

数式処理による水面波の摂動計算

東京大学 理学部 青木 弘

§1 まえがき

二枚の垂直な平行平面壁で囲まれた、無限に深い二元領域内に発生可能な定在波を考察した。このような定在波の高次の摂動展開による研究は、Penney & Price¹⁾(1952)によつて最初になされた。この研究で彼らは、定在波を時間と空間の二重 Fourier 級数に展開し、さらにそれらの係数を、振幅が小さいとき、振幅に相当するパラメーターで展開し解をもとめた。計算はこのパラメーターの5次のオーダーまでなし、それによつて、周期や波形などを5次の項までもとめた。興味深い結果は、流体粒子は重力加速度より大きな加速度で下に落ちることはないう条件から、安定な最大振幅を持つ定在波の振幅を決定していることである。また、項を無限にとったとき、この最大振幅波はその頂点で90度の角をなすと予測している。

一方、実験的研究は、Taylor²⁾(1953)によつてなされ、最大振幅波の解析解は、この実験とかなりよく一致することが示された。このような大きな振幅をもつ水面波で、実験と解析計算の両方で研究がなされたのは、これまでこの波がただ一つである。ここで、大きな振幅をもつ水面波とは、有限振幅をもつというだけでなく、その粒子が、重力加速度と同程の加速度で動く波を意味する。 KdV 方程式に代表される非線形の有限振幅の波の理論は、流体粒子の加速度が重力加速度にくらべて十分小さいとき有効な理論であるから、この意味では、大きな振幅の波の理論とは言えない。

Penney & Priceの計算結果は、実験に誤差範囲内によくあう。しかしながら、彼らの計算にはかなりありまいな部分があり、さらに、彼らは、計算結果の信頼性を調べるために、他の方法によつて、計算の一部を再計算しているが、この結果は、もとの計算結果と 13 パーセント程度の差があり、充分に信頼性が保障されたとは思えない。さらに高次の計算をして、信頼性のある解にすべきであろう。しかしながら、この高次の計算は、計算量が膨大であるため今日まで計算することができなかつた。

この困難を克服するために、数式処理言語 REDUCE-2³⁾⁻⁴⁾を利

用した。REDUCE-2 は、Hern によって、量子電磁力学の計

算のために開発された言語である。数式処理は、電子計算機が発明されると同時に研究され、その重要さは、昔から認められていた。しかし、それを実行するためには、大量の記憶装置と高速の電子計算機が必要であった。そのため、実験的な非常に小さな計算しかできなかつた。最近、電子計算機の製造技術が急速に発展した結果、大量の記憶装置をもつ高速計算機によって、ようやく実用的な計算が可能となつた。また、ソフトウェアの発展も重要な役割を果してゐることも無視できない。

電子計算機を利用した解析計算は、流体力学の分野では、Kuwahara & Imai⁵⁾, Takagi⁶⁾, Van Dyke⁷⁾ および Schwartz⁸⁾など多くの研究者によってなされてゐるが、それらはいずれも、Fortran 言語で書かれてゐるため、丸め誤差の入る余地があり、厳密な意味では、解析計算ではない。また、それらはいずれも regular な擾動展開あるが、ここで扱う計算は singular な擾動計算である。

定在波であるという条件は、数値解析においては、大変扱いにくいう条件である。このため、この問題は、数値計算で解くことはたぶん不可能だと思われる。しかし、解析解が定在波であることは、数値的にも容易に確かめることはできると思われる。

§ 2 基本方程式

右の図のように x 軸を平均水面にとり、 y 軸を鉛直上方にとる。 x 軸と垂直な平面壁が $x=0$ と $x=L$ のところにあるとする。このとき、二つの壁に囲まれた領域内に発生可能な定在波を考える。流体は完全流体とし、非圧縮であるとする。実在可能な波は渦なしであるから、これでも渦なしと仮定する。このとき、速度 (u, v) はポテンシャル ϕ から導かれる。そして、このポテンシャル ϕ は

$$\Delta \phi = 0 \quad \text{ここで} \quad u = -\frac{\partial \phi}{\partial x}, \quad v = -\frac{\partial \phi}{\partial y} \quad (2.1)$$

を満す。また

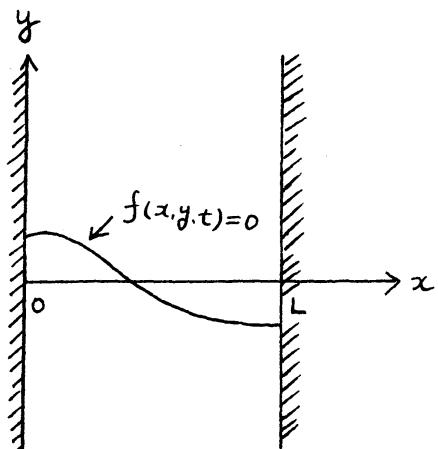
$$x=0 \quad \text{と} \quad x=L \quad \text{で} \quad \frac{\partial \phi}{\partial x} = 0 \quad (2.2)$$

$$y \rightarrow -\infty \quad \text{のとき} \quad \frac{\partial \phi}{\partial y} \rightarrow 0 \quad (2.3)$$

である。自由表面 $f(x, y, t) = 0$ においては

$$\frac{\partial f}{\partial t} + u \frac{\partial f}{\partial x} + v \frac{\partial f}{\partial y} = 0 \quad (\text{kinematic condition}) \quad (2.4)$$

$$\frac{P - P_0}{\rho g} = -gy + \frac{\partial \phi}{\partial t} - \frac{1}{2}(u^2 + v^2) \quad (\text{Bernoulli's equation}) \quad (2.5)$$



ここで、 P は圧力、 P_0 は大気圧、 ρ_0 は流体の密度である。

自由表面上では $P = P_0$ におけるから (2.5) 式は

$$-gy + \frac{\partial \phi}{\partial t} - \frac{1}{2}(u^2 + v^2) = 0 \quad (2.6)$$

となる。境界条件 (2.2) と (2.3) を使つて (2.1) を解くと ϕ は次のような形で書けることがわかる。

$$\phi = \sum_{n=0}^{\infty} \alpha_n e^{nky} \cos nkx \quad (2.7)$$

ここで、 $\alpha_0, \alpha_1, \dots$ は時間 t の関数であり、 $k = \frac{2\pi}{L}$ である。

(2.7) の式を (2.6) に代入して。

$$gy - \sum_{n=0}^{\infty} \dot{\alpha}_n e^{nky} \cos nkx \\ + \frac{1}{2} k^2 \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} m n \alpha_m \alpha_n e^{(m+n)ky} \cos(m-n)kx = 0 \quad (2.8)$$

ここでドットは時間 t に関する微分を意味する。定在波が存在すると仮定し、この自由表面は

$$y = \frac{1}{2} a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos nkx \quad (2.9)$$

で表わすことが出来るとする。ここで a_0, a_1, \dots は時間 t の関数である。次のように置き換えることによつて方程式を無次元化する。

$$x = kx' , \quad y = ky' , \quad a_n = ka'_n , \quad (2.10)$$

$$t = k^{1/2} g^{1/2} t' , \quad (2.11)$$

$$\Phi = k^{3/2} g^{-1/2} \phi = \sum_{n=0}^{\infty} \beta_n e^{ny} \cos nx , \quad (2.12)$$

$$\beta_n = k^{3/2} g^{-1/2} \alpha_n , \quad (2.13)$$

以下で $\bar{\Phi}$ はさむにダッシュをはぶく。このとき kinematic の条件は

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{\partial \bar{\Phi}}{\partial x} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{\partial \bar{\Phi}}{\partial y} \quad (2.14)$$

となる。方程式 (2.8), (2.9) はこれで

$$y - \sum_{n=0}^{\infty} \dot{\beta}_n e^{ny} \cos nx \\ + \frac{1}{2} \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} \beta_m \beta_n e^{(m+n)y} \cos(m-n)x = 0, \quad (2.15)$$

$$y = \frac{1}{2} a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos nx \quad (2.16)$$

となる。

§3. 方程式の Fourier 展開

きえにおける方程式は (2.14), (2.15) および (2.16) に集約された。これを解くには (2.16) を (2.15) に代入し、それを式について Fourier 展開する。(2.15) の式は恒等的に成立するが、この係数はすべて 0 でなければならぬ。同様に (2.15), (2.16) を (2.14) に代入し、Fourier 展開すれば、もう一組の方程式が得られる。これが、解くべき a_n, β_n ($n=0, 1, \dots$) の連立方程式である。

この計算をするためには $e^{ny} \cos nx$ の y に (2.16) を代入し Fourier 級数に展開しなければならぬ。(2.16) は

$$y = \frac{1}{2} \sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n e^{inx} \quad (a_n = a_{-n}) \quad (3.1)$$

と書くことをがざる。

$$y^n = \frac{1}{2^n} \sum_{l=-\infty}^{\infty} S_n(l) e^{ilx} \quad (3.2)$$

とおくと

$$y^n = y^{n-1} \cdot y = \frac{1}{2^n} \sum_{l=-\infty}^{\infty} \sum_{m=-\infty}^{\infty} a_m S_{n-1}(l-m) e^{ilx} \quad (3.3)$$

となる。したがって

$$S_n(l) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} a_m S_{n-1}(l-m) \quad (3.4)$$

さて

$$e^{\lambda y} = \sum_{l=-\infty}^{\infty} E(\lambda, l) e^{ilx} \quad (3.5)$$

とおくと

$$E(\lambda, l) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\lambda^n}{2^n n!} S_n(l) \quad (3.6)$$

が得られる。すなはち

$$e^{\lambda y} \cos \mu x = E(\lambda, \mu) + \sum_{l=1}^{\infty} \cos lx \{ E(\lambda, l-\mu) + E(\lambda, l+\mu) \} \quad (3.7)$$

したがって、解べき方程式は ($l=1, 2, \dots$) に対して

$$\frac{1}{2} \dot{a}_0 = \dot{\beta}_0 + \sum_{n=1}^{\infty} \dot{\beta}_n E(n, n) - \frac{1}{2} \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} mn \beta_m \beta_n E(m+n, m-n) \quad (3.8)$$

$$\begin{aligned} \dot{a}_l &= \sum_{n=1}^{\infty} \dot{\beta}_n \{ E(n, l-n) + E(n, l+n) \} - \frac{1}{2} \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} mn \beta_m \beta_n \\ &\quad \times \{ E(m+n, l-m+n) + E(m+n, l+m-n) \} \end{aligned} \quad (3.9)$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \ddot{a}_0 &= \frac{1}{2} \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} mn \dot{a}_m \beta_n \{ E(m, m-n) - E(n, m+n) \} \\ &\quad - \sum_{n=1}^{\infty} n \beta_n E(n, n) \end{aligned} \quad (3.10)$$

$$\begin{aligned} \ddot{a}_l &= \frac{1}{2} \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} mn \dot{a}_m \beta_n \{ E(n, l-m+n) + E(n, l+m-n) \} \\ &\quad - E(n, l-m-n) - E(n, l+m+n) \} - \sum_{n=1}^{\infty} n \beta_n \{ E(n, l-n) + E(n, l+n) \} \end{aligned} \quad (3.11)$$

a_0 は平均水面を意味するから、これを 0 になるように座標をとれば、(3.9) と (3.11) を連立して解けばすべての値が決定できる。また、 β_0 も一般性を失うことなく 0 とおくことができる。

§ 4. 8 次の近似方程式

振幅が小さいとき、波形は

$$y = A \sin t \cos x \quad (4.1)$$

となると仮定する。ここで A は正数と仮定することとする。さうに Fourier 級数 a_n および β_n は

$$a_n = O(A^n) \quad (4.2)$$

$$\beta_n = O(A^n) \quad (4.3)$$

であると仮定する。この仮定は以下の計算において矛盾することはない。

(4.2) および (4.3) を考慮し、 $a_0 = \beta_0 = 0$ に注意すれば (3.4) の関係式より A^8 までの関係式が得られる。この関係式を Appendix A に示した。この結果は Penney & Price の結果と A^{85} のオーダーまで完全に一致する。この式を利用して、(3.6) を計算すると $E(\lambda, \mu)$ が得られる。 $E(\lambda, \mu)$ は Appendix B に示した。それを (3.9), (3.11) に代入すれば 8 次の近似方程式が得られる。これを Appendix C に示した。

ここまで の 結果は A^5 まで とする ガ キ"リ Penney & Price の 結果と 完全に 一致する。

§ 5. 8 次 まで の 解

α_n, β_m の 方程式を A^2 まで とる と

$$\begin{aligned}\dot{\alpha}_1 &= \dot{\beta}_1 & \ddot{\alpha}_1 &= -\beta_1 \\ \alpha_2 &= \frac{1}{2} \alpha_1 \dot{\beta}_1 + \dot{\beta}_2 & \ddot{\alpha}_2 &= -\alpha_1 \beta_1 - 2\beta_2\end{aligned}\quad (5.1)$$

A が 非常に 小さい とき (4.1) に 近づかなければならぬが

(5.1) の 解は

$$\begin{aligned}\alpha_1 &= A \sin t \\ \alpha_2 &= \frac{1}{2} A^2 \sin^2 t \\ \beta_1 &= -A \cos t \\ \beta_2 &= 0\end{aligned}\quad (5.2)$$

となる。 § 5 に この 方程式を A^3 まで とる と

$$\alpha_1 = \frac{3}{8} \alpha_1^2 \dot{\beta}_1 - \alpha_1 \beta_1^2 + \alpha_1 \dot{\beta}_2 + \frac{1}{2} \alpha_2 \dot{\beta}_1 - 2\beta_1 \beta_2 + \dot{\beta}_1 \quad (5.3)$$

$$\alpha_2 = \frac{1}{2} \alpha_1 \dot{\beta}_1 + \dot{\beta}_2 \quad (5.4)$$

$$\alpha_3 = \frac{1}{8} \alpha_1^2 \dot{\beta}_1 + \alpha_1 \dot{\beta}_2 + \frac{1}{2} \alpha_2 \dot{\beta}_1 + \dot{\beta}_3 \quad (5.5)$$

$$\dot{\alpha}_1 = -\frac{1}{8} \alpha_1^2 \beta_1 - \alpha_1 \alpha_2 + \frac{1}{2} \alpha_2 \beta_1 - \beta_1 \quad (5.6)$$

$$\dot{\alpha}_2 = -\alpha_1 \beta_1 - 2\beta_2 \quad (5.7)$$

$$\dot{\alpha}_3 = -\frac{3}{8} \alpha_1^2 \beta_1 - 3\alpha_1 \beta_2 - \frac{3}{2} \alpha_2 \beta_1 - 3\beta_3 \quad (5.8)$$

となる。 (5.3) を t で 微分し、 (5.6) の 左辺に 代入し 整理する

と

$$\ddot{\beta}_1 + \beta_1 = (\text{非線形項}) \quad (5.9)$$

となる。 (5.9) の右辺を計算するためには、右辺が非線形項でできているため、低次の解を使って計算できる。このことは以下の計算において、常に言えることである。 (5.9) に (5.2) の二次の解を代入して、 (5.9) を解こうとするとき、永年項があらわれ、定在波という条件を満さなくなる。そこで (5.9) の解を次のように仮定する。

$$\alpha_1 = A \sin \omega t + \delta_1$$

$$\alpha_2 = \frac{1}{2} A^2 \sin^2 \omega t + \delta_2$$

$$\beta_1 = -A \cos \omega t + r_1$$

$$\beta_2 = r_2$$

$$\alpha_3 = \delta_3$$

$$\beta_3 = r_3$$

$$\alpha = 1 + \alpha_s A^2 \quad (5.10)$$

ここで $r_1, r_2, \dots, \delta_1, \delta_2, \dots$ は A^3 のオーダーの関数であり α_s は定数である。 (5.10) を (5.9) に代入し、Fourier 展開すると

$$\ddot{r}_1 + r_1 = -\frac{1}{4} \{(8\alpha_s + 1) \cos \omega t - 5 \cos 3\omega t\} A^3 \quad (5.11)$$

となる。 r_1 は周期関数でなければならぬから $\alpha_s = -\frac{1}{8}$ である。
ゆえに $r_1 = -\frac{5}{32} A^3 \cos 3\omega t$

この結果を (5.3) に代入して

$$a_1 = A \sin at + \frac{3}{32} A^3 \sin at + \frac{1}{16} A^3 \sin 3at \quad (5.12)$$

同様な方法で

$$\beta_2 = 0, \quad a_2 = \frac{1}{4} A^2 - \frac{1}{4} A^2 \cos 2at$$

$$\beta_3 = 0, \quad a_3 = \frac{9}{32} A^3 \sin at - \frac{3}{32} A^3 \cos 3at$$

$$\alpha = 1 - \frac{1}{8} A^2$$

を得る。 A^4 のオーダーにおいても同様に計算できる。ただし β_4 の 4 次の項 r_4 に対する方程式は

$$\ddot{r}_4 + 4r_4 = 0 \quad (5.13)$$

となり、一般にこの方程式の解は 0 となります

$$r_4 = -A_1 A^4 \cos 2at - B_1 A^4 \sin 2at \quad (A_1, B_1 \text{ は任意定数})$$

となる。したがって、4 次の解は任意定数を含む解となる。この任意定数はさうに 2 次高い解の計算において決定される。Penney & Price は (5.13) の解を 0 と置いている。したがって、6 次の計算において永年項があらわれ、計算を続けることができなくなる。しかし、彼らは 5 次の解までしか計算しなかったため問題は起らなかった。

6 次の解の計算において、 β_4 の 6 次の項 r_4 は

$$\begin{aligned} \ddot{r}_4 + 4r_4 &= \frac{1}{96} A^6 \left\{ -960 A_1 \cos 4at - 96 A_1 \cos 2at + \sin 6at \right. \\ &\quad \left. + (-96 B_1 + 1) \sin 2at + 192 A_1 \right\} \quad (5.14) \end{aligned}$$

となる。(5.14) の解が周期的であるためには、 $\cos 2at$

$\sin 2\omega t$ の係数は 0 でなければならぬ。したがって

$$A_1 = 0, \quad B_1 = \frac{1}{96} \quad (5.15)$$

一般に $(n+3)$ 次にあらわれる任意定数を A_n, B_n とすると、8 次までの計算で

$$A_2 = 0, \quad B_2 = 0 \quad (5.16)$$

$$A_3 = 0, \quad B_3 = \frac{7031}{236544} \quad (5.17)$$

となる。8 次までの解を Appendix D に示した。Penney & Price のように、任意定数を 0 と置いたとき、解は 4 次までは彼らの結果と完全に一致する。しかし、5 次の解は一致しない。この原因は彼らの計算のあやまりである。彼らは、5 次の解の計算において

$$\dot{\alpha}_5 = -5\beta_5 - \frac{805}{384}\beta_1\dot{\beta}_1^4 \quad (5.18)$$

を得てゐる。しかし、正しくは

$$\dot{\alpha}_5 = -5\beta_5 - \frac{625}{384}\beta_1\dot{\beta}_1^4 \quad (5.19)$$

である。 (5.19) が正しいことは簡単な手計算で容易に確かめられる。Penney & Price は α^2 を計算してるので比較のため α^2 を計算しておく。

$$\alpha^2 = 1 - \frac{1}{4}A^2 - \frac{13}{128}A^4 - \frac{4163}{86016}A^6 \quad (5.20)$$

この結果も 4 次の項まで一致する。 $A=0.584$ の場合のときの波の時間的変化を図 1 に示した。 $A=0.584$ の波は次の章で与えるように最大振幅波を意味する。

§ 6. 安定な最大振幅波

流体粒子は、重力加速度より大きな加速度で下に落ちるこ
とはない。すなわち

$$-g - \frac{\partial v}{\partial t} \leq 0 \quad (6.1)$$

(6.1) の不等式をパラメーター A で展開し、 A の範囲をもとめる。この不等式は 6 次まではうまく解けるが、7、8 次の場合、すべての A が (6.1) の不等式を満すことになり、すなわち、どんな大きな波でも安定となりわれわれの日常経験に反する。したがって、(6.1) の不等式を A で展開した場合、ほんとうに小さな値でなければ、 A の展開は無意味になると見えなければならぬ。ここで、この A の展開次数の有効範囲を拡大するため、Shanks の方法を利用した。その結果は

$$A \leq 0.57265 \quad (3 \text{次の式})$$

$$A \leq 0.59256 \quad (4 \text{ " })$$

$$A \leq 0.57995 \quad (5 \text{ " })$$

$$A \leq 0.58542 \quad (6 \text{ " })$$

$$A \leq 0.58336 \quad (7 \text{ " })$$

$$A \leq 0.58496 \quad (8 \text{ " })$$

となり、次数をあげると、非常によく収束する。ただし、この方法ではすべての任意定数は 0 とおりていて、したがって

$$A \leq 584$$

であると結論がきる。任意定数の影響をみるために、高次の計算で決まる任意定数を先取りして計算すると

$$A \leq 0.57265 \quad (3\text{次})$$

$$A \leq 0.58936 \quad (4\text{''})$$

$$A \leq 0.58103 \quad (5\text{''})$$

$$A \leq 0.58470 \quad (6\text{''})$$

となり、結論はほとんど変化はない。したがって、この変換は、この場合、大変より変換であると思われる。

§7. 8次の解のテスト

Appendix C の方程式を、4次の Runge-Kutta 法で解き、
1) 3) な A の場合について、周期を計算した。その結果は

A	数値解	解析解
0.1	6.29108	6.29108
0.2	6.31534	6.31536
0.3	6.35760	6.35787
0.4	6.42086	6.42211
0.5	6.48981	6.51397

となり、 $A = 0.1$ の場合は、解析解と数値解は完全に一致する。このことは、解析解が正しいことを証明する一例である。

$A=0.6$ の場合にも同様に計算をしてみたが、数値が大きくなり、計算することができなかった。このことは、前章の結論に一致する。また又図に実験と比較するために、波形と実験結果を示した。この図を見ると、Penney & Price の結果も 8次の解を誤差範囲内で、実験と一致するが、実験結果が信頼できる波の谷のところでは、8次の解の方が実験とよく一致するようと思われる。

§8 あとがき

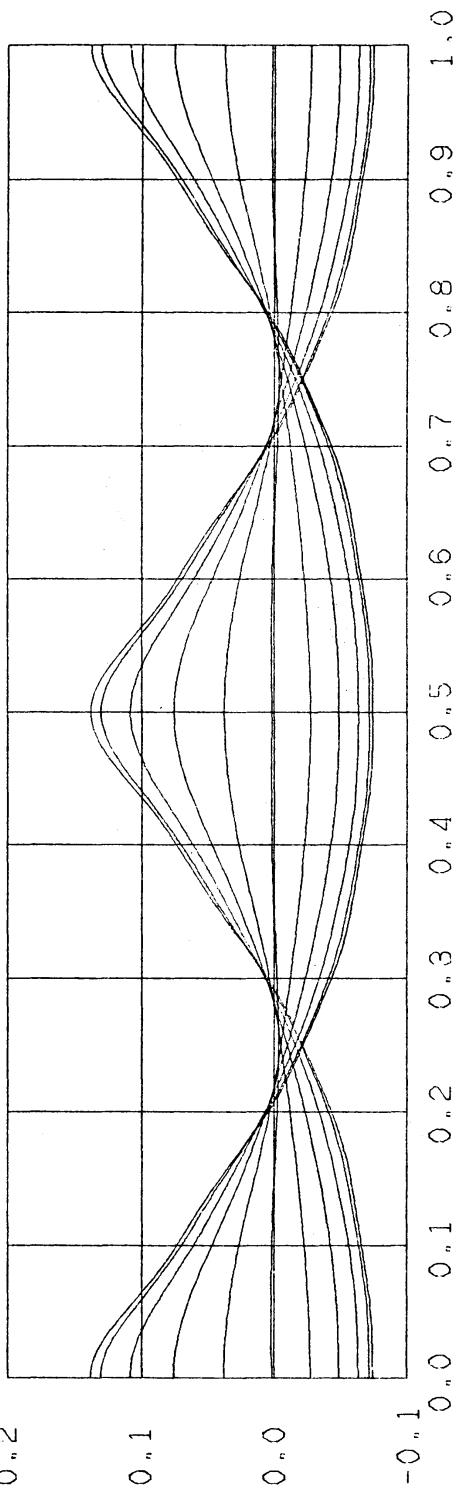
この計算は東京大学大型計算機センターの HITAC 8800/8700 ミニコンピュータによって実行した。S の表式を計算するためには、コンパイラータイプの REDUCE-2 を使、で約 120 秒要した。コンパイラータイプを使わなければ、600 秒内では計算できなかつた。この計算全部を計算するためには、約 70 分ぐらり計算が必要だと思う。ただし、この計算は、途中まで計算しなければ、次のプログラムが組めなり計算であるから、時間はその 2 倍程度必要である。また、この計算は、REDUCE-2 の範囲だけで、プログラムは組むことが出来ない。したがつて、少なからず、この計算機固の言語使ってプログラムを組まなければならぬ。

Reference

- 1) W. G. Penney and A. T. Price : Phil. Trans. Roy. Soc. A CCXXLIV (1952) 254.
- 2) G. I. Taylor : Proc. Roy. Soc. A CCXVIII (1953) 44.
- 3) A. C. Hern : " REDUCE - 2 USER'S MANUAL " 2nd. ed. 1973.
- 4) Y. Kanada : "IMPLEMENTATION OF HLISP AND ALGEBRAIC
MANIPULATION LANGUAGE REDUCE-2"
TECHNICAL REPORT 75-01.
- 5) K. Kuwahara and I. Imai : Phys. of Fluid, Suppl. II
12 (1969) 94.
- 6) H. Takagi : J. Phys. Soc. Japan 42 (1977) 319.
- 7) M. Van Dyke : J. Fluid Mech. 44 (1970) 365.
- 8) L. W. Schwartz : J. Fluid Mech. 62 (1974) 533.
- 9) D. Shanks : J. Math. and Phys. 34 (1955) 1.

1 図

$A = 0.584$ に対するシ波形の時間変化を示した。
 時間間隔は $\frac{1}{20}$ 周期である。水面は水平になら
 ないことをこの図からわかる。



2 図

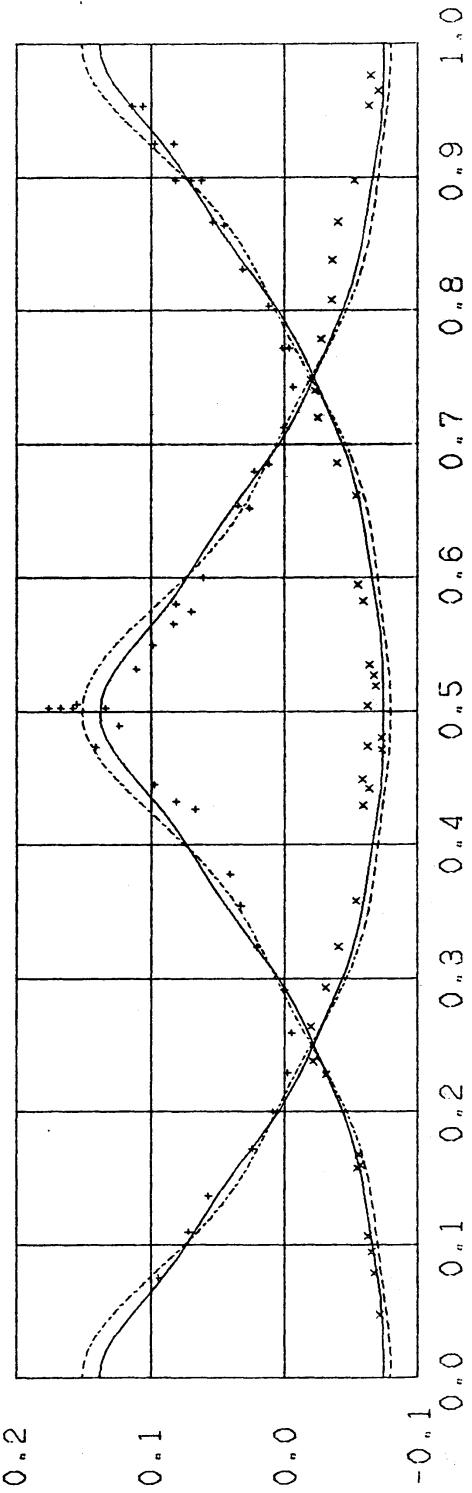
G. J. Taylor の 実馬鹿結果

実線 — は 8 次の解を示す。

破線 --- は 5 次の Penney & Price の解である。

× は 上に のぼるとしている点 (実馬鹿)

+ は 下に くださるとしている点 (")



以下の数式はすべて計算機からの出力である。式は Fortran
と同じような方法で書かれてある。ただし、ベキ乗は異っている。
たとえば A^{**3} は A^3 と書いてある。なるべく
多くの式と同じ記号を使うようにしてあるが、一部異っている
ものがある。それを下に示す。

$$\begin{aligned}
 S_n(s) &\rightarrow S(n, s) \\
 a_n &\rightarrow a(n), c(n) \\
 \dot{a}_n &\rightarrow D(n) \\
 = &\rightarrow := \\
 \lambda &\rightarrow R \\
 \alpha &\rightarrow SGM \\
 E(n, \lambda) &\rightarrow E(n) \\
 \beta_n &\rightarrow B(n)
 \end{aligned}$$

$DF(P, Q)$ は P を Q について微分することを
意味する。

$$\begin{aligned}
 A_1, B_1 &\rightarrow A1, B1 \\
 \text{-般に } A_n, B_n &\rightarrow An, Bn \quad (n \text{ は 整数})
 \end{aligned}$$

APPENDIX A

```

S(1,1) := a(1)
S(1,2) := a(2)
S(1,3) := a(3)
S(1,4) := a(4)
S(1,5) := a(5)
S(1,6) := a(6)
S(1,7) := a(7)
S(1,8) := a(8)

S(2,1) := 2*a(1)*a(2) + 2*a(2)*a(3) + 2*a(3)*a(4)
           2
S(2,2) := a(1)    + 2*a(1)*a(3) + 2*a(2)*a(4) + 2*a(3)*a(5)
           2
S(2,3) := 2*a(1)*a(2) + 2*a(1)*a(4) + 2*a(2)*a(5)
           2
S(2,4) := 2*a(1)*a(3) + 2*a(1)*a(5) + a(2)    + 2*a(2)*a(6)
           2
S(2,5) := 2*a(1)*a(4) + 2*a(1)*a(6) + 2*a(2)*a(3)
           2
S(2,6) := 2*a(1)*a(5) + 2*a(1)*a(7) + 2*a(2)*a(4) + a(3)
           2
S(2,7) := 2*a(1)*a(6) + 2*a(2)*a(5) + 2*a(3)*a(4)
           2
S(2,8) := 2*a(1)*a(7) + 2*a(2)*a(6) + 2*a(3)*a(5) + a(4)
           3      2
S(3,1) := 3*a(1)    + 3*a(1) *a(3) + 6*a(1)*a(2)    + 6*a(1)*a(2)*a(4) + 6*a(1)*a(
           2      2
           3) + 3*a(2) *a(3)
           2
S(3,2) := 6*a(1) *a(2) + 3*a(1) *a(4) + 6*a(1)*a(2)*a(3) + 6*a(1)*a(2)*a(5) +
           3      2
           6*a(1)*a(3)*a(4) + 3*a(2)    + 6*a(2)*a(3)
           3      2
S(3,3) := a(1)    + 6*a(1) *a(3) + 3*a(1) *a(5) + 3*a(1)*a(2)    + 6*a(1)*a(2)*a(4
           2
           ) + 6*a(2) *a(3)

```

```

S(3,4) := 3*a(1)^2*a(2) + 6*a(1)^2*a(4) + 3*a(1)^2*a(6) + 6*a(1)*a(2)*a(3) + 6*a(1)*a(2)*a(5) + 6*a(2)^2*a(4) + 3*a(2)*a(3)
S(3,5) := 3*a(1)^2*a(3) + 6*a(1)^2*a(5) + 3*a(1)*a(2)^2 + 6*a(1)*a(2)*a(4) + 3*a(1)^2*a(3)
S(3,6) := 3*a(1)^2*a(4) + 6*a(1)^2*a(6) + 6*a(1)*a(2)*a(3) + 6*a(1)*a(2)*a(5) + 6*a(1)*a(3)*a(4) + a(2)^3
S(3,7) := 3*a(1)^2*a(5) + 6*a(1)*a(2)*a(4) + 3*a(1)*a(3)^2 + 3*a(2)^2*a(3)
S(3,8) := 3*a(1)^2*a(6) + 6*a(1)*a(2)*a(5) + 6*a(1)*a(3)*a(4) + 3*a(2)^2*a(4) + 3*a(2)*a(3)^2
S(4,1) := 16*a(1)^3*a(2) + 4*a(1)^3*a(4) + 36*a(1)^2*a(2)*a(3) + 12*a(1)*a(2)^3
S(4,2) := 4*a(1)^4 + 12*a(1)^3*a(3) + 4*a(1)^3*a(5) + 18*a(1)^2*a(2)^2 + 24*a(1)^2*a(2)^2 + 12*a(1)^2*a(3)^2 + 36*a(1)*a(2)^2*a(3)
S(4,3) := 12*a(1)^4*a(2) + 12*a(1)^3*a(4) + 24*a(1)^3*a(2)*a(3) + 12*a(1)^2*a(2)^2
S(4,4) := a(1)^5 + 12*a(1)^3*a(3) + 12*a(1)^3*a(5) + 12*a(1)^2*a(2)^2 + 24*a(1)^2*a(2)^2 + 6*a(1)^2*a(3)^2 + 24*a(1)*a(2)^2*a(3) + 4*a(2)^3
S(4,5) := 4*a(1)^3*a(2) + 12*a(1)^3*a(4) + 24*a(1)^2*a(2)*a(3) + 4*a(1)*a(2)^3
S(4,6) := 4*a(1)^2*a(3) + 12*a(1)^2*a(5) + 6*a(1)^2*a(2)^2 + 24*a(1)^2*a(2)*a(4) + 12*a(1)^2*a(3)^2 + 12*a(1)*a(2)^2*a(3)
S(4,7) := 4*a(1)^3*a(4) + 12*a(1)^2*a(2)*a(3) + 4*a(1)*a(2)^3
S(4,8) := 4*a(1)^3*a(5) + 12*a(1)^2*a(2)*a(4) + 6*a(1)^2*a(3)^2 + 12*a(1)*a(2)^2*a(3) + a(2)^4
S(5,1) := 10*a(1)^5 + 25*a(1)^4*a(3) + 70*a(1)^4*a(2)^2
S(5,2) := 35*a(1)^5*a(2) + 20*a(1)^4*a(4) + 100*a(1)^3*a(2)*a(3) + 60*a(1)^2*a(2)^3
S(5,3) := 5*a(1)^5 + 30*a(1)^4*a(3) + 50*a(1)^3*a(2)^2
S(5,4) := 20*a(1)^4*a(2) + 30*a(1)^3*a(4) + 80*a(1)^3*a(2)*a(3) + 40*a(1)^2*a(2)^3

```

$S(5,5) := a(1)^5 + 20*a(1)^4*a(3) + 30*a(1)^3*a(2)^2$
 $S(5,6) := 5*a(1)^4*a(2) + 20*a(1)^4*a(4) + 60*a(1)^3*a(2)*a(3) + 20*a(1)^2*a(2)^3$
 $S(5,7) := 5*a(1)^4*a(3) + 10*a(1)^3*a(2)$
 $S(5,8) := 5*a(1)^4*a(4) + 20*a(1)^3*a(2)*a(3) + 10*a(1)^2*a(2)^3$
 $S(6,1) := 90*a(1)^5*a(2)$
 $S(6,2) := 15*a(1)^6 + 66*a(1)^5*a(3) + 180*a(1)^4*a(2)^2$
 $S(6,3) := 66*a(1)^5*a(2)$
 $S(6,4) := 6*a(1)^6 + 60*a(1)^5*a(3) + 120*a(1)^4*a(2)^2$
 $S(6,5) := 30*a(1)^5*a(2)$
 $S(6,6) := a(1)^6 + 30*a(1)^5*a(3) + 60*a(1)^4*a(2)^2$
 $S(6,7) := 6*a(1)^5*a(2)$
 $S(6,8) := 6*a(1)^5*a(3) + 15*a(1)^4*a(2)^2$
 $S(7,1) := 35*a(1)$
 $S(7,2) := 182*a(1)^6*a(2)$
 $S(7,3) := 21*a(1)$
 $S(7,4) := 112*a(1)^6*a(2)$
 $S(7,5) := 7*a(1)$
 $S(7,6) := 42*a(1)^7*a(2)$
 $S(7,7) := a(1)$
 $S(7,8) := 7*a(1)^6*a(2)$
 $S(8,1) := 0$
 $S(8,2) := 56*a(1)$
 $S(8,3) := 0$
 $S(8,4) := 28*a(1)$
 $S(8,5) := 0$
 $S(8,6) := 8*a(1)$
 $S(8,7) := 0$
 $S(8,8) := a(1)$

APPENDIX B

$$E(1) := \frac{1}{18432} R^7 a(1)^7 + \frac{1}{512} R^6 a(1)^5 a(2) + \frac{1}{384} R^5 a(1)^5 a(2)^2 + \frac{5}{768} R^5 a(1)^5 a(3) + \frac{7}{384} R^4 a(1)^5 a(2)^3 + \frac{1}{24} R^4 a(1)^4 a(2)^3 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^4 a(3)^2 + \frac{3}{32} R^4 a(1)^3 a(2)^3 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^3 a(3)^3 + \frac{1}{16} R^3 a(1)^2 a(3)^2 + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(2)^3 + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(3)^2 + \frac{1}{16} R^2 a(1)^2 a(2)^3 + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{2} R^2 a(1)^2 a(3)^2 a(4) + \frac{1}{2} R^2 a(1)$$

$$E(2) := \frac{1}{184320} R^8 a(1)^8 + \frac{13}{46080} R^7 a(1)^6 a(2) + \frac{1}{3072} R^6 a(1)^6 a(3) + \frac{11}{7680} R^6 a(1)^6 a(4) + \frac{1}{256} R^5 a(1)^5 a(2)^2 + \frac{7}{768} R^5 a(1)^5 a(2)^3 + \frac{1}{192} R^5 a(1)^5 a(3)^2 + \frac{5}{192} R^4 a(1)^5 a(2)^3 + \frac{1}{64} R^4 a(1)^5 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{96} R^4 a(1)^5 a(3)^3 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^4 a(2)^3 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^4 a(2)^2 a(5) + \frac{3}{64} R^4 a(1)^4 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^4 a(2)^2 a(3)^2 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^3 a(2)^3 + \frac{3}{32} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(3)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^3 a(1)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(1)^2 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(3)^2 a(4) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(3)^2 + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(1)^2 a(3)^2 + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{2} R^4 a(1)^2 a(3)^2 a(5) + \frac{1}{2} R^4 a(1)$$

$$E(3) := \frac{1}{30720} R^7 a(1)^7 + \frac{11}{7680} R^6 a(1)^5 a(2) + \frac{1}{768} R^5 a(1)^5 a(3) + \frac{1}{128} R^5 a(1)^5 a(4) + \frac{5}{384} R^4 a(1)^5 a(2)^2 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^5 a(2)^3 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^5 a(3)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^4 a(2)^3 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^4 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{48} R^4 a(1)^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^4 a(3)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^3 a(5) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^3 a(2)^2 + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^3 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^3 a(1)^2 a(2) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^3 a(1)^2 a(4) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(5) + \frac{1}{2} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(3)$$

$$\begin{aligned}
E(4) := & \frac{1}{368640} R^8 a(1)^8 + \frac{1}{5760} R^7 a(1)^6 a(2) + \frac{1}{7680} R^6 a(1)^6 a(2) + \frac{1}{768} R^6 a(1)^6 \\
& a(2) + \frac{1}{384} R^5 a(1)^8 a(3) + \frac{1}{384} R^5 a(1)^6 a(2)^2 + \frac{1}{192} R^5 a(1)^4 a(2)^2 + \frac{1}{128} R^5 a(1)^4 \\
& a(2)^2 + \frac{1}{48} R^4 a(1)^4 a(2)^3 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^2 a(2)^3 + \frac{1}{384} R^4 a(1)^2 a(2)^2 \\
& a(4) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(3) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 \\
& a(4) + \frac{1}{64} R^4 a(1)^2 a(3)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(5) \\
& + \frac{1}{96} R^4 a(2)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(4) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 \\
& a(6) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(3) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(2)^2 \\
& a(4) + \frac{1}{16} R^4 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(3) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^4 a(2)^2 \\
& a(6) + \frac{1}{4} R^4 a(2)^2 a(6) + \frac{1}{2} R^4 a(4)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
E(5) := & \frac{1}{92160} R^7 a(1)^7 + \frac{1}{1536} R^6 a(1)^5 a(2) + \frac{1}{3840} R^5 a(1)^5 a(2) + \frac{1}{192} R^5 a(1)^5 \\
& a(3) + \frac{1}{128} R^4 a(1)^5 a(2) + \frac{1}{96} R^4 a(1)^3 a(2)^2 + \frac{1}{32} R^4 a(1)^3 \\
& a(4) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^3 a(2)^3 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 \\
& a(3) + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{8} R^4 a(1)^2 a(2)^2 a(4) + \\
& \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(3)^2 + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(4) + \frac{1}{4} R^4 a(1)^2 a(6) + \frac{1}{4} R^4 a(2)^2 \\
& a(3) + \frac{1}{2} R^4 a(5)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
E(6) := & \frac{1}{129024} R^8 a(1)^8 + \frac{1}{15360} R^8 a(1)^7 a(2) + \frac{1}{46080} R^6 a(1)^6 a(2) + \frac{1}{1536} R^6 a(1)^6 \\
& *R^5 a(1)^5 a(3) + \frac{1}{768} R^6 a(1)^4 a(2)^2 + \frac{1}{768} R^5 a(1)^5 a(2)^4 + \frac{1}{192} R^5 a(1)^4 \\
& *a(4) + \frac{1}{64} R^4 a(1)^4 a(2) a(3) + \frac{1}{192} R^5 a(1)^2 a(2)^3 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^3 \\
& *a(1)^3 a(4) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^4 a(3) + \frac{1}{64} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 \\
& *a(1)^2 a(3) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2)^2 + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 \\
& *a(2)^2 a(4) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(3) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(2) a(3) + \frac{1}{16} R^4 a(1)^2 a(2) \\
& a(2)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^3 a(6) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(2) a(3) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(2) \\
& a(1)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^3 a(4) + \frac{1}{48} R^2 a(2)^2 + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(7) \\
& + \frac{1}{4} R^2 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{8} R^2 a(3)^2 + \frac{1}{2} R^2 a(6)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
E(7) := & \frac{1}{64512} R^7 a(1)^7 + \frac{1}{7680} R^7 a(1)^6 a(2) + \frac{1}{768} R^5 a(1)^5 a(3) + \frac{1}{384} \\
& *R^5 a(1)^3 a(2)^2 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^4 a(4) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(2) a(3) + \frac{1}{96} R^4 a(1)^2 a(2) \\
& + \frac{1}{16} R^2 a(1)^2 a(5) + \frac{1}{8} R^2 a(1)^2 a(2) a(4) + \frac{1}{16} R^2 a(1)^2 a(3) \\
& + \frac{1}{16} R^2 a(2)^2 a(3) + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(6) + \frac{1}{4} R^2 a(2)^2 a(5) \\
& + \frac{1}{4} R^2 a(3)^2 a(4) + \frac{1}{2} R^2 a(7)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
E(8) := & \frac{1}{1032192} R^8 a(1)^8 + \frac{1}{92160} R^8 a(1)^7 a(2) + \frac{1}{7680} R^6 a(1)^6 a(3) + \frac{1}{384} \\
& *R^6 a(1)^4 a(2)^2 + \frac{1}{768} R^5 a(1)^5 a(4) + \frac{1}{192} R^5 a(1)^4 a(2) a(3) \\
& + \frac{1}{384} R^4 a(1)^4 a(2)^2 + \frac{1}{96} R^4 a(1)^3 a(5) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(2) a(4) \\
& + \frac{1}{64} R^4 a(1)^2 a(3) + \frac{1}{32} R^4 a(1)^2 a(2) a(3) + \frac{1}{384} R^4 a(2)^4 + \frac{1}{16} R^3 a(1)^2 a(6) \\
& + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(2) a(5) + \frac{1}{8} R^3 a(1)^2 a(3) a(4) + \frac{1}{3} R^3 a(2)^2 a(4) \\
& + \frac{1}{16} R^2 a(2)^2 a(4) + \frac{1}{16} R^2 a(2) a(3)^2 + \frac{1}{4} R^2 a(1)^2 a(7) + \frac{1}{4} R^2 a(2) \\
& *a(6) + \frac{1}{4} R^2 a(3) a(5) + \frac{1}{8} R^2 a(4)^2 + \frac{1}{2} R^2 a(8)
\end{aligned}$$

APPENDIX C

$$\begin{aligned}
 C(1) := & 7/9216*a(1)^6 *DF(B(1),T) - 1/12*a(1)^4 *B(1)^5 + 1/8*a(1)^5 *DF(B(2),T) + 5/ \\
 & 256*a(1)^4 *a(2)*DF(B(1),T) - 135/32*a(1)^4 *B(1)^3 *B(2) + 5/192*a(1)^4 *DF(B(1),T) + \\
 & 135/128*a(1)^4 *DF(B(3),T) - 2/3*a(1)^3 *a(2)^2 *B(1)^2 + 7/6*a(1)^3 *a(2)^3 * \\
 & *DF(B(2),T) + 5/96*a(1)^3 *a(3)*DF(B(1),T) - 1/2*a(1)^3 *B(1)^2 - 10*a(1)^3 *B(1)^2 * \\
 & *B(3) - 16*a(1)^3 *B(2)^2 + 2/3*a(1)^3 *DF(B(2),T) + 4/3*a(1)^3 *DF(B(4),T) \\
 & + 7/64*a(1)^2 *a(2)^2 *DF(B(1),T) - 27/2*a(1)^2 *a(2)^2 *B(1)^2 + 1/4*a(1)^2 * \\
 & a(2)^2 *DF(B(1),T) + 81/16*a(1)^2 *a(2)^2 *DF(B(3),T) - 1/2*a(1)^2 *a(3)^2 *B(1)^2 + \\
 & 3/2*a(1)^2 *a(3)^2 *DF(B(2),T) + 1/16*a(1)^2 *a(4)*DF(B(1),T) - 27/4*a(1)^2 *B(1)^2 * \\
 & *B(2) - 25/4*a(1)^2 *B(1)^2 *B(4) - 225/4*a(1)^2 *B(2)^2 *B(3) + 3/8*a(1)^2 *DF(B(1),T) + \\
 & 9/8*a(1)^2 *DF(B(3),T) - a(1)^2 *a(2)^2 *B(1)^2 + 3/2*a(1)^2 *a(2)^2 *DF(B(2),T) + \\
 & 3/8*a(1)^2 *a(2)^2 *a(3)*DF(B(1),T) - a(1)^2 *a(2)^2 *B(1)^2 - 18*a(1)^2 *a(2)^2 *B(1)^2 \\
 & *B(3) - 16*a(1)^2 *a(2)^2 *B(2)^2 + 2*a(1)^2 *a(2)^2 *DF(B(2),T) + 4*a(1)^2 *a(2)^2 *DF(B(4),T) - \\
 & 9/2*a(1)^2 *a(3)^2 *B(1)^2 *B(2) + 1/4*a(1)^2 *a(3)^2 *DF(B(1),T) + 9/2*a(1)^2 * \\
 & *a(3)^2 *DF(B(3),T) + a(1)^2 *a(4)^2 *DF(B(2),T) - a(1)^2 *B(1)^2 - 3*a(1)^2 *B(1)^2 *B(3)^2 \\
 & - 8*a(1)^2 *B(2)^3 - 12*a(1)^2 *B(2)^2 *B(4) - 27*a(1)^2 *B(3)^2 + a(1)^2 *DF(B(2),T) \\
 & + 1/16*a(2)^3 *DF(B(1),T) - 9/2*a(2)^2 *B(1)^2 *B(2)^2 + 1/4*a(2)^2 *DF(B(1),T) \\
 & + 9/8*a(2)^2 *DF(B(3),T) - a(2)^2 *a(3)^2 *B(1)^2 + a(2)^2 *a(3)^2 *DF(B(2),T) + 1/4*a(2)^2 * \\
 & a(4)^2 *DF(B(1),T) - 3*a(2)^2 *B(1)^2 *B(2)^2 - 5*a(2)^2 *B(1)^2 *B(4)^2 - 15*a(2)^2 *B(2)^2 * \\
 & *B(3)^2 + 1/2*a(2)^2 *DF(B(1),T) + 3/2*a(2)^2 *DF(B(3),T) + 1/4*a(3)^2 *DF(B(1),T) - \\
 & 6*a(3)^2 *B(1)^2 *B(3)^2 + a(3)^2 *DF(B(2),T) + 2*a(3)^2 *DF(B(4),T) + 3/2*a(4)^2 * \\
 & *DF(B(3),T) - 2*B(1)^2 *B(2)^2 - 6*B(2)^2 *B(3)^2 - 12*B(3)^2 *B(4)^2 + DF(B(1),T)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(2) := & \frac{1}{11520} a(1)^7 * DF(B(1), T) - \frac{1}{48} a(1)^6 B(1)^2 + \frac{13}{360} a(1)^6 * DF(B(2), T) \\
& + \frac{13}{3840} a(1)^5 * a(2) * DF(B(1), T) - \frac{243}{128} a(1)^5 B(1)^4 B(2)^2 + \frac{1}{256} a(1)^5 \\
& * DF(B(1), T) + \frac{891}{1280} a(1)^5 * DF(B(3), T) - \frac{7}{24} a(1)^4 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{1}{2} a(1)^4 \\
& a(1)^4 * a(2) * DF(B(2), T) + \frac{11}{768} a(1)^4 a(3) * DF(B(1), T) - \frac{1}{6} a(1)^4 B(1)^2 \\
& - \frac{14}{4} a(1)^4 B(1)^4 B(3) - \frac{32}{3} a(1)^4 B(2)^2 + \frac{7}{24} a(1)^4 * DF(B(2), T) + \frac{8}{3} a(1)^4 \\
& a(1)^3 * DF(B(4), T) + \frac{1}{32} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(1), T) - \frac{189}{16} a(1)^3 a(2)^2 B(1)^3 \\
& * B(2) + \frac{7}{96} a(1)^3 a(2) * DF(B(1), T) + \frac{135}{32} a(1)^3 a(2) * DF(B(3), T) - \frac{1}{2} a(1)^3 \\
& a(1)^3 * a(3) * B(1)^2 + \frac{5}{6} a(1)^3 a(3) * DF(B(2), T) + \frac{1}{24} a(1)^3 a(4) * DF(B(1), \\
& , T) - \frac{9}{2} a(1)^3 B(1)^2 B(2) - \frac{125}{8} a(1)^3 B(1)^3 B(4) - \frac{125}{2} a(1)^3 B(2)^2 B(3) \\
& + \frac{1}{12} a(1)^2 * DF(B(1), T) + \frac{27}{16} a(1)^2 * DF(B(3), T) + \frac{125}{48} a(1)^2 * DF(B(5), T) \\
& - \frac{3}{4} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{3}{2} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(2), T) + \frac{5}{32} a(1)^2 \\
& * a(2)^2 * DF(B(1), T) - a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 - \frac{36}{2} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(3) - \\
& \frac{32}{2} a(1)^2 a(2)^2 B(2)^2 + \frac{3}{2} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(2), T) + \frac{8}{2} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(4), \\
& T) - \frac{81}{8} a(1)^2 a(3)^2 B(1)^2 + \frac{3}{16} a(1)^2 a(3)^2 * DF(B(1), T) + \frac{27}{8} a(1)^2 \\
& * a(3)^2 * DF(B(3), T) - \frac{1}{2} a(1)^2 a(4)^2 B(1)^2 + a(1)^2 a(4)^2 * DF(B(2), T) + \frac{1}{16} a(1)^2 \\
& * a(1)^2 a(5) * DF(B(1), T) - \frac{1}{2} a(1)^2 a(1)^2 B(1)^2 - \frac{12}{2} a(1)^2 a(1)^2 B(1)^2 B(3) - \frac{45}{4} a(1)^2 \\
& a(1)^2 B(1)^2 B(5) - \frac{8}{2} a(1)^2 B(2)^2 - \frac{72}{2} a(1)^2 B(2)^2 B(4) - \frac{81}{2} a(1)^2 B(3)^2 \\
& + a(1)^2 * DF(B(2), T) + 2 a(1)^2 * DF(B(4), T) + \frac{1}{16} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(1), T) \\
& - \frac{81}{8} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{3}{16} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(1), T) + \frac{81}{16} a(1)^2 a(2)^2 \\
& * DF(B(3), T) - a(1)^2 a(2)^2 a(3)^2 B(1)^2 + 3 a(1)^2 a(2)^2 a(3)^2 * DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{4} a(1)^2 a(2)^2 a(4)^2 * DF(B(1), T) - 9 a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(2) - \frac{25}{2} a(1)^2 a(2)^2 \\
& B(1)^2 B(4) - 75 a(1)^2 a(2)^2 B(2)^2 B(3) + \frac{1}{2} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(1), T) + \frac{9}{4} a(1)^2 \\
& a(2)^2 * DF(B(3), T) + \frac{25}{4} a(1)^2 a(2)^2 * DF(B(5), T) + \frac{1}{8} a(1)^2 a(3)^2 * DF(B(1), T) \\
& - a(1)^2 a(3)^2 B(1)^2 - \frac{12}{2} a(1)^2 a(3)^2 B(1)^2 B(3) - \frac{16}{2} a(1)^2 a(3)^2 B(2)^2 \\
& + a(1)^2 a(3)^2 * DF(B(2), T) + 4 a(1)^2 a(3)^2 * DF(B(4), T) - \frac{9}{2} a(1)^2 a(4)^2 B(1)^2 B(2) \\
& + \frac{1}{4} a(1)^2 a(4)^2 * DF(B(1), T) + \frac{9}{4} a(1)^2 a(4)^2 * DF(B(3), T) + a(1)^2 a(5)^2 \\
& * DF(B(2), T) - 3 a(1)^2 a(1)^2 B(2)^2 - 5 a(1)^2 a(1)^2 B(4)^2 - 15 a(1)^2 a(1)^2 B(2)^2 B(3) - \\
& 35/2 a(1)^2 a(2)^2 B(5)^2 - 42 a(1)^2 a(3)^2 B(4)^2 + \frac{1}{2} a(1)^2 a(1)^2 * DF(B(1), T) + \frac{3}{2} a(1)^2 \\
& a(1)^2 * DF(B(3), T) - \frac{1}{2} a(2)^2 B(1)^2 + \frac{3}{16} a(2)^2 a(3)^2 * DF(B(1), T) - \frac{18}{2} a(2)^2 \\
& B(1)^2 B(3) + \frac{3}{2} a(2)^2 * DF(B(2), T) - \frac{9}{2} a(2)^2 a(3)^2 B(1)^2 B(2)^2 + \frac{1}{4} a(2)^2 a(3)^2 \\
& * DF(B(1), T) + \frac{9}{2} a(2)^2 a(3)^2 * DF(B(3), T) - a(2)^2 a(4)^2 B(1)^2 + \frac{1}{4} a(2)^2 a(5)^2 \\
& * DF(B(1), T) - a(2)^2 B(1)^2 - \frac{15}{2} a(2)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(5)^2 - 8 a(2)^2 B(2)^2 - 27 a(2)^2 \\
& a(2)^2 B(3)^2 + 2 a(2)^2 * DF(B(4), T) + a(3)^2 * DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(3)^2 a(4)^2 * DF(B(1), T) \\
& - 3 a(3)^2 B(1)^2 B(2)^2 - 15 a(3)^2 B(2)^2 B(3)^2 + \frac{1}{2} a(3)^2 * DF(B(1), T) + 5/2 a(3)^2 \\
& * DF(B(5), T) - 6 a(4)^2 B(1)^2 B(3)^2 + a(4)^2 * DF(B(2), T) + 3/2 a(5)^2 * DF(B(3), T) \\
& - 3 B(1)^2 B(3)^2 - 8 B(2)^2 B(4)^2 - 15 B(3)^2 B(5)^2 + DF(B(2), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(3) := & \frac{7}{15360} a(1)^6 * DF(B(1), T) - \frac{1}{24} a(1)^5 * B(1)^2 + \frac{11}{128} a(1)^5 * DF(B(2), T)^4 \\
& + \frac{11}{768} a(1)^4 * a(2) * DF(B(1), T) - \frac{135}{64} a(1)^4 * B(1)^3 * B(2) + \frac{5}{384} a(1)^4 * \\
& DF(B(1), T) + \frac{81}{64} a(1)^3 * DF(B(3), T) - \frac{1}{2} a(1)^3 * a(2) * B(1)^2 + \frac{5}{6} a(1)^3 * \\
& a(2) * DF(B(2), T) + \frac{1}{16} a(1)^3 * a(3) * DF(B(1), T) - \frac{1}{6} a(1)^3 * B(1)^2 * B(3) \\
& * B(1)^3 - \frac{12}{a(1)^3} a(1)^3 * B(1)^2 * B(3) - \frac{16}{3} a(1)^3 * B(2)^2 + \frac{1}{2} a(1)^3 * DF(B(2), T) \\
& + 4 a(1)^3 * DF(B(4), T) + \frac{5}{64} a(1)^2 * a(2) * DF(B(1), T) - \frac{81}{8} a(1)^2 * a(2) * B(1)^2 * B(2) \\
& + \frac{3}{16} a(1)^2 * a(2) * DF(B(3), T) - a(1)^2 * a(3) * B(1)^2 + a(1)^2 * a(3) * DF(B(2), T) \\
& + \frac{27}{8} a(1)^2 * a(2) * DF(B(3), T) - \frac{9}{4} a(1)^2 * B(1)^2 * B(2)^2 \\
& + \frac{3}{16} a(1)^2 * a(4) * DF(B(1), T) - \frac{25}{4} a(1)^2 * B(1)^2 * B(4) - \frac{75}{4} a(1)^2 * B(2)^2 * B(3) \\
& + \frac{1}{8} a(1)^2 * DF(B(1), T) + \frac{9}{4} a(1)^2 * DF(B(3), T) + \frac{25}{8} a(1)^2 * DF(B(5), T) - \frac{1}{2} a(1)^2 * a(2) * B(1)^2 * B(2) \\
& + \frac{2}{2} a(1)^2 * a(2) * DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1)^2 * a(2) * a(3) * DF(B(1), T) - a(1)^2 * a(2) * B(1)^2 * B(2) \\
& - \frac{12}{a(1)^2} a(1)^2 * a(2) * B(1)^2 * B(3) - \frac{16}{a(1)^2} a(1)^2 * a(2) * B(2)^2 + a(1)^2 * a(2) * DF(B(2), T) \\
& + 4 a(1)^2 * a(2) * DF(B(4), T) - \frac{9}{a(1)^2} a(1)^2 * a(3) * B(1)^2 * B(2) + \frac{1}{2} a(1)^2 * a(3) * DF(B(1), T) \\
& - a(1)^2 * a(4) * B(1)^2 + a(1)^2 * a(4) * DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1)^2 * a(5) * DF(B(1), T) \\
& - 6 a(1)^2 * B(1)^2 * B(3) - \frac{15}{2} a(1)^2 * B(1)^2 * B(5) - \frac{24}{a(1)^2} a(1)^2 * B(2)^2 * B(4) + a(1)^2 * \\
& DF(B(2), T) + 2 a(1)^2 * DF(B(4), T) + \frac{1}{16} a(1)^2 * DF(B(1), T) - \frac{9}{4} a(2)^2 * B(1)^3 * B(2)^2 \\
& * B(2) + \frac{1}{8} a(2)^2 * DF(B(1), T) + \frac{9}{4} a(2)^2 * DF(B(3), T) + 2 a(2)^2 * a(3) * DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{4} a(2)^2 * a(4) * DF(B(1), T) - 3 a(2)^2 * B(1)^2 * B(2) - \frac{15}{2} a(2)^2 * B(2)^2 * B(3)^2 \\
& + 1/2 a(2)^2 * DF(B(1), T) + 5/2 a(2)^2 * DF(B(5), T) - a(3)^2 * B(1)^2 - 8 a(3)^2 * B(2)^2 \\
& - 3 a(4)^2 * B(1)^2 * B(2) + 1/2 a(4)^2 * DF(B(1), T) + a(5)^2 * DF(B(2), T) - 4 * B(1)^2 * \\
& B(4) - 10 * B(2)^2 * B(5) + DF(B(3), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(4) := & \frac{1}{23040} a(1)^7 DF(B(1), T) - \frac{1}{120} a(1)^5 B(1)^2 + \frac{1}{45} a(1)^6 DF(B(2), T) + \\
& \frac{1}{480} a(1)^5 a(2) DF(B(1), T) - \frac{243}{320} a(1)^5 B(1)^4 B(2)^2 + \frac{1}{640} a(1)^6 DF(B(1), T) + \\
& \frac{81}{128} a(1)^4 DF(B(3), T) - \frac{1}{6} a(1)^4 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{1}{3} a(1)^4 a(2)^2 \\
& \cdot DF(B(2), T) + \frac{5}{384} a(1)^4 a(3) DF(B(1), T) - \frac{1}{24} a(1)^4 B(1)^4 - 8 a(1)^4 \\
& \cdot B(1)^4 B(3) - \frac{8}{3} a(1)^4 B(2)^2 + \frac{1}{6} a(1)^4 DF(B(2), T) + 4 a(1)^4 DF(B(4), \\
& T) + \frac{1}{48} a(1)^3 a(2)^2 DF(B(1), T) - \frac{27}{4} a(1)^3 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{1}{24} a(1)^3 \\
& \cdot a(2)^2 DF(B(1), T) + \frac{27}{8} a(1)^3 a(2)^2 DF(B(3), T) - \frac{1}{2} a(1)^3 a(3)^2 B(1)^2 \\
& + \frac{2}{3} a(1)^3 a(3)^2 DF(B(2), T) + \frac{1}{16} a(1)^3 a(4)^2 DF(B(1), T) - \frac{9}{8} a(1)^3 B \\
& (1)^2 B(2) - \frac{125}{4} a(1)^3 B(1)^2 B(4) - \frac{125}{8} a(1)^3 B(2)^2 B(3) + \frac{1}{48} a(1)^3 \\
& DF(B(1), T) + \frac{27}{16} a(1)^3 DF(B(3), T) + \frac{125}{16} a(1)^3 DF(B(5), T) - \frac{1}{2} a(1)^2 \\
& \cdot a(2)^2 B(1)^2 + a(1)^2 a(2)^2 DF(B(2), T) + \frac{1}{8} a(1)^2 a(2)^2 a(3) DF(B(1), T) \\
& - \frac{1}{2} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 - 24 a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(3) - 16 a(1)^2 a(2)^2 B(2)^2 \\
& + a(1)^2 a(2)^2 DF(B(2), T) + 8 a(1)^2 a(2)^2 DF(B(4), T) - \frac{81}{8} a(1)^2 a(3)^2 B \\
& (1)^2 B(2) + \frac{3}{16} a(1)^2 a(3)^2 DF(B(1), T) + \frac{27}{16} a(1)^2 a(3)^2 DF(B(3), T) - a \\
& (1)^2 a(4)^2 B(1)^2 + a(1)^2 a(4)^2 DF(B(2), T) + \frac{3}{16} a(1)^2 a(5)^2 DF(B(1), T) - \\
& 6 a(1)^2 B(1)^2 B(3) - 45 a(1)^2 B(1)^2 B(5) - 36 a(1)^2 B(2)^2 B(4) + \frac{1}{2} a(1)^2 \\
& *DF(B(2), T) + 4 a(1)^2 DF(B(4), T) + \frac{9}{2} a(1)^2 DF(B(6), T) + \frac{1}{24} a(1)^2 a(2)^2 \\
& *DF(B(1), T) - \frac{27}{4} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(2) + \frac{1}{8} a(1)^2 a(2)^2 DF(B(1), T) \\
& + \frac{27}{8} a(1)^2 a(2)^2 DF(B(3), T) - a(1)^2 a(2)^2 a(3) B(1)^2 + 2 a(1)^2 a(2)^2 a(3) \\
& *DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1)^2 a(2)^2 a(4) DF(B(1), T) - \frac{9}{2} a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(2) \\
& - 25 a(1)^2 a(2)^2 B(1)^2 B(4) - \frac{75}{2} a(1)^2 a(2)^2 B(2)^2 B(3) + \frac{1}{4} a(1)^2 a(2)^2 DF \\
& (B(1), T) + \frac{9}{4} a(1)^2 a(2)^2 DF(B(3), T) + \frac{25}{4} a(1)^2 a(2)^2 DF(B(5), T) + \frac{1}{16} a \\
& (1)^2 a(3)^2 DF(B(1), T) - a(1)^2 a(3)^2 B(1)^2 - 12 a(1)^2 a(3)^2 B(1)^2 B(3) - 16 a \\
& (1)^2 a(3)^2 B(2)^2 + a(1)^2 a(3)^2 DF(B(2), T) - 9 a(1)^2 a(4)^2 B(1)^2 B(2) + \frac{1}{2} a(1)^2 \\
&) a(4)^2 DF(B(1), T) - a(1)^2 a(5)^2 B(1)^2 + a(1)^2 a(5)^2 DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1)^2 a \\
& (6)^2 DF(B(1), T) - 10 a(1)^2 B(1)^2 B(4) - 21 a(1)^2 B(1)^2 B(6) - 35 a(1)^2 B(2)^3 \\
& *B(5) + \frac{3}{2} a(1)^2 DF(B(3), T) + \frac{5}{2} a(1)^2 DF(B(5), T) + \frac{2}{3} a(2)^2 DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{8} a(2)^2 a(3)^2 DF(B(1), T) - \frac{1}{2} a(2)^2 B(1)^2 - 8 a(2)^2 B(2)^2 + 4 a(2)^2 \\
& *DF(B(4), T) - \frac{9}{2} a(2)^2 a(3)^2 B(1)^2 B(2) + \frac{1}{4} a(2)^2 a(3)^2 DF(B(1), T) + \frac{9}{4} \\
& a(2)^2 a(3)^2 DF(B(3), T) + 2 a(2)^2 a(4)^2 DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(2)^2 a(5)^2 DF(B(1), T) \\
& - 6 a(2)^2 B(1)^2 B(3) - 24 a(2)^2 B(2)^2 B(4) + a(2)^2 DF(B(2), T) + 3 a(2)^2 \\
& DF(B(6), T) + \frac{1}{2} a(3)^2 DF(B(2), T) - 3 a(3)^2 B(1)^2 B(2)^2 - 15 a(3)^2 B(2)^2 B(3)^2 \\
& + \frac{1}{2} a(3)^2 DF(B(1), T) - a(4)^2 B(1)^2 - 8 a(4)^2 B(2)^2 - 3 a(5)^2 B(1)^2 B(2)^2 \\
& + \frac{1}{2} a(5)^2 DF(B(1), T) + a(6)^2 DF(B(2), T) - 5 B(1)^2 B(5) - 12 B(2)^2 B(6) \\
& + DF(B(4), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(5) := & 7/46080 * a(1)^6 * DF(B(1), T) - 1/120 * a(1)^4 * B(1)^5 + 1/24 * a(1)^5 * DF(B(2), T) + \\
& 5/768 * a(1)^4 * a(2) * DF(B(1), T) - 27/64 * a(1)^4 * B(1)^3 * B(2)^2 + 1/384 * a(1)^4 * DF(B(1), T) + \\
& 27/32 * a(1)^3 * DF(B(3), T) - 1/6 * a(1)^3 * a(2)^2 * B(1)^2 + 1/2 * a(1)^3 * a(2)^3 * \\
& DF(B(2), T) + 1/24 * a(1)^3 * a(3) * DF(B(1), T) - 4 * a(1)^3 * B(1)^2 * B(3)^2 + 1/6 * a(1)^3 \\
& * DF(B(2), T) + 4 * a(1)^3 * DF(B(4), T) + 3/64 * a(1)^3 * a(2)^2 * DF(B(1), T) - 27/8 * a(1)^2 \\
& * a(2)^2 * B(1)^2 + 1/16 * a(1)^2 * a(2)^2 * DF(B(1), T) + 27/8 * a(1)^2 * a(2)^2 * DF(B(3), T) - \\
& 1/2 * a(1)^2 * a(3)^2 * B(1)^2 + a(1)^2 * a(3)^2 * DF(B(2), T) + 3/16 * a(1)^2 * a(4)^2 \\
& * DF(B(1), T) - 25/2 * a(1)^2 * B(1)^2 * B(4)^2 + 9/8 * a(1)^2 * DF(B(3), T) + 25/4 * a(1)^2 \\
& * DF(B(5), T) - 1/2 * a(1)^2 * a(2)^2 * B(1)^2 + 1/2 * a(1)^2 * a(2)^2 * DF(B(2), T) + 1/4 * a(1) \\
& * a(2)^2 * a(3) * DF(B(1), T) - 12 * a(1)^2 * a(2)^2 * B(1)^2 * B(3)^2 + a(1)^2 * a(2)^2 * DF(B(2), T) \\
& + 4 * a(1)^2 * a(2)^2 * DF(B(4), T) - 9/2 * a(1)^2 * a(3)^2 * B(1)^2 * B(2)^2 + 1/4 * a(1)^2 * a(3)^2 * DF(B(1), T) \\
& + 9/4 * a(1)^2 * a(3)^2 * DF(B(3), T) - a(1)^2 * a(4)^2 * B(1)^2 + a(1)^2 * a(4)^2 * DF(B(2), T) \\
& + 1/2 * a(1)^2 * a(5)^2 * DF(B(1), T) - 15 * a(1)^2 * B(1)^2 * B(5)^2 + 2 * a(1)^2 * DF(B(4), T) \\
& + 3 * a(1)^2 * DF(B(6), T) + 1/48 * a(2)^3 * DF(B(1), T) - 9/4 * a(2)^2 * B(1)^2 * B(2)^2 + 1/ \\
& 8 * a(2)^2 * DF(B(1), T) - a(2)^2 * a(3)^2 * B(1)^2 + 1/4 * a(2)^2 * a(4)^2 * DF(B(1), T) - 10 * a(2)^2 \\
& * B(1)^2 * B(4)^2 + 3/2 * a(2)^2 * DF(B(3), T) + 1/8 * a(3)^2 * DF(B(1), T) - 6 * a(3)^2 * B(1)^2 \\
& * B(3)^2 + a(3)^2 * DF(B(2), T) - 3 * a(4)^2 * B(1)^2 * B(2)^2 + 1/2 * a(4)^2 * DF(B(1), T) - a(5)^2 \\
& * B(1)^2 + 1/2 * a(6)^2 * DF(B(1), T) - 6 * B(1)^2 * B(6)^2 + DF(B(5), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(6) := & \frac{1}{80640} a(1)^7 * DF(B(1), T) - \frac{1}{720} a(1)^6 B(1)^2 + \frac{1}{120} a(1)^6 * DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{1280} a(1)^5 * a(2) * DF(B(1), T) - \frac{81}{640} a(1)^5 B(1)^4 B(2) + \frac{1}{3840} a(1)^5 \\
& * DF(B(1), T) + \frac{81}{256} a(1)^4 * DF(B(3), T) - \frac{1}{24} a(1)^4 a(2)^2 B(1)^4 + \frac{1}{6} a(1)^4 \\
& * a(2)^2 * DF(B(2), T) + \frac{5}{768} a(1)^4 a(3) * DF(B(1), T) - \frac{2}{a(1)^4} a(1)^3 B(1)^2 B(3) + \\
& \frac{1}{24} a(1)^3 * DF(B(2), T) + \frac{8}{3} a(1)^3 * DF(B(4), T) + \frac{1}{96} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(1) \\
&, T) - \frac{27}{16} a(1)^3 a(2)^2 B(2) + \frac{1}{96} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(1), T) + \frac{81}{32} a(1)^3 \\
& * a(2)^2 * DF(B(3), T) - \frac{1}{6} a(1)^3 a(3) B(1)^2 + \frac{1}{2} a(1)^3 a(3) * DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{24} a(1)^3 a(4) * DF(B(1), T) - \frac{125}{12} a(1)^3 B(1)^2 B(4) + \frac{9}{16} a(1)^3 * DF(B(3), T) \\
& + \frac{125}{16} a(1)^3 * DF(B(5), T) - \frac{1}{4} a(1)^3 a(2)^2 B(1)^2 + \frac{1}{2} a(1)^3 a(2)^2 \\
& * DF(B(2), T) + \frac{3}{32} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(1), T) - \frac{12}{a(1)^3} a(2)^2 * B(1)^2 \\
& B(3) + \frac{1}{2} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(2), T) + \frac{8}{a(1)^3} a(2)^2 * DF(B(4), T) - \frac{27}{8} a(1)^3 \\
& * a(3)^2 * B(1)^2 + \frac{1}{16} a(1)^3 a(3) * DF(B(1), T) + \frac{27}{8} a(1)^3 a(3) * DF(B(3), T) \\
& - \frac{1}{2} a(1)^3 a(4) * B(1)^2 + \frac{a(1)^3}{2} a(4) * DF(B(2), T) + \frac{3}{16} a(1)^3 a(5) * DF(B(1), T) \\
& - \frac{45}{2} a(1)^3 B(1)^2 B(5) + \frac{2}{a(1)^3} a(1)^2 * DF(B(4), T) + \frac{9}{a(1)^3} a(1)^2 * DF(B(6), T) \\
& + \frac{1}{48} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(1), T) - \frac{27}{8} a(1)^3 a(2)^2 B(1)^2 B(2) + \frac{1}{16} a(1)^3 a(2)^2 \\
& * DF(B(1), T) + \frac{27}{16} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(3), T) - a(1)^3 a(2)^2 a(3) B(1) \\
& + a(1)^3 a(2)^2 a(3) * DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1)^3 a(2)^2 a(4) * DF(B(1), T) - \frac{25}{a(1)^3} a(2)^2 \\
& * B(1)^2 B(4) + \frac{9}{4} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(3), T) + \frac{25}{4} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(5), T) \\
& + \frac{1}{8} a(1)^3 a(3) * DF(B(1), T) - \frac{12}{a(1)^3} a(1)^2 a(3) B(1)^2 B(3) + a(1)^3 a(3) * DF(B(2), T) \\
& + 4 a(1)^3 a(3) * DF(B(4), T) - \frac{9}{2} a(1)^3 a(4) B(1)^2 B(2) + \frac{1}{4} a(1)^3 a(4) \\
& * DF(B(1), T) + \frac{9}{4} a(1)^3 a(4) * DF(B(3), T) - a(1)^3 a(5) B(1)^2 + a(1)^3 a(5) * \\
& DF(B(2), T) + \frac{1}{2} a(1)^3 a(6) * DF(B(1), T) - \frac{21}{a(1)^3} a(1)^2 B(1)^2 B(6) + \frac{5}{2} a(1)^3 * DF(B(5), T) \\
& + \frac{7}{2} a(1)^3 * DF(B(7), T) - \frac{1}{6} a(1)^3 B(1)^2 B(2) + \frac{1}{16} a(1)^3 a(2)^2 * a(3) * DF(B(1), T) \\
& - 6 a(1)^3 B(1)^2 B(3) + \frac{1}{2} a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(2), T) - \frac{9}{2} a(1)^3 a(2)^2 a(3) B(1)^2 \\
& B(2) + \frac{1}{4} a(1)^3 a(2)^2 a(3) * DF(B(1), T) - a(1)^3 a(2)^2 a(4) B(1)^2 + \frac{1}{4} a(1)^3 a(2)^2 a(5) * DF(B(1), T) \\
& - 15 a(1)^3 a(2)^2 B(1)^2 B(5) + 2 a(1)^3 a(2)^2 * DF(B(4), T) - \frac{1}{2} a(1)^3 a(3)^2 B(1)^2 + \frac{1}{4} a(1)^3 a(3) \\
& a(4) * DF(B(1), T) - 10 a(1)^3 a(3) B(1)^2 B(4) + \frac{3}{2} a(1)^3 a(3) * DF(B(3), T) - 6 a(1)^3 a(4) \\
& B(1)^2 B(3) + a(1)^3 a(4) * DF(B(2), T) - 3 a(1)^3 a(5) B(1)^2 B(2) + \frac{1}{2} a(1)^3 a(5) * DF(B(1), T) - \\
& a(1)^3 a(6) B(1)^2 + \frac{1}{2} a(1)^3 a(7) * DF(B(1), T) - 7 a(1)^3 B(1)^2 B(7) + DF(B(6), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
C(7) := & \frac{1}{46080} a(1)^6 \cdot DF(B(1), T) + \frac{1}{120} a(1)^5 \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{768} a(1)^4 \cdot a(2) \cdot DF \\
& (B(1), T) + \frac{27}{128} a(1)^4 \cdot DF(B(3), T) + \frac{1}{6} a(1)^3 \cdot a(2) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{96} a \\
& (1)^3 \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) + \frac{4}{3} a(1)^3 \cdot DF(B(4), T) + \frac{1}{64} a(1)^2 \cdot a(2)^2 \cdot DF(B(1), \\
& T) + \frac{27}{16} a(1)^2 \cdot a(2) \cdot DF(B(3), T) + \frac{1}{2} a(1)^2 \cdot a(3) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{16} a(1)^2 \\
& \cdot a(4) \cdot DF(B(1), T) + \frac{25}{8} a(1)^2 \cdot DF(B(5), T) + \frac{1}{2} a(1)^2 \cdot a(2) \cdot DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{8} a(1)^2 \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) + 4 a(1) \cdot a(2) \cdot DF(B(4), T) + \frac{9}{4} a(1) \cdot a(3) \\
& \cdot DF(B(3), T) + a(1) \cdot a(4) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(1) \cdot a(5) \cdot DF(B(1), T) + 3 a(1) \\
& \cdot DF(B(6), T) + \frac{1}{48} a(2) \cdot DF(B(1), T) + \frac{9}{8} a(2) \cdot DF(B(3), T) + a(2) \cdot a(3) \\
& \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(2) \cdot a(4) \cdot DF(B(1), T) + \frac{5}{2} a(2) \cdot DF(B(5), T) + \frac{1}{8} a(3) \\
& \cdot DF(B(1), T) + 2 a(3) \cdot DF(B(4), T) + \frac{3}{2} a(4) \cdot DF(B(3), T) + a(5) \cdot DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{2} a(6) \cdot DF(B(1), T) + DF(B(7), T) \\
C(8) := & \frac{1}{645120} a(1)^7 \cdot DF(B(1), T) + \frac{1}{720} a(1)^6 \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{7680} a(1)^5 \cdot a(2) \cdot \\
& DF(B(1), T) + \frac{81}{1280} a(1)^5 \cdot DF(B(3), T) + \frac{1}{24} a(1)^4 \cdot a(2) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{768} a(1)^4 \\
& \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) + \frac{2}{3} a(1)^4 \cdot DF(B(4), T) + \frac{1}{384} a(1)^3 \cdot a(2)^2 \cdot DF \\
& (B(1), T) + \frac{27}{32} a(1)^3 \cdot a(2) \cdot DF(B(3), T) + \frac{1}{6} a(1)^3 \cdot a(3) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{96} a(1)^3 \\
& \cdot a(4) \cdot DF(B(1), T) + \frac{125}{48} a(1)^3 \cdot DF(B(5), T) + \frac{1}{4} a(1)^2 \cdot a(2)^2 \cdot DF \\
& (B(2), T) + \frac{1}{32} a(1)^2 \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) + 4 a(1)^2 \cdot a(2) \cdot DF(B(4), T) + \\
& \frac{27}{16} a(1)^2 \cdot a(3) \cdot DF(B(3), T) + \frac{1}{2} a(1)^2 \cdot a(4) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{16} a(1)^2 \cdot a(5) \\
& \cdot DF(B(1), T) + \frac{9}{2} a(1)^2 \cdot DF(B(6), T) + \frac{1}{96} a(1) \cdot a(2) \cdot DF(B(1), T) + \frac{27}{16} \\
& a(1) \cdot a(2) \cdot DF(B(3), T) + a(1) \cdot a(2) \cdot a(3) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{8} a(1) \cdot a(2) \cdot a(4) \\
& \cdot DF(B(1), T) + \frac{25}{4} a(1) \cdot a(2) \cdot DF(B(5), T) + \frac{1}{16} a(1) \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) \\
& + 4 a(1) \cdot a(3) \cdot DF(B(4), T) + \frac{9}{4} a(1) \cdot a(4) \cdot DF(B(3), T) + a(1) \cdot a(5) \cdot DF(B(2) \\
& , T) + \frac{1}{4} a(1) \cdot a(6) \cdot DF(B(1), T) + \frac{7}{2} a(1) \cdot DF(B(7), T) + \frac{1}{6} a(2) \cdot DF(B(2) \\
& , T) + \frac{1}{16} a(2) \cdot a(3) \cdot DF(B(1), T) + 2 a(2) \cdot DF(B(4), T) + \frac{9}{4} a(2) \cdot a(3) \\
& \cdot DF(B(3), T) + a(2) \cdot a(4) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(2) \cdot a(5) \cdot DF(B(1), T) + 3 a(2) \\
& \cdot DF(B(6), T) + \frac{1}{2} a(3) \cdot DF(B(2), T) + \frac{1}{4} a(3) \cdot a(4) \cdot DF(B(1), T) + \frac{5}{2} a(3) \\
& \cdot DF(B(5), T) + 2 a(4) \cdot DF(B(4), T) + \frac{3}{2} a(5) \cdot DF(B(3), T) + a(6) \cdot DF(B(2), T) \\
& + \frac{1}{2} a(7) \cdot DF(B(1), T) + DF(B(8), T)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
D(1) := & - \frac{1}{9216} a(1)^6 B(1) - \frac{1}{24} a(1)^4 B(2) - \frac{1}{768} a(1)^5 a(2) B(1) - \frac{1}{192} a(1)^4 B(1) \\
& - \frac{405}{128} a(1)^4 B(3) - \frac{1}{6} a(1)^3 a(2) B(2) + \frac{1}{96} a(1)^3 a(3) \\
& *B(1) - \frac{1}{3} a(1)^2 a(2) B(2) - \frac{16}{3} a(1)^2 B(4) - \frac{1}{64} a(1)^2 a(2) B(1) - \frac{81}{16} a(1)^2 a(2) B(3) \\
& + \frac{1}{2} a(1)^2 a(3) B(2) + \frac{1}{16} a(1)^2 a(4) B(1) - \frac{1}{8} a(1)^2 B(1) - \frac{27}{8} a(1)^2 B(3) \\
& - \frac{1}{2} a(1) a(2) B(2) - \frac{1}{8} a(1) a(2) a(3) \\
& *B(1) - \frac{16}{a(1)} a(2) B(4) + \frac{1}{4} a(1) a(3) B(1) + a(1) a(4) B(2) - a(1) B(2) \\
& + \frac{1}{16} a(2) B(1) - \frac{1}{4} a(2) B(1) + \frac{9}{8} a(2) B(3) - a(2) a(3) B(2) \\
& + \frac{1}{4} a(2) a(4) B(1) + \frac{1}{2} a(2) B(1) - \frac{3}{2} a(2) B(3) - \frac{1}{4} a(3) B(1) \\
& + a(3) B(2) - \frac{2}{a(3)} a(4) B(3) - B(1) \\
D(2) := & - \frac{1}{23040} a(1)^7 B(1) - \frac{7}{180} a(1)^5 B(2) - \frac{1}{960} a(1)^6 a(2) B(1) - \frac{1}{384} a(1)^5 B(1) \\
& - \frac{729}{640} a(1)^5 B(3) - \frac{1}{3} a(1)^4 a(2) B(2) + \frac{1}{384} a(1)^4 \\
& *a(3) B(1) - \frac{5}{12} a(1)^4 B(2) - \frac{40}{3} a(1)^4 B(4) - \frac{1}{96} a(1)^4 a(2) B(1) \\
& - \frac{1}{48} a(1)^3 a(2) B(1) - \frac{81}{16} a(1)^3 a(2) B(3) + \frac{1}{3} a(1)^3 a(3) B(2) \\
& + \frac{1}{24} a(1)^3 a(4) B(1) - \frac{1}{12} a(1)^3 B(1) - \frac{27}{8} a(1)^3 B(3) - \frac{625}{48} a(1)^3 \\
& *B(5) - a(1)^2 a(2) B(2) - \frac{1}{16} a(1)^2 a(2) a(3) B(1) - a(1)^2 a(2) B(2) \\
& - \frac{24}{a(1)} a(2) B(4) + \frac{1}{8} a(1)^2 a(3) B(1) + 2 a(1)^2 a(4) B(2) + \frac{1}{8} \\
& *a(1)^2 a(5) B(1) - 2 a(1)^2 B(2) - 8 a(1)^2 B(4) - \frac{1}{8} a(1)^2 a(2) B(1) - \\
& \frac{27}{8} a(1)^2 a(2) B(3) - 2 a(1)^2 a(3) B(2) - \frac{9}{2} a(1)^2 a(2) B(3) - \frac{125}{4} a(1)^2 \\
& *a(2) B(5) - \frac{1}{4} a(1)^2 a(3) B(1) + 2 a(1)^2 a(3) B(2) - 8 a(1)^2 a(3) \\
& *B(4) + \frac{1}{2} a(1)^2 a(4) B(1) + \frac{9}{2} a(1)^2 a(4) B(3) + \frac{2}{a(1)} a(5) B(2) - a(1) B(1) \\
& - 3 a(1) B(3) + \frac{1}{8} a(2)^2 a(3) B(1) - a(2)^2 B(2) - \frac{1}{2} a(2) a(2) \\
& *B(1) + \frac{1}{2} a(2) a(5) B(1) - 4 a(2) B(4) - 2 a(3)^2 B(2) - \frac{1}{2} a(3) a(3) \\
& *B(1) + a(3) B(1) - 5 a(3) B(5) + 2 a(4) B(2) + 3 a(5) B(3) - 2 B(2)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
D(3) := & - \frac{3}{5120} a(1)^6 B(1) - \frac{9}{40} a(1)^4 B(2) - \frac{3}{256} a(1)^5 a(2) B(1) - \frac{3}{128} a(1)^4 B(1) \\
& - \frac{243}{64} a(1)^4 B(3) - \frac{3}{2} a(1)^3 a(2) B(2) - \frac{3}{2} a(1)^3 B(2) \\
& - \frac{12}{a(1)^2} a(2) B(4) - \frac{3}{64} a(1)^2 a(2)^2 B(1) - \frac{3}{16} a(1)^2 a(2)^2 B(1) - \frac{81}{8} a(1)^2 a(2)^2 B(3) \\
& + \frac{3}{16} a(1)^2 a(4) B(1) - \frac{3}{8} a(1)^2 B(1) - \frac{27}{4} a(1)^2 B(3) - \frac{125}{8} a(1)^2 B(5) \\
& - \frac{3}{2} a(1)^2 a(2) B(2) - 3 a(1)^2 a(2) B(2) - 12 a(1)^2 a(2) B(4) \\
& + 3 a(1)^2 a(4) B(2) + \frac{3}{4} a(1)^2 a(5) B(1) - \frac{3}{a(1)^2} a(1) B(2) - 6 a(1)^2 a(4) B(4) \\
& - \frac{3}{16} a(2)^3 B(1) + \frac{3}{8} a(2)^2 B(1) - \frac{27}{4} a(2)^2 B(3) - \frac{3}{4} a(2)^2 a(4) B(1) \\
& - \frac{3}{2} a(2)^2 B(1) - \frac{15}{2} a(2)^2 B(5) + \frac{3}{2} a(4) B(1) + 3 a(5) B(2) - 3 B(3) \\
D(4) := & - \frac{1}{11520} a(1)^7 B(1) - \frac{7}{90} a(1)^5 B(2) - \frac{1}{320} a(1)^6 a(2) B(1) - \frac{1}{240} a(1)^5 B(1) \\
& - \frac{81}{32} a(1)^5 B(3) - a(1)^4 a(2) B(2) - \frac{1}{96} a(1)^4 a(3) B(1) \\
& - \frac{2}{3} a(1)^4 B(2) - \frac{16}{a(1)^3} a(2) B(4) - \frac{1}{48} a(1)^3 a(2) B(1) - \frac{1}{12} a(1)^3 a(2) B(1) \\
& - \frac{27}{2} a(1)^3 a(2) B(3) - \frac{4}{3} a(1)^3 a(3) B(2) - \frac{1}{12} a(1)^3 a(2) B(1) \\
& - \frac{27}{4} a(1)^3 a(2) B(3) - \frac{125}{4} a(1)^3 a(5) B(5) - \frac{2}{a(1)^2} a(2) B(2) - \frac{4}{a(1)^2} a(2) B(2) \\
& - \frac{32}{a(1)^2} a(2) B(4) - \frac{1}{4} a(1)^2 a(3) B(1) - \frac{27}{4} a(1)^2 a(3) B(2) \\
& + \frac{1}{4} a(1)^2 a(5) B(1) - \frac{2}{a(1)^2} a(2) B(2) - \frac{16}{a(1)^2} a(4) B(4) - \frac{27}{a(1)^2} a(6) B(6) \\
& - \frac{1}{12} a(1)^2 a(2) B(1) - \frac{27}{2} a(1)^2 a(2) B(3) - a(1)^2 a(2) B(1) - \frac{9}{a(1)^2} a(2) B(3) \\
& - 25 a(1)^2 a(2) B(5) + \frac{1}{4} a(1)^2 a(3) B(1) - 4 a(1)^2 a(3) B(2) \\
& + 4 a(1)^2 a(5) B(2) + a(1)^2 a(6) B(1) - 6 a(1)^2 a(3) B(3) - 10 a(1)^2 a(5) B(5) - \frac{4}{3} a(2)^3 B(2) \\
& - \frac{1}{2} a(2)^2 a(3) B(1) - 16 a(2)^2 a(4) B(4) + a(2)^2 a(3) B(1) - 9 a(2)^2 a(3) B(3) \\
& - a(2)^2 a(5) B(1) - 4 a(2)^2 B(2) - 12 a(2)^2 B(6) + 2 a(3)^2 B(2) \\
& - 2 a(3)^2 B(1) + 2 a(5)^2 B(1) + 4 a(6)^2 B(2) - 4 B(4)
\end{aligned}$$

$D(5) := - \frac{5}{9216}a(1)^6 * B(1) - \frac{5}{24}a(1)^5 * B(2) - \frac{5}{256}a(1)^4 * a(2) * B(1) - \frac{5}{384}a(1)^4 * B(1) - \frac{135}{32}a(1)^4 * B(3) - \frac{5}{2}a(1)^3 * a(2) * B(2) - \frac{5}{48}a(1)^3 * a(3) * B(1) - \frac{5}{6}a(1)^2 * B(2) - \frac{20}{3}a(1)^2 * B(4) - \frac{5}{64}a(1)^2 * a(2)^2 * B(1) - \frac{5}{16}a(1)^2 * a(2)^2 * B(1) - \frac{135}{8}a(1)^2 * a(2) * B(3) - \frac{5}{2}a(1)^2 * a(3) * B(2) - \frac{5}{16}a(1)^2 * a(4) * B(1) - \frac{45}{8}a(1)^2 * B(3) - \frac{125}{4}a(1)^2 * B(5) - \frac{5}{2}a(1)^2 * a(2)^2 * B(2) - 5a(1)^2 * a(2) * B(2) - 20a(1)^2 * a(2) * B(4) - \frac{5}{4}a(1)^2 * a(3) * B(1) - \frac{45}{4}a(1)^2 * a(3) * B(3) - 5a(1)^2 * a(4) * B(2) - \frac{10}{2}a(1)^2 * B(4) - \frac{15}{2}a(1)^2 * B(6) + \frac{5}{48}a(2)^2 * B(1) - \frac{5}{8}a(2)^2 * B(1) + \frac{5}{4}a(2)^2 * a(4) * B(1) - \frac{15}{2}a(2)^2 * B(3) + \frac{5}{8}a(2)^2 * B(1) - 5a(2)^2 * B(2) - \frac{5}{2}a(2)^2 * a(4) * B(1) + \frac{5}{2}a(2)^2 * a(6) * B(1) - 5B(5)$
 $D(6) := - \frac{1}{17920}a(1)^7 * B(1) - \frac{1}{20}a(1)^6 * B(2) - \frac{1}{320}a(1)^5 * a(2) * B(1) - \frac{1}{640}a(1)^5 * B(1) - \frac{243}{128}a(1)^5 * B(3) - a(1)^4 * a(2) * B(2) - \frac{3}{128}a(1)^4 * a(3) * B(1) - \frac{1}{4}a(1)^4 * B(2) - \frac{16}{3}a(1)^4 * B(4) - \frac{1}{32}a(1)^3 * a(2)^2 * B(1) - \frac{1}{16}a(1)^3 * a(2)^2 * B(1) - \frac{243}{16}a(1)^3 * a(2) * B(3) - \frac{3}{2}a(1)^3 * a(3) * B(2) - \frac{1}{8}a(1)^3 * a(4) * B(1) - \frac{27}{8}a(1)^3 * B(3) - \frac{375}{8}a(1)^3 * B(5) - 3a(1)^3 * a(2)^2 * B(2) - \frac{3}{16}a(1)^2 * a(2) * a(3) * B(1) - 3a(1)^2 * a(2) * B(2) - \frac{48}{2}a(1)^2 * a(2) * B(4) - \frac{3}{8}a(1)^2 * a(3) * B(1) - \frac{81}{4}a(1)^2 * a(3) * B(3) - \frac{6}{2}a(1)^2 * a(4) * B(2) - \frac{3}{8}a(1)^2 * a(5) * B(1) - 12a(1)^2 * B(4) - 54a(1)^2 * B(6) - \frac{3}{8}a(1)^2 * a(2)^2 * B(1) - \frac{81}{8}a(1)^2 * a(2)^2 * B(3) - 6a(1)^2 * a(2) * a(3) * B(2) - \frac{27}{2}a(1)^2 * a(2) * B(3) - \frac{75}{2}a(1)^2 * a(2) * B(5) - 6a(1)^2 * a(3) * B(2) - 24a(1)^2 * a(3) * B(4) - \frac{3}{2}a(1)^2 * a(4) * B(1) - \frac{27}{2}a(1)^2 * a(4) * B(3) - 6a(1)^2 * a(5) * B(2) - 15a(1)^2 * B(5) - 21a(1)^2 * B(7) + \frac{3}{8}a(2)^2 * a(3) * B(1) - 3a(2)^2 * B(2) - \frac{3}{2}a(2)^2 * a(3) * B(1) + \frac{3}{2}a(2)^2 * a(5) * B(1) - 12a(2)^2 * B(4) + \frac{3}{2}a(3)^2 * a(4) * B(1) - 9a(3)^2 * B(3) - 6a(4)^2 * B(2) - 3a(5)^2 * B(1) + 3a(7)^2 * B(1) - 6B(6)$

$$\begin{aligned}
D(7) := & - 7/46080^6 a(1)^6 B(1) - 7/120^5 a(1)^5 B(2) - 7/768^4 a(1)^4 a(2)^4 B(1) - 189/ \\
& 128^4 a(1)^4 B(3) - 7/6^3 a(1)^3 a(2)^2 B(2) - 7/96^3 a(1)^3 a(3)^2 B(1) - 28/3^2 a(1)^2 \\
& *B(4) - 7/64^3 a(1)^2 a(2)^2 B(1) - 189/16^2 a(1)^2 a(2)^2 B(3) - 7/2^2 a(1)^2 a(3)^2 \\
& *B(2) - 7/16^2 a(1)^2 a(4)^2 B(1) - 175/8^2 a(1)^2 B(5) - 7/2^2 a(1)^2 a(2)^2 B(2) \\
& - 7/8^2 a(1)^2 a(3)^2 B(1) - 28^2 a(1)^2 a(2)^2 B(4) - 63/4^3 a(1)^3 a(3)^2 B(3) - \\
& 7^3 a(1)^3 a(4)^2 B(2) - 7/4^2 a(1)^2 a(5)^2 B(1) - 21^2 a(1)^2 B(6) - 7/48^3 a(2)^3 B(1) \\
& - 63/8^2 a(2)^2 B(3) - 7^2 a(2)^2 a(3)^2 B(2) - 7/4^2 a(2)^2 a(4)^2 B(1) - 35/2^2 a(2)^2 \\
& B(5) - 7/8^2 a(3)^2 B(1) - 14^2 a(3)^2 B(4) - 21/2^2 a(4)^2 B(3) - 7^2 a(5)^2 B(2) - 7 \\
& /2^2 a(6)^2 B(1) - 7^2 B(7) \\
D(8) := & - 1/80640^7 a(1)^7 B(1) - 1/90^6 a(1)^6 B(2) - 1/960^5 a(1)^5 a(2)^4 B(1) - 81/ \\
& 160^5 a(1)^5 B(3) - 1/3^4 a(1)^4 a(2)^2 B(2) - 1/96^4 a(1)^4 a(3)^2 B(1) - 16/3^3 a(1)^3 \\
& *B(4) - 1/48^4 a(1)^3 a(2)^2 B(1) - 27/4^3 a(1)^3 a(2)^2 B(3) - 4/3^3 a(1)^3 a(3)^2 \\
& B(2) - 1/12^2 a(1)^2 a(4)^2 B(1) - 125/6^2 a(1)^2 B(5) - 2^2 a(1)^2 a(2)^2 B(2) - 1 \\
& /4^2 a(1)^2 a(3)^2 B(1) - 32^2 a(1)^2 a(2)^2 B(4) - 27/2^2 a(1)^2 a(3)^2 B(3) - 4 \\
& *a(1)^2 a(4)^2 B(2) - 1/2^3 a(1)^2 a(5)^2 B(1) - 36^2 a(1)^2 a(6)^2 B(6) - 1/12^2 a(1)^2 a(2) \\
& *B(1) - 27/2^2 a(1)^2 a(2)^2 B(3) - 8^2 a(1)^2 a(2)^2 a(3)^2 B(2) - a(1)^2 a(2)^2 a(4)^2 \\
& B(1) - 50^2 a(1)^2 a(2)^2 B(5) - 1/2^2 a(1)^2 a(3)^2 B(1) - 32^2 a(1)^2 a(3)^2 B(4) - 18 \\
& *a(1)^2 a(4)^2 B(3) - 8^2 a(1)^2 a(5)^2 B(2) - 2^2 a(1)^2 a(6)^2 B(1) - 28^2 a(1)^2 B(7) - \\
& 4/3^2 a(2)^2 B(2) - 1/2^2 a(2)^2 a(3)^2 B(1) - 16^2 a(2)^2 B(4) - 18^2 a(2)^2 a(3)^2 B(3) \\
& - 8^2 a(2)^2 a(4)^2 B(2) - 2^2 a(2)^2 a(5)^2 B(1) - 24^2 a(2)^2 B(6) - 4^2 a(3)^2 B(2) \\
& - 2^2 a(3)^2 a(4)^2 B(1) - 20^2 a(3)^2 B(5) - 16^2 a(4)^2 B(4) - 12^2 a(5)^2 B(3) - 8^2 a \\
& 6^2 B(2) - 4^2 a(7)^2 B(1) - 8^2 B(8)
\end{aligned}$$

Fourth order :

```

a(1) := 1/16*A3*SIN(3*SGM*T) + 3/32*A3*SIN(SGM*T) + A*SIN(SGM*T)
a(2) := 25/192*A4*COS(2*SGM*T) - 67/1344*A4*COS(4*SGM*T) + 1/16*A4 - 1/4*A2
        * COS(2*SGM*T) + 1/4*A2
a(3) := - 3/32*A3*SIN(3*SGM*T) + 9/32*A3*SIN(SGM*T)
a(4) := 2*A1*A4*SIN(2*SGM*T) - 2*B1*A4*COS(2*SGM*T) - 1/6*A4*COS(2*SGM*T) + 1/
        24*A4*COS(4*SGM*T) + 1/8*A3
B(1) := - 5/32*A4*COS(3*SGM*T) - A*COS(SGM*T)
B(2) := 1/8*A4*SIN(2*SGM*T) - 3/112*A4*SIN(4*SGM*T)
B(3) := 0
B(4) := - A1*A4*COS(2*SGM*T) - B1*A4*SIN(2*SGM*T)
SGM := - 1/8*A2 + 1

```

Fifth order :

$$\begin{aligned}
 a(1) := & - 11/5376 * A^5 \sin(3*SGM*T) + 163/21584 * A^5 \sin(5*SGM*T) - 137/3072 * A^5 \\
 & \sin(SGM*T) + 1/16 * A^3 \sin(3*SGM*T) + 3/32 * A^3 \sin(SGM*T) + A^3 \sin(SGM*T) \\
 a(2) := & 25/192 * A^4 \cos(2*SGM*T) - 67/1344 * A^4 \cos(4*SGM*T) + 1/16 * A^4 - 1/4 * A^2 \\
 & \cos(2*SGM*T) + 1/4 * A^2 \\
 a(3) := & 3/2 * A1^5 * \cos(3*SGM*T) - 3/2 * A1^5 * \cos(SGM*T) + 3/2 * B1^5 * \sin(3*SGM*T) \\
 & - 3/2 * B1^5 * \sin(SGM*T) + 2195/14336 * A^5 \sin(3*SGM*T) - 5455/157696 * A^5 \\
 & \sin(5*SGM*T) - 1/256 * A^3 \sin(SGM*T) - 3/32 * A^3 \sin(3*SGM*T) + 9/32 * A^3 \\
 & \sin(SGM*T) \\
 a(4) := & 2 * A1^4 * \sin(2*SGM*T) - 2 * A2^4 * \cos(2*SGM*T) - 2 * B1^4 * \cos(2*SGM*T) + 2 \\
 & * B2^4 * \sin(2*SGM*T) - 1/6 * A^4 \cos(2*SGM*T) + 1/24 * A^4 \cos(4*SGM*T) + 1/8 \\
 & * A^4 \\
 a(5) := & - 5/2 * A1^5 * \cos(3*SGM*T) + 5/2 * A1^5 * \cos(SGM*T) - 5/2 * B1^5 * \sin(3*SGM*T) \\
 & + 5/2 * B1^5 * \sin(SGM*T) - 625/6144 * A^5 \sin(3*SGM*T) + 125/6144 * A^5 \\
 & \sin(5*SGM*T) + 625/3072 * A^5 \sin(SGM*T)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B(1) := & 535/7168 * A^5 \cos(3*SGM*T) - 283/7168 * A^5 \cos(5*SGM*T) - 5/32 * A^3 \cos(3* \\
 & SGM*T) - A^3 \cos(SGM*T) \\
 B(2) := & 1/8 * A^4 \sin(2*SGM*T) - 3/112 * A^4 \sin(4*SGM*T) \\
 B(3) := & 2 * A1^5 * \sin(3*SGM*T) - 2 * A1^5 * \sin(SGM*T) - 2 * B1^5 * \cos(3*SGM*T) + 2 * \\
 & B1^5 * \cos(SGM*T) - 1/64 * A^5 \cos(3*SGM*T) + 7/2112 * A^5 \cos(5*SGM*T) - 1/ \\
 & 96 * A^5 \cos(SGM*T) \\
 B(4) := & - A1^5 * \cos(2*SGM*T) - A2^5 * \sin(2*SGM*T) - B1^5 * \sin(2*SGM*T) - B2^5 * \\
 & \cos(2*SGM*T) \\
 B(5) := & 0 \\
 SGM := & - 15/256 * A^4 - 1/8 * A^2 + 1
 \end{aligned}$$

Sixth order :

$$\begin{aligned}
 a(1) := & - 11/5376 * A^5 * \sin(3 * SGM * T) + 163/21504 * A^3 * \sin(5 * SGM * T) - 137/3072 * A^5 * \\
 & \sin(SGM * T) + 1/16 * A^3 * \sin(3 * SGM * T) + 3/32 * A^3 * \sin(SGM * T) + A^5 * \sin(SGM * T) \\
 a(2) := & 7793/43008 * A^6 * \cos(2 * SGM * T) + 27793/827904 * A^6 * \cos(4 * SGM * T) - 50143/ \\
 & 5361664 * A^6 * \cos(6 * SGM * T) - 183/4896 * A^4 + 25/192 * A^4 * \cos(2 * SGM * T) - 67/ \\
 & 1344 * A^4 * \cos(4 * SGM * T) + 1/16 * A^2 - 1/4 * A^2 * \cos(2 * SGM * T) + 1/4 * A^2 \\
 a(3) := & 3/2 * A^2 * A^6 * \sin(3 * SGM * T) - 3/2 * A^2 * A^6 * \sin(SGM * T) + 3/2 * B^2 * A^6 * \cos(3 * SGM * T) \\
 & - 3/2 * B^2 * A^6 * \cos(SGM * T) + 2419/14336 * A^5 * \sin(3 * SGM * T) - 5455/157696 * A^5 * \\
 & \sin(5 * SGM * T) - 5/256 * A^5 * \sin(SGM * T) - 3/32 * A^3 * \sin(3 * SGM * T) + 9/32 * A^3 * \\
 & \sin(SGM * T) \\
 a(4) := & - 2 * A^2 * A^5 * \cos(2 * SGM * T) + 2 * A^3 * A^6 * \sin(2 * SGM * T) + 2 * B^2 * A^6 * \sin(2 * SGM * T) \\
 & - 2 * B^3 * A^6 * \cos(2 * SGM * T) + 347/2688 * A^6 * \cos(2 * SGM * T) - 5843/36960 * A^6 * \cos \\
 & (4 * SGM * T) + 4561/197120 * A^4 * \cos(6 * SGM * T) - 1/96 * A^4 - 3/16 * A^4 * \cos(2 * SGM * \\
 & T) + 1/24 * A^4 * \cos(4 * SGM * T) + 1/8 * A^4 \\
 a(5) := & - 5/2 * A^2 * A^6 * \sin(3 * SGM * T) + 5/2 * A^2 * A^6 * \sin(SGM * T) - 5/2 * B^2 * A^6 * \cos(3 * SGM * T) \\
 & + 5/2 * B^2 * A^6 * \cos(SGM * T) - 785/6144 * A^5 * \sin(3 * SGM * T) + 125/6144 * A^5 * \\
 & \sin(5 * SGM * T) + 235/1024 * A^5 * \sin(SGM * T) \\
 a(6) := & - 105/512 * A^6 * \cos(2 * SGM * T) + 111/1280 * A^6 * \cos(4 * SGM * T) - 27/2560 * A^6 * \cos \\
 & (6 * SGM * T) + 33/256 * A^6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B(1) := & \frac{5}{535/7168} A^5 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) - \frac{5}{283/7168} A^5 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) - \frac{3}{5/32} A^3 \cos(3 \cdot \\
 & SGM \cdot T) - A \cos(SGM \cdot T) \\
 B(2) := & \frac{6}{397/5376} A^6 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) + \frac{6}{2795/34496} A^4 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) - \frac{6}{13765/1005312} \\
 & A^4 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) + \frac{4}{1/8} A^2 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{4}{3/112} A^2 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) \\
 B(3) := & - \frac{6}{2 \cdot A_2^2 \cdot A^6} \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + \frac{6}{2 \cdot A_2^2 \cdot A^4} \cos(SGM \cdot T) + \frac{6}{2 \cdot B_2^2 \cdot A^5} \sin(3 \cdot SGM \cdot T) - \\
 & \frac{5}{2 \cdot B_2^2 \cdot A^5} \sin(SGM \cdot T) - \frac{5}{7/192} A^5 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + \frac{5}{7/2112} A^5 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) + \\
 & \frac{5}{1/96} A^3 \cos(SGM \cdot T) \\
 B(4) := & - \frac{5}{A_2^2 \cdot A^6} \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{6}{A_3 \cdot A^6} \cos(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{5}{B_2^2 \cdot A^6} \cos(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{5}{B_3 \cdot A^4} \\
 & \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{6}{1/96} A^4 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) + \frac{6}{1/3872} A^2 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) - \frac{5}{1/96} \\
 & A^4 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) \\
 B(5) := & 0 \\
 B(6) := & 0 \\
 SGM := & - \frac{4}{15/256} A^4 - \frac{2}{1/8} A^2 + 1
 \end{aligned}$$

Seventh order :

$$\begin{aligned}
 a(1) := & 16139927/35323904 * A^7 \sin(3*SGM*T) + 1371963/54591488 * A^7 \sin(5*SGM*T) \\
 & - 5109337/110297088 * A^7 \sin(7*SGM*T) - 452111/4128768 * A^5 \sin(SGM*T) - \\
 & 11/5376 * A^5 \sin(3*SGM*T) + 163/21504 * A^5 \sin(5*SGM*T) - 137/3072 * A^3 \sin(\\
 & SGM*T) + 1/16 * A^3 \sin(3*SGM*T) + 3/32 * A^3 \sin(SGM*T) + A^3 \sin(5*SGM*T) \\
 a(2) := & 7793/43008 * A^6 \cos(2*SGM*T) + 27793/827904 * A^6 \cos(4*SGM*T) - 50143/ \\
 & 5361664 * A^6 \cos(6*SGM*T) - 183/4096 * A^4 + 25/192 * A^4 \cos(2*SGM*T) - 67/ \\
 & 1344 * A^4 \cos(4*SGM*T) + 1/16 * A^2 - 1/4 * A^2 \cos(2*SGM*T) + 1/4 * A^2 \\
 a(3) := & 3/2 * A^3 * A^7 \cos(3*SGM*T) - 3/2 * A^3 * A^7 \cos(SGM*T) + 3/2 * B^3 * A^7 \sin(3*SGM*T) \\
 & - 3/2 * B^3 * A^7 \sin(SGM*T) + 87907129/529858560 * A^7 \sin(3*SGM*T) + \\
 & 1716238173/33027850240 * A^7 \sin(5*SGM*T) - 45113153/4932730880 * A^7 \sin(7* \\
 & SGM*T) - 49671/229376 * A^5 \sin(SGM*T) + 2419/14336 * A^5 \sin(3*SGM*T) - \\
 & 5455/157696 * A^5 \sin(5*SGM*T) - 5/256 * A^3 \sin(SGM*T) - 3/32 * A^3 \sin(3*SGM* \\
 & T) + 9/32 * A^3 \sin(5*SGM*T) \\
 a(4) := & 2 * A^3 * A^6 \sin(2*SGM*T) + 2 * A^4 * A^7 \sin(2*SGM*T) - 2 * B^3 * A^6 \cos(2*SGM*T) - 2 \\
 & * B^4 * A^6 \cos(2*SGM*T) + 347/2688 * A^6 \cos(4*SGM*T) - 5843/36960 * A^4 \cos(4* \\
 & SGM*T) + 4561/197120 * A^4 \cos(6*SGM*T) - 1/96 * A^4 - 3/16 * A^4 \cos(2*SGM*T) \\
 & + 1/24 * A^4 \cos(4*SGM*T) + 1/8 * A^6 \\
 a(5) := & - 5/2 * A^3 * A^7 \cos(3*SGM*T) + 5/2 * A^3 * A^7 \cos(SGM*T) - 5/2 * B^3 * A^7 \sin(3*SGM* \\
 & T) + 5/2 * B^3 * A^7 \sin(SGM*T) + 1026561/5046272 * A^7 \sin(3*SGM*T) - 6075917 \\
 & /45416448 * A^7 \sin(5*SGM*T) + 173561/11354112 * A^7 \sin(7*SGM*T) - 179905/ \\
 & 2064384 * A^5 \sin(SGM*T) - 785/6144 * A^5 \sin(3*SGM*T) + 125/6144 * A^5 \sin(5* \\
 & SGM*T) + 235/1024 * A^5 \sin(7*SGM*T) \\
 a(6) := & - 105/512 * A^6 \cos(2*SGM*T) + 111/1280 * A^6 \cos(4*SGM*T) - 27/2560 * A^6 \cos(\\
 & 6*SGM*T) + 33/256 * A^6 \\
 a(7) := & - 172529/983040 * A^7 \sin(3*SGM*T) + 172529/2949120 * A^7 \sin(5*SGM*T) - \\
 & 16807/2949120 * A^7 \sin(7*SGM*T) + 53851/196608 * A^7 \sin(SGM*T)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 B(1) := & 9084083/52985856 * A^7 \cos(3*SGM*T) + 4046263/900759552 * A^5 \cos(5*SGM*T) \\
 & - 288815/42893312 * A^7 \cos(7*SGM*T) + 535/7168 * A^3 \cos(3*SGM*T) - 283/ \\
 & 7168 * A^5 \cos(5*SGM*T) - 5/32 * A^3 \cos(3*SGM*T) - A \cos(SGM*T) \\
 B(2) := & 397/5376 * A^6 \sin(2*SGM*T) + 2795/34496 * A^4 \sin(4*SGM*T) - 13765/1005312 * \\
 & A^6 \sin(6*SGM*T) + 1/8 * A^4 \sin(2*SGM*T) - 3/112 * A^2 \sin(4*SGM*T) \\
 B(3) := & 2 * A^7 \sin(3*SGM*T) - 2 * A^5 \sin(SGM*T) - 2 * B^7 \cos(3*SGM*T) + 2 * \\
 & B^5 \cos(SGM*T) - 281/59136 * A^7 \cos(3*SGM*T) - 13213/371712 * A^5 \cos(5* \\
 & SGM*T) + 12231/3627008 * A^7 \cos(7*SGM*T) - 331/43008 * A^5 \cos(SGM*T) - 7/ \\
 & 192 * A^3 \cos(3*SGM*T) + 7/2112 * A^3 \cos(5*SGM*T) + 1/96 * A^1 \cos(SGM*T) \\
 B(4) := & - A^6 \cos(2*SGM*T) - A^4 \cos(2*SGM*T) - B^6 \sin(2*SGM*T) - B^4 \sin(\\
 & 2*SGM*T) - 1/96 * A^6 \sin(4*SGM*T) + 1/3072 * A^4 \sin(6*SGM*T) - 1/96 * \\
 & A^4 \sin(2*SGM*T) \\
 B(5) := & - 161/30720 * A^7 \cos(3*SGM*T) + 13/6144 * A^5 \cos(5*SGM*T) - 3/112640 * A^7 \\
 & \cos(7*SGM*T) - 1/6144 * A^3 \cos(SGM*T) \\
 B(6) := & g \\
 B(7) := & g \\
 SGM := & 2903/172032 * A^6 - 15/256 * A^4 - 1/8 * A^2 + 1
 \end{aligned}$$

Eighth order :

$$\begin{aligned}
 a(1) := & - 2028239/35323904 * A^7 * \sin(3 * SGM * T) + 4812149/1801519104 * A^7 * \sin(5 * SGM * \\
 & T) + 89333/110297088 * A^7 * \sin(7 * SGM * T) - 452111/4128768 * A^5 * \sin(5 * SGM * T) - \\
 & 11/5376 * A^5 * \sin(3 * SGM * T) + 163/21504 * A^5 * \sin(5 * SGM * T) - 137/3072 * A^3 * \sin(\\
 & SGM * T) + 1/16 * A^3 * \sin(3 * SGM * T) + 3/32 * A^3 * \sin(SGM * T) + A * \sin(SGM * T) \\
 a(2) := & - 287765167/454164480 * A^8 * \cos(2 * SGM * T) + 18727945601/231194951689 * A^8 * \\
 & \cos(4 * SGM * T) + 218254093733/116225004994560 * A^8 * \cos(6 * SGM * T) + \\
 & 8437724717/5504927662080 * A^8 * \cos(8 * SGM * T) - 2323537/45416448 * A^6 * \\
 & \cos(6 * SGM * T) + 27793/827904 * A^6 * \cos(4 * SGM * T) - 50143/5361664 * A^6 * \\
 & \cos(6 * SGM * T) - 183/4096 * A^4 * \cos(2 * SGM * T) - 67/1344 * A^4 * \cos(\\
 & 4 * SGM * T) + 1/16 * A^2 * \cos(2 * SGM * T) + 1/4 * A^2 * \\
 & \cos(4 * SGM * T) - 1/4 * A^2 * \cos(2 * SGM * T) + 1/4 * A^2 * \\
 a(3) := & 3/2 * A^8 * \cos(3 * SGM * T) - 3/2 * A^8 * \cos(SGM * T) + 3/2 * B^8 * A^8 * \sin(3 * SGM * T) \\
 & - 3/2 * B^8 * A^8 * \sin(SGM * T) + 111531289/529858560 * A^8 * \sin(3 * SGM * T) + \\
 & 1716238173/33027850240 * A^7 * \sin(5 * SGM * T) - 45113153/4932730880 * A^7 * \sin(7 * \\
 & SGM * T) - 658877/2523136 * A^5 * \sin(SGM * T) + 2419/14336 * A^5 * \sin(3 * SGM * T) - \\
 & 5455/157696 * A^5 * \sin(5 * SGM * T) - 5/256 * A^3 * \sin(SGM * T) - 3/32 * A^3 * \sin(3 * SGM * \\
 & T) + 9/32 * A^3 * \sin(SGM * T) \\
 a(4) := & 2 * A^7 * \sin(2 * SGM * T) + 2 * A^8 * \sin(2 * SGM * T) - 2 * B^8 * A^8 * \cos(2 * SGM * T) - 2 * \\
 & B^8 * A^8 * \cos(2 * SGM * T) + 8971967/24837120 * A^8 * \cos(2 * SGM * T) - 2757797951/ \\
 & 18578165760 * A^8 * \cos(4 * SGM * T) - 109223595233/1709191249920 * A^8 * \cos(6 * SGM * \\
 & T) + 62676827/7769051136 * A^8 * \cos(8 * SGM * T) - 409265/2483712 * A^6 * \\
 & \cos(6 * SGM * T) - 5843/36960 * A^6 * \cos(4 * SGM * T) + 4561/197120 * A^4 * \\
 & \cos(6 * SGM * T) - 1/96 * A^4 * \cos(2 * SGM * T) + 1/24 * A^4 * \cos(4 * SGM * T) \\
 & + 1/8 * A^4
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 a(5) := & -5/2^8 A^8 \cos(3^8 SGM^8 T) + 5/2^8 A^8 \cos(SGM^8 T) - 5/2^8 B^8 A^8 \sin(3^8 SGM \\
 & *T) + 5/2^8 B^8 A^8 \sin(SGM^8 T) + 1954723/15138816 A^8 \sin(3^8 SGM^8 T) - \\
 & 6075917/45416448 A^8 \sin(5^8 SGM^8 T) + 173561/11354112 A^7 \sin(7^8 SGM^8 T) - \\
 & 41645/3244832 A^7 \sin(SGM^8 T) - 785/6144 A^5 \sin(3^8 SGM^8 T) + 125/6144 A^5 \\
 & \sin(5^8 SGM^8 T) + 235/1024 A^5 \sin(SGM^8 T)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 a(6) := & 489131/9461768 A^8 \cos(2^8 SGM^8 T) - 1394853/7884888 A^8 \cos(4^8 SGM^8 T) + \\
 & 1697867/15769688 A^8 \cos(6^8 SGM^8 T) - 2759329/274391848 A^8 \cos(8^8 SGM^8 T) \\
 & + 3841/270336 A^6 - 105/512 A^6 \cos(2^8 SGM^8 T) + 111/1288 A^6 \cos(4^8 SGM^8 T) \\
 & - 27/2568 A^6 \cos(6^8 SGM^8 T) + 33/256 A^6
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 a(7) := & -172529/983048 A^7 \sin(3^8 SGM^8 T) + 172529/2949128 A^7 \sin(5^8 SGM^8 T) - \\
 & 16807/2949128 A^7 \sin(7^8 SGM^8 T) + 53851/196608 A^7 \sin(SGM^8 T)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 a(8) := & -11/48 A^8 \cos(2^8 SGM^8 T) + 1669/11520 A^8 \cos(4^8 SGM^8 T) - 11/288 A^8 \cos(\\
 & 6^8 SGM^8 T) + 1/315 A^8 \cos(8^8 SGM^8 T) + 385/2304 A^8
 \end{aligned}$$

B(1) := $\frac{9084083}{52985856}A^7 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + \frac{4846263}{900759552}A^7 \cos(5 \cdot SGM \cdot T)$
 $- \frac{288815}{42893312}A^7 \cos(7 \cdot SGM \cdot T) + \frac{535}{7168}A^5 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) - \frac{283}{7168}A^5 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) - \frac{5}{32}A^3 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) - A \cos(SGM \cdot T)$

B(2) := $-\frac{43362113}{105971712}A^8 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) + \frac{751065925}{4334905344}A^8 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) + \frac{285780932641}{7748333666304}A^8 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) - \frac{1941571271}{366995177472}A^6 \sin(8 \cdot SGM \cdot T) + \frac{397}{5376}A^6 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) + \frac{2795}{34496}A^6 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) - \frac{13765}{1005312}A^4 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) + \frac{1}{8}A^4 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{3}{112}A^2 \sin(4 \cdot SGM \cdot T)$

B(3) := $2A^8 \sin(3 \cdot SGM \cdot T) - 2A^8 \sin(SGM \cdot T) - 2B^8 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + 2B^8 \cos(SGM \cdot T) - \frac{2531}{39424}A^7 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) - \frac{13213}{371712}A^7 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) + \frac{12231}{3627008}A^5 \cos(7 \cdot SGM \cdot T) + \frac{8161}{157696}A^5 \cos(SGM \cdot T) - \frac{7}{192}A^5 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + \frac{7}{2112}A^3 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) + \frac{1}{96}A \cos(SGM \cdot T)$

B(4) := $-A^8 \cos(2 \cdot SGM \cdot T) - A^8 \cos(2 \cdot SGM \cdot T) - B^8 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - B^8 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{55739}{7096320}A^8 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) - \frac{512783}{37847040}A^8 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) + \frac{9223}{14192640}A^6 \sin(8 \cdot SGM \cdot T) - \frac{7031}{236544}A^6 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{1}{96}A^4 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) + \frac{1}{3072}A^2 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) - \frac{1}{96}A \sin(2 \cdot SGM \cdot T)$

B(5) := $-\frac{161}{30720}A^7 \cos(3 \cdot SGM \cdot T) + \frac{13}{6144}A^7 \cos(5 \cdot SGM \cdot T) - \frac{3}{112640}A^7 \cos(7 \cdot SGM \cdot T) - \frac{1}{6144}A^7 \cos(SGM \cdot T)$

B(6) := $-\frac{11}{9216}A^8 \sin(2 \cdot SGM \cdot T) - \frac{77}{76800}A^8 \sin(4 \cdot SGM \cdot T) + \frac{73}{230400}A^8 \sin(6 \cdot SGM \cdot T) - \frac{1}{534528}A^8 \sin(8 \cdot SGM \cdot T)$

B(7) := 0

B(8) := 0

SGM := $\frac{6}{2903/172032}A^6 - \frac{4}{15/256}A^4 - \frac{2}{1/8}A^2 + 1$