

A Self-Consistent Approach to Small-Scale Turbulence

東大 生産研 吉澤 徹

乱流のエネルギー散逸過程は大きな渦から小さな渦へ、
energy-cascade processとしてとらえられる。 cascade process
は渦同志の相互作用にもとづく変形によるものであり、大きな渦による小さなそれの convection は一切影響を与えない。
乱流を統計力学的手法で研究するとき、基本的物理量である 2 時間速度 covariance はいわゆる応答関数 (Green 関数) と対をなして定式化される。応答関数はある度で与えられた乱れが後の時刻にどうよって影響するかを表わす量である。
もし乱流を Euler 的記述の枠内で行なうならば、加えられた擾乱は次の瞬間には局所的速度によって運び去られてしまう。
この見かけ上の擾乱消失は上に述べた energy-cascade process
とは一切無関係であり、 cascade process を理論的に調べると
そこには除去する必要がある。 convection 効果の顕著な例は
Kolmogorov 則の導出のさいに現れる応答関数、赤外発散であ

る。¹⁾

本研究の要旨は次のようにまとめられる：

- 1) convection 効果、除去がむずかしい応答関数を用いる代りに、乱流粘性を Navier-Stokes 方程式に導入する。
- 2) DI 近似¹⁾を適用し、2 時間速度 covariance に対する方程式を求め、convection 効果を除去する。
- 3) 上の結果より、Kolmogorov 則

$$E(k) = 1.83 \varepsilon^{2/3} k^{-5/3}$$

が見い出される。

なお、詳細は文献 2) に与えられている。

文献

- 1) D.C. Leslie: Developments in the theory of turbulence
(Clarendon Press, Oxford, 1973).
- 2) A. Yoshizawa: submitted to J. Phys. Soc. Japan (1978).