \langle x_N|e_N \rangle) \rightarrow \sigma(\beta)$$

$$ii) F(v, \langle x_L|e_L \rangle, \langle x_N|e_N \rangle) \rightarrow \xi(v, \langle x_N|e_N \rangle \cdot \langle x_L|e_L \rangle)$$

$$iii) F(\alpha[a], \langle x_L|e_L \rangle, \langle x_N|e_N \rangle) \rightarrow \sigma(\alpha)(F(a, \langle x_N|e_N \rangle \\ \cdot \langle x_L|e_L \rangle, \Lambda), \langle x_N|e_N \rangle \cdot \langle x_L|e_L \rangle)$$

$$iv) F(f[a], \langle x_L|e_L \rangle, \langle x_N|e_N \rangle)$$

$$\rightarrow F(\delta(f), \langle x_L|e_L \rangle, \langle \mu(f) | \text{new}(F(a, \langle x_N|e_N \rangle) \cdot$$

$$\langle x_L | e_L \rangle, \Lambda \rangle + \langle x_N | e_N \rangle$$

$$v) F(\alpha_F[L^{\alpha_F}(\langle a \rangle)], \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

$$\rightarrow \gamma(\alpha_F)(\langle L^{\alpha_F}(\langle a \rangle) \rangle, \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

$$vi) F(f_F[L^{f_F}(\langle a \rangle)], \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

$$\rightarrow F(\delta(f_F), \langle x_L | e_L \rangle, \langle \mu(f) | \langle x_N | e_N \rangle \cdot \langle x_L | e_L \rangle, \langle L^{f_F}(\langle a \rangle) \rangle + \langle x_N | e_N \rangle)$$

α_F および f_F はそれぞれ α_E , f_E に対応するもので, 3つの変数を持つ機能で定義される. たとえば前節での条件式評価関数 C は次のような D になる.

$$D(a, \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

$$\rightarrow \text{if } F(pl('a), \langle x_N | e_N \rangle \cdot \langle x_L | e_L \rangle), \Lambda$$

$$\text{then } F(pr('a), \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

$$\text{else } D(a', \langle x_L | e_L \rangle, \langle x_N | e_N \rangle)$$

一般に α_F および f_F における F の参照部分に関して次のような置きかえ規則を設定する.

まず, T_E のどの要素をも, すべて次のような定義を持つとしよう.

$$\gamma(te)(e, m) \rightarrow \text{if } p_1 \text{ then } a_1 \text{ else}$$

$$\text{if } p_2 \text{ then } a_2 \text{ else}$$

$$\text{if } p_n \text{ then } a_n \quad (n \geq 0)$$

もちろん, $\gamma(te) = a_i$ のような定義も含む (これは $n=1$ で p_i が真だけをとり命題であるとみなす)。

まず, 定義の左辺 $\gamma(te)(e, m)$ を $\gamma(tf)(e, m_L, m_N)$ でおきかえる。次に右辺の a_i の形が $E(p(e), m)$ の形ならばこれを $F(p(e), m_L, m_N)$ でおきかえる。 $ue \in T_E$ のとき, a_i が $\gamma(ue)(p(e), m)$ の形の時これを $\gamma(uf)(p(e), m_L, m_N)$ におきかえる。 p は $p(e) = e$ なるものも含む。

そのほかの ue や m の現われるところは (p_i の中も含む) それぞれ次のように置きかえる。 $\gamma(ue)(a, b) \rightarrow \gamma(uf)(a, b, \Delta)$ 。
 $E(a, b) \rightarrow F(a, b, \Delta)$ 。 $m \rightarrow m_N \cdot m_L$ 。 f_F についてと同様である。このようにして作られた tf の集合を T_F と書く。

6. E_V と F_V に関する考察

前節で述べた te に関し, 次のような仮定を置く。 T_E の要素に与えられる定義の中に現われる E は, すべて $E(a, u(m))$, $E(a, m)$, $E(a, s \cdot m)$ のどれかの形で現われる。 u は $u(l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = u(l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ である。また E の参照を含まない φ で $\varphi(l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = \varphi(l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ 。 m および φ のパラメータは与えられた te の定義のオマケ引数である。

E や F の定義の中の矢印は, 左辺のものが右辺に置きかわることを示している。何回かの置きかえの後, a が b になり,

長のおきかえがもうできないとき $a \Rightarrow b$ と書く。 $f(a) \Rightarrow e$ であつ $g(b) \Rightarrow e$ のとき $f(a) = g(b)$ と書く。また、 $a \Rightarrow b$ のとき、適用された関数 f の適用回数を $N_f a \Rightarrow b$ または、 $N_f a$ と書く。また $\sigma(\alpha)(s, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = \sigma(\alpha)(s, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$ であると仮定する。

補助定理1.

$$\xi(v, l_1 \cdot l_2) = \xi(v, l_1 + l_2)$$

証明略

補助定理2.

$$E(e, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = E(e, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) \text{ かつ}$$

$$N_E E(e, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = N_E E(e, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$$

証明

$N_E(E(e, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)) = 1$ ならば e は β または v の形に限られる。 e が β ならば明らかである。 e が v の形ならば $E(v, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = \xi(v, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ 。補助定理1より $E(v, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = \xi(v, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = \xi(v, l \cdot (m_1 \cdot m_2) \cdot n) = \xi(v, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ 。 $k > 1$ のとき、 $N_E E(e, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = m < k$ なる e', l', m_1', m_2', n' に対して $N_E E(e', l' \cdot (m_1' + m_2') \cdot n') = m$ であつ $E(e', l' \cdot m_1' \cdot m_2' \cdot n') = E(e', l' \cdot (m_1' + m_2') \cdot n')$ であると仮定する。 $N_E E(e, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = k$ なる e, l, m_1, m_2, n を考える。 $k > 1$ であるから e は $\alpha[a], f[a], d_E[L^E($

$\langle a \rangle$] または $f_E[L^{\alpha_E}(\langle a \rangle)]$ のどれかの形である。 e が α
 $[a]$ の形ならば $E(\alpha[a], l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = \gamma(\alpha)(E(a, l \cdot m_1$
 $\cdot m_2 \cdot n), l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ 。 帰納法の仮定から $E(a, l \cdot m_1 \cdot m_2$
 $\cdot n) = E(a, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$ かつ $a_i = a$ に対し $N_E E(a_i,$
 $l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = N_E E(a_i, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$ 。 $\gamma(\alpha)$ の仮定から
 明らかである。 e が $f[a]$ ならば $E(f[a], l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$
 $= E(\delta(f), \langle \mu(f) | \text{rev}(E(a, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)) \rangle \cdot l \cdot m_1 \cdot m_2$
 $\cdot n) = E(\delta(f), \langle \mu(f) | \text{rev}(E(a, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)) \rangle \cdot l \cdot m_1 \cdot$
 $m_2 \cdot n) = E(\delta(f), \langle \mu(f) | \text{rev}(E(a, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)) \rangle \cdot$
 $l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = E(e, l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$ 。 また, $N_E E(\alpha[a],$
 $l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n) = e$, $N_E E(f[a], l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$
 $= e$ は明らかである。 e が $\alpha_E[L^{\alpha_E}(\langle a \rangle)]$ のとき $E(\alpha_E[L^{\alpha_E}$
 $(\langle a \rangle)], l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = \gamma(\alpha_E)(\langle L^{\alpha_E}(\langle a \rangle) \rangle, l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n)$ 。
 $\gamma(te)$ の仮定から, $\gamma(\alpha_E)$ の定義の中に現われる E はすべて
 $E(b, u \cdot m)$, $E(b, m)$ または $E(b, s \cdot m)$ のどれかの形であ
 る。 また, 定義の中での E の参照を含まない関数 φ はどれ
 も $\varphi(l \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot n) = \varphi(l \cdot (m_1 + m_2) \cdot n)$ であるから明らかであ
 る。 $f_E \in te$ と同様の仮定のもとに証明される。

定理

$$E(e, l_1 \cdot l_2) = F(e, l_2, l_1) \text{ かつ } N_E E(e, l_1 \cdot l_2) = N_F F(e, l_2, l_1)$$

証明

$\beta, \nu \succ n$ は省略する. $e = \alpha[a]$ のとき $E(\alpha[a], l_1 \cdot l_2) = \gamma(\alpha)(E(a, l_1 \cdot l_2), l_1 \cdot l_2)$. 一方 $F(\alpha[a], l_2, l_1) = \gamma(\alpha)(F(a, l_1 \cdot l_2, \Lambda), l_1 \cdot l_2)$. 帰納法の仮定より $a \Leftarrow a$ に対し $E(a, \Lambda \cdot l_1 \cdot l_2) = F(a, l_1 \cdot l_2, \Lambda)$. したがって $E(\alpha[a], l_1 \cdot l_2) = F(\alpha[a], l_2, l_1)$. $e = f[a]$ ならば, $E(f[a], l_1 \cdot l_2) = E(\delta(f), \langle \mu(f) | \text{rev}(E(a, l_1 \cdot l_2)) \rangle \cdot l_1 \cdot l_2)$. $F(f[a], l_2, l_1) = F(\delta(f), l_2, \langle \mu(f) | \text{rev}(F(a, l_1 \cdot l_2, \Lambda)) \rangle + l_1)$. $a \Leftarrow a$ なる a に対し $E(a, l_1 \cdot l_2) = F(a, l_1 \cdot l_2, \Lambda)$. したがって $E(e', l \cdot l_1 \cdot l_2) = F(e', l_2, l + l_1)$ を示せばよい (このとき $N \in E(e', l \cdot l_1 \cdot l_2) < \infty$ である). 帰納法の仮定より $F(e', l_2, l + l_1) = E(e', (l + l_1) \cdot l_2)$. 補題定理 2 より $E(e', (l + l_1) \cdot l_2) = E(e, l \cdot l_1 \cdot l_2)$. $e = \alpha_E[L^{\text{de}}(\langle a \rangle)]$ ならば $t_e \rightarrow t_f$ の置きかえにより $\alpha[a], f[a]$ の場合と同様になる. f_E も同様である.

系

$$E_V(e) = F_V(e)$$

証明

定理における $l_1 = l_2 = \Lambda$ なる場合である.

7. インプリメンテーションに関する考察

F_V を単にその定義に従ってインプリメントするならば、パラメータが一つ増えただけ損であり何のメリットもない。ところが F_V には次のような特徴がある。

- i) F の逐次的定義の部分 ($f[a]$ の部分)では、その租リストの大きさが必要最小の大きさに制限される。
- ii) F の相互再帰的定義の部分では、租リストの破壊がないように保護される(十の演算により削減することはない)。すなわち、 E ではすべてを保護しているのに対し、 F では必要なものだけを保護している。このことは次のような結果をもたらす。たとえば $f[x, y] = \text{if } x=0 \text{ then } y \text{ else } f[x-1, y+x]$ のような定義の f を使って $f[x, y]$ を評価すると、租リストの長さは E のとき最大 $2x+2$ であり、 F のときは 2 である。

LISP 1.5 を例にとると、 $\langle x_N | e_N \rangle$ の部分 (F のオ3 の引数) は翻訳の途中で臨時に発生したものと考えることができるので、高速のレジスタの集まり (たとえば連想記憶装置) に記憶することができる。 $\langle x_L | e_L \rangle$ は従来通りの a -list である。この結果、かなり速い処理系を作ることができる。さらに a -list の延長が少なくなるためにスペース効率が良い、ミニコンによる LISP も実用性を持ち得ることになる。 F の欠点は次のようなものである。すなわち、 T_E の要素、

Tの要素に対して、Fを作るためにいくつかの仮定を設けてある。このことはLISPではFEXPRに対する制限となって現われるが、一般に使うことは皆無であろうと思われる事はかりと信じている。たとえば *a-list* を値とする関数を定義することなどはあるが、これはその関数の引用の仕方が、たとえば *assoc* のようにリストのはじめから探すような場合には何の支障もない。支障が起こるのは、*a-list* の3番目の要素は何かといった場合で、このようなときはEとFの結果が異なる。しかしこのような特殊な場合は皆無と見てよいだろうし、またそのような使い方はEの中に利用者が手を入れる場合と考えると良いのだから大きな欠点とは思われない。もう一つはLISPの\$ALISTのような *a-list* の静的な参照がしづらいことであるが、これも同様の欠点と思われる。

現在PDP-11/21 (8KW) に、この方式によるLISPを組み入れるべく進行中である。

8. 謝辞

現在このアイデアを進めることのできるのには筑波大学の西村敏男先生の多大の御指導と励ましのおかげである。深く感謝する次第である。立教大学の島内剛一先生、早稲田大学の広瀬健先生、東京工業大学の木村泉先生には貴重な御教示を

142

いただいた。深く感謝する次第である。