非與形安定論とその応用

原研 藤村 蓮 (Kacru Fujimura)

1. はじめに

2D定常平行流に加之られた損乱の時间的消長を考之る。 類乱振幅が強限しる極限では預乱個の非解形相互作用を避視することができるので、類乱をFeurier分解した場合各モードを記述する方程式は1自由度系に帰着できる。逆に預乱振幅が指限の場合には預乱方程式の非解形性のため Fourier medeに対する方程式は打じることがない。この世限自由度系をある条件の下に有限小数自由度系に neduce し、解の性度、とくに預乱振幅の時間発展と平衡状態を調べることが流れの非 約形安定論の課題である。

本稿では、今日まで、とりわけ過去30年間にわたり急速 に進展してきた非律形安定論の歴史をごく大雑地に振り返り、 さらに非律形論の応用例として、鉛直平板间自然対流におけ 3 複乱の高調波芸鳴に対す3 解析を簡単に紹介する。

2、非鸽形安定篇《進展

取り扱う问題を明確に下るため、ここで(ス流秋岡数 Y(x,y,t)に対する渦度方程式)

$$\frac{\partial \Delta \Psi}{\partial t} - J(\Psi, \Delta \Psi) - R^{-1} \Delta^2 \Psi = 0, \qquad (2.1)$$

から出発しよう。2D定帝平行主流として

$$\frac{\partial \Psi}{\partial y} = U(y), \quad \partial \Psi_{\partial x} = 0, \tag{2.2}$$

を満たす中を送び、中を中のすわりに摂動する: 4=平+平(x,y,t)、 類乱成分平は非維形類乱方程式

$$\frac{\partial \hat{\varphi}}{\partial t} + \mathcal{U} \frac{\partial \hat{\varphi}}{\partial x} - \mathcal{U}'' \frac{\partial \hat{\varphi}}{\partial x} - \mathcal{R}'' \hat{\varphi} \hat{\varphi} = J(\hat{\varphi}, \hat{\varphi}), \qquad (2.3)$$

に支配される。ここでいきなり中をFourier分解すると、

$$\hat{\Psi} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \bar{\Phi}_n(y,t) e^{inxx}, \quad \bar{\Phi}_{-n} = \bar{\Phi}_n^*, \quad (2.4)$$

各Formien あら中、11

[%+3n+inxは5n-inxは"-R"5n]車n=デサ(車m,5nm車n-m),(2.5)から明らかなように有限自由度で闭じることができてい。ここにろn=20/2y2-n2x2.

言うまでもなく (2.3) 式又に (2.5) 式で右边を左辺に比べて無視 (, Φn(y,t)=Φn(y)e-inxc+ x 置くことにより, 中に対する On-Semmenfeld 方程式

$$[ix(u-c)s,-ixu''-R''s,^2]\phi,=0,$$
 (2.6)

が得られる。中には同次電界条件,例之は"Y=±1で中=中=0

か課せられ、(2.6) はこのBCsの下に組形固有値問題を構成してる。これを解くことにより、与えられた以に対(Imc=0とによりなような分岐互(中立Reynolds数) R=R。か本まる。

多数自由度系五3、は世限自由度系を分岐点近傍によいて 小数自由度系入 reduce する方法として、分岐理論では Liapunov-Schmidt reduction や Center manifold 法か知ら れてより、これらの方法で reduction を行った後、さらに従 属度数の非維形度理により方程式を取り扱い易い normal form にreduceし、分岐特性を調べてゆくのが、分岐理論によりする 一般的な解析于順である。これについては岡本久氏によって 本講完録で詳細に議論されているので、ここでは流れの安定 論の分野で独自に発展してきた弱非得形理論に進らと終る。

弱排約形理論によいて歴史的にみても最も中心的役割を早たしてきたのは、1944年にLandauによって物理的考察から導入された複乱振幅に対する方程式(Landau 方程式、又はStuant-Landau 方程式)

$$dA/dt = \lambda_1 A + \lambda_2 (Al^2 A + \cdots,$$
 (2.7)

である。Landauは紹介帽幅率か位相速度に比べて十分小さく、損乱振幅も十分小さい状況を考え、振幅の時间変化か「Al2a~特級数に展開できることを不吸した。さらに(2.7)を3次までで打ち切ると、Reda<0 の場合 superculated 分岐が、

Rela>oaときsubcritical 分岐が得られることを示している。

その後 Stuart の 理幅率展 (日は Stewartson & Stuart や Eagles によって多重尺度法を用いて整備され、またWatson の振幅展 (日は Harbert や Sen & Venkates warlul=よって改良されて今日に到っている。 最近ではこれら両規動展 (日旬 & 等価性や Cenkar manifold法と Stuart - Watson理論 a 国 & 等価性なども 明らか (こされてきているか、この近り a 関係を Fig.1に設明なしに 「一下。紙面 a 都合上 これ以上詳細に言及することはできない ので、詳細については例をは 膵村、水島、後藤;後藤; Craik ないを参照して頂きたい。

ところで、以上に證明した弱非維形理論では展開の基盤か 御形段階(2.6)であ、た。 (2.6) 式では良く知られているよう に、U=cとなる互y=ycを中心とした非粘性特要性は高 Reynolds数下a粘性項によって抑之られるという粘性酶界層 か中心的役割を果たしているので、非絆形性の寄工は粘性の 影響より十分小さいことが前提を件となっている。Lin も Benney 1下二九七1个全人送日状泡を考之た。即与非鸽形性か 非粉性特景性を抑えており、特性の景響は非維州外生より十分 小さく高次の寄与として現られるといういわいる非維那臨界 庸の概念を導入したのである。彼らの考えは1969年にBenney を Bengeron & Davis (=よって独立に非維那 臨界層理論として 確立され、現在ではStuart-Watson 理論と好対をなしてい 3. さて、free shear layer Tranhton 現就の空間発展を考 之3と,頓如(大最初與形價幅を行い, 粘性臨界層(是可人) 非钾形段階を経験した後,非钾形酶界層に支配される negime 1-空入して振幅が平衡値に達する。この複雑な過程(粘性酶 界層や非維那臨界層の各々自体が決して単純でないので、 そ の一方から他方への移行は複雑をきわめる)をmatched asymptotic expansion E用いて接続するという非常に大規模な解析手法 が Goldsteinを中ひとするプルーフ·で最近確立されている ことを指摘して、豬样維形論の応用例に移りたい。

3、鉛直平板间自然对流によけ了高調波技喝

X=±Lにおかれた2枚の無限に広い平板に挟まれた流体層を考える。2平板が各々一样温度では5丁に保たれている場合、温度差によって自動対流が誘起される。本節ではこの自動対流が誘起される。本節ではこの自動対流中の複乱の高調波芒鳴を取り扱う。流体運動をX-モ平面内の2D運動に限定する。流れ関数と温度の複乱成分平(x,z,t)と个(x,z,t)は各マ次の非領形類乱方程式及び境界条件

$$\int \frac{\partial \angle \hat{\psi}}{\partial t} + W \frac{\partial \triangle \hat{\psi}}{\partial z} - W'' \frac{\partial \hat{\psi}}{\partial z} - G'' \triangle^2 \hat{\psi} + G'' \frac{\partial \hat{f}}{\partial x} = J(\hat{\psi}, \triangle \hat{\psi}), \quad (3.1)$$

$$\int \frac{\partial \angle \hat{\psi}}{\partial t} + W \frac{\partial \hat{f}}{\partial z} - (PG)^{-1} \triangle^2 + \frac{\partial \hat{\psi}}{\partial z} = J(\hat{\psi}, \hat{f}), \quad (3.2)$$

$$\hat{\psi} = \hat{\mathcal{Y}}_{0x} = \hat{\tau} = 0 \quad \text{at} \quad x = \pm 1, \tag{3.3}$$

によって支配される。ここに $W(x) \equiv x(1-x^2)/6$ (ま主流場であり、対応する温度分布は $\tau = x$ である。また。 $G = \frac{Yg L^2 \delta \Gamma}{\nu^2}$ は Grash f 数 $P = \nu/\kappa$ は Prand+1 数であり、 Yは趣情候係数 g は 車力加速度、 ν は動物性率、 κ は 熱抗散係数である。

(3.1)-(3.3)式に対応する組織は選集詳細に検討されてきたか、ここでは3種類のPの値に対する中立安定曲約をFig.2に示した。国中、実践は定在波頓乱に対する中立安定曲約を、破綻は伝播波頓乱に対する中立曲線を意味する。伝播波頓乱としては、同一位相速度を有しまと方のに伝播する波の対か同時に可能となる。さて、P=cの曲線(定在波)上

波数比1:2日共鳴が厳密に生ずる又呈を+印です「た。この共鳴についてはすでにFujimunaをMijushimaがPood極限である程度の解析を行。ているが、如何なるPadeに対してもこの共鳴は厳密に存在(得る。ここではPrand+1数の影響を調べると共にさらに詳細な議論を行っている。Possonの1に起こるが、その点をのかする「た。最後にPoinnade」で対して波数比1:1:2日本共鳴が伝播波と定た波间に起こるが、その点をのかする「た。最後にPoinnade」で対して波数比1:1:2日本共鳴が伝播波と定た波间で可能であるが図は

紙面の都合上、以上の場合に対する振幅方程式の導出法を書くことができないので、多重尺度法を用いた弱排件形摄動展制を行うことにより得られた結果だけを以下に示す。

1:25鳴み場合,基本波の振幅をAi, ヤ1 高調波の振幅をA2とおくとき、A1, A2の時间発展は

$$\begin{cases} dA_{1}/dt = \left[\mathcal{E}(\lambda_{1}+\mathcal{E}\lambda_{1}^{(1)}) + \mathcal{E}\beta_{1} \right] A_{1} + \left[\lambda_{-12} + \mathcal{E}\lambda_{-12}^{(1)} \right] A_{1}^{*} A_{2} \\ + \lambda_{-111} |A_{1}|^{2} A_{1} + \lambda_{-221} |A_{2}|^{2} A_{1}, \qquad (3.4) \\ dA_{2}/dt = \left[\mathcal{E}(\lambda_{2} + \mathcal{E}\lambda_{2}^{(1)}) + \mathcal{E}\beta_{2} \right] A_{2} + \left[\lambda_{11} + \mathcal{E}\lambda_{11}^{(1)} \right] A_{1}^{2} \\ + \lambda_{-112} |A_{1}|^{2} A_{2} + \lambda_{-222} |A_{2}|^{2} A_{2}, \qquad (3.5) \end{cases}$$

で記述される。ここに $\xi = G_0^{-1} - G^{-1}$, $\delta = x - x_0$ であり、 $(x,G) = (x_0,G_0)$ としては $Fig. 2 + 印 a 基本波側 a 値をとる。(3.4)、(3.5) では分岐 10ラナケーを、<math>\delta$ のといるような形で方程式a 保数に

含すれる以かを示したか、以下では簡単に

$$\int dA_1/dt = \lambda_1 A_1 + \lambda_{-12} A_1^* A_2 + \lambda_{-111} |A_1|^2 A_1 + \lambda_{-221} |A_2|^2 A_1, \qquad (3.6)$$

$$-dA_2/dt = \lambda_2 A_2 + \lambda_{11} A_1^2 + \lambda_{-1/2} |A_1|^2 A_2 + \lambda_{-222} |A_2|^2 A_2, \qquad (3.7)$$

の形を用いる。

1:1:2芒鸣《楊合韦同样下,A, とAZE 1 对《位播波檀乱》 振幅,A3E 定在波檀乱》振幅とす3 と,

 $dA_{1}/dt = \lambda_{1}A_{1} + \lambda_{-23}A_{2}^{*}A_{3} + \lambda_{-111}|A_{1}|^{2}A_{1} + \lambda_{-221}|A_{2}|^{2}A_{1} + \lambda_{-331}|A_{3}|^{2}A_{1}, (3.8)$

 $dA_2/dt = \lambda_2 A_2 + \lambda_{-13} A_1^* A_3 + \lambda_{-112} |A_1|^2 A_2 + \lambda_{-222} |A_2|^2 A_2 + \lambda_{-332} |A_3|^2 A_2, (3.9)$

 $dA_3/dt = \lambda_3 A_3 + \lambda_{12} A_1 A_2 + \lambda_{-1/3} |A_1|^2 A_3 + \lambda_{-223} |A_2|^2 A_3 + \lambda_{-333} |A_3|^2 A_3, (3.10)$

すた、1:1:2:4芒鳴の場合ではり対文化播收振幅をAi, A2,

波数比が4の関係にある定に波の振幅をA3、A4とおくと、

dAi/dt = \(\lambda_1 A_1 + \lambda_{-23} A_2 \hota_3 + \lambda_{-111} \lambda_1 \lambda_1 + \lambda_{-221} \lambda_2 \rangle^2 A_1

$$+\lambda_{-331}|A_3|^2A_1+\lambda_{-441}|A_4|^2A_1+\lambda_{-2-34}A_2^*A_3^*A_4,$$
 (3.11)

dA2/dt = 12 A2 + 1-13 A1 A3 + 1-112 (A1/2A2 + 1-222 |A2/2A2

$$+\lambda_{-332}|A_{3}|^{2}A_{2}+\lambda_{-442}|A_{4}|^{2}A_{2}+\lambda_{-1-34}A_{1}^{*}A_{3}^{*}A_{4},$$
 (3.12)

dA3/d+ = 13 A3 + 1,12A, A2 + 1-34 A3 A4 +1-113/A1/A3+1-223/A2/H3

 $+\lambda_{-333} |A_3|^2 A_3 + \lambda_{-443} |A_4|^2 A_3 + \lambda_{-1-24} A_1^* A_2^* A_4,$ (3.13)

dA4/d+ = 14/4+1/33 A3 + 1-114 |A1/2A4+1-224 |A2/2A4

 $+\lambda_{-334} [A_3]^2 A_4 + \lambda_{-444} [A_4]^2 A_4 + \lambda_{123} A_1 A_2 A_3,$ (3.14)

か得られる。==てはChebyshev多頂式展開を用いることにより(3.6)-(3.14)式に含まれる全での保教値を決定した。

(I) 1:2 共鳴 C(2) 直交対称群の作用の下に不変な normal form かずめられ、分岐特性に関する非常に詳細な解析が行われている。(Dangelmaya; Dangelmaya & Armbruster, Procter & Jones; Armbruster, Guckenheimer & Holmes; Okamote & Tavener) 以下では最も 単純なる通りの平衡解を示すにとどめる。
An(t)=an(t)e in no(t), n=1.2; ③= 22-22, と下くと day/d+=das/dt = d@/dt=0 を満足する平衡解として以下のものが得られる。

Ofure mode (P): a1=0, a3=-12/11-222

- (a) Mixed mode (M): $\Im = m \pi L$, m = 0, 1, 2, ..., $\begin{cases}
 a_1^2 \left[\lambda_{11} (-1)^m + \lambda_{-112} a_2 \right] = -\left[\lambda_2 a_2 + \lambda_{-222} a_2^3 \right], \\
 \lambda_{-111} a_1^2 = -\left[\lambda_1 + \lambda_{-12} (-1)^m a_2 + \lambda_{-221} a_2^2 \right]
 \end{cases}$
- 3 Traveling wave (T):

 $\begin{cases} \alpha_{2}^{2} = (\lambda_{2} + 2\lambda_{1})\lambda_{11} / [2\lambda_{-112}\lambda_{-12} + 4\lambda_{-111}\lambda_{-12} - \lambda_{11}(2\lambda_{-221} + \lambda_{-222}), \\ \alpha_{1}^{2} = -2\lambda_{-12}\alpha_{2}^{2}/\lambda_{11}, \Theta = \cos^{-1}[-(\lambda_{1} + \lambda_{-111}\alpha_{1}^{2} + \lambda_{-221}\alpha_{2}^{2})/\lambda_{-12}\alpha_{2}]. \end{cases}$

P=10⁻⁵, 1, 10 a場合の分岐曲牌をFigs、3-5に示す。国中 実律は安定は平衡解を、破御は不安定は平衡解を意味する。 (II) 1:1:2 生鳴 hopf 分岐と定常解への分岐の同時に起こ 3 問題についてはこれまで同分岐間の相互作用が調べられ、 とくにTaylon-Courtに流の問題において詳細な研究が行われてきた。 (Lang ford; Lang ford & Icoss; Icoss & Lang ford) Lang ford; Colubitsky & Skwant; Colubitsky & Lang ford)

An=aneidn, n=1,2,3, O= Ns-V.-V2 とよくと, 平衡解 として以下のは種類が容易にずめられる。

- O Pure mode (P): a=a=0, a=-13/1-333, ZII a=- lir/l-inr, a=a=0, x1x a=0, a=-lir/l-2227, a=0.
- @ Mixed mode (M): α,=a2, Θ=mπ, m=0,1,2,...,

 $\alpha_{1}^{2} = -\left[\lambda_{1r} + \lambda_{-23r}(-1)^{m}\alpha_{3} + \lambda_{-351r}\alpha_{3}^{2}\right]/(\lambda_{-111r} + \lambda_{-221r}),$ $\left[(\lambda_{-111r} + \lambda_{-221r})\lambda_{-333} - 2\lambda_{-113r}\lambda_{-331r}\right]\alpha_{3}^{2}$ $-\left[\lambda_{12}(-1)^{m}\lambda_{-331r} + \lambda_{-113r}\lambda_{-23r}(-1)^{m}\right]\alpha_{3}^{2}$

 $[(\lambda_{-111}r+\lambda_{-221}r)\lambda_3-(\lambda_{12}\lambda_{-23}r+2\lambda_{-113}r\lambda_{1}r)]\alpha_3-\lambda_{12}\lambda_{1}r(-1)^m=0.$

なか、 0,702かつの10240というモート"については、乱数を initial guess として用いたNewton 法による数値計算を行っ て組織的に捜したが現在すてのところみつかっていない。得 られた分岐曲縄モFig.もにまとめた。

- (面) 1:1:2:4 共鳴 An=anein, n=1,2,3,4, @ = 24-21-22-23, ◎2= 13-11-12, ◎3= 14-2小 とよくと以下のようは解か可能 てある。
- O Pure mode (P): a=-lir/1-111, a=a=a=0 2/‡a=+0, a=a==a=0
- @ Pare mode (P2). a4 + c, a,=a==a==0 [(I) (E =].
- 3 Mixed mide (M2): a1=a2=0, a3+0, a4+0 [(I) @ & 17-].
- @ Traveling wave (T1): a.=a2=0, a3+0, a4+0, G3+mT1, m=0,1,2 「「田田と同一モードコ

6 Symmetric mixed mode (M)

a=a2 +0, a3 +0, a4 +0, @= kT, @= mT,

1 Traveling wave (T)

a, +a2, a, a2 +0, a3 +0, a4 +0, Q1 + kT, Q2 + mT.

なお、⑥、⑥は陽に解を表現することができない。ここではNewton法を用いた数値計算により対応する解を求め、それらの安定性を調べた。得られた分岐曲絆をFigs.7-10に示す。非対称(a.+a2)なMixed mode は現在までのとこるみつかっていない。

4. F & M

本稿では流れる非領形安定論の歴史的進展を概観し、弱非

解形理論の応用例として鉛直平板面自知対流における高調液

芸鳴の解析を簡単に紹介した。この自動対流率では場なる。

種類の共鳴、即ち次数比1:20定在波面共鳴、1:1:20位播

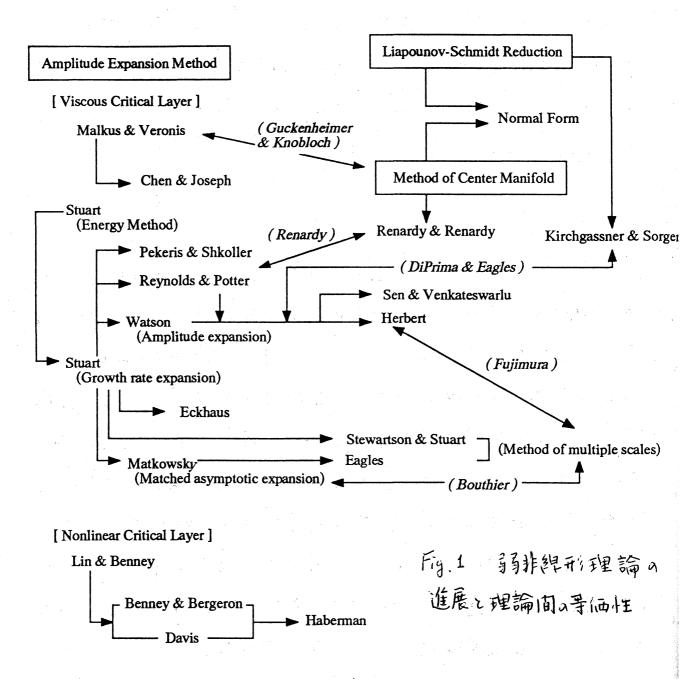
波/定在波面共鳴、及び1:1:2:4の位播次/定在波面共鳴が
可能である。ここではこれら芸鳴時の振幅が程式を示し、その平衡解と安定性を調べ、数値計算結果を分版曲線として示した。紙面の都合上、2節、3節ともと舌足らずのする、解

析の大部分と関連した研究紹介の大部分を割受せずるを得な

が、たか、分歧理論的アプローチを用いなくてもこのように

豊富な分岐現象を弱非維が連近理論を用いて記述しうるということをある程度は demonstrationすることができたみではないかと考えている。

最後にHopf/steady state interactionに関する文献を研究 会立打にお教之頂いた団本文博士に深く感謝致します。



References

Armbruster, D., Guckenheimer, J. & Holmes, P. 1988 Physica 29D, 257

Benney, D.J. & Bergeron, R.F. 1969 Stud. Appl. Math. 48, 181

Bouthier, M. 1984 Quart. Appl. Math. 41, 407

Chen, T.S. & Joseph, D.D. 1973 J. Fluid Mech. 58, 337

Craik, A.D.D. 1985 Wave interactions and fluid flows (Cambridge Univ. Press)

Dangelmayr, G. 1986 Dyn. Stab. Systems 1, 159

Dangelmayr, G. & Armbruster, D. 1986 Cont. Math. 56, 53

Davis, R.E. 1969 J. Fluid Mech. 36, 337

DiPrima, R.C. & Eagles, P.M. 1977 Phys. Fluids 20, 171

Eagles, P.M. 1973 J. Fluid Mech. 57, 149

Fujimura, K. 1989 Proc. R. Soc. Lond. A424, 373

Fujimura, K. & Mizushima, J. 1987 in Nonlinear wave interactions in Fluids ed. Miksad,

R.W., Akylas, T.R. & Herbert, T. AMD-Vol.87, 123

Fujimura, K., Mizushima, J. & Gotoh, K. 1985 Nagare 4, 213 [in Japanese]

Goldstein, M.E. & Leib, S.J. 1988 J. Fluid Mech. 191, 481

Goldstein, M.E. & Leib, S.J. 1989 J. Fluid Mech. 207, 73

Goldstein, M.E. & Leib, S.J. 1989 J. Fluid Mech. 207, 97

Golubitsky, M. & Langford, W.F. 1988 Physica 32D, 362

Golubitsky, M. & Stewart, I. 1986 SIAM J. Math. Anal. 17, 249

Gotoh, K. 1986 in Sciences of turbulent phenomena (Univ. Tokyo Press) [in Japanese]

Guckenheimer, J. & Knobloch, E. 1983 Geophy. Astrophys. Fluid Dynamics 23, 247

Haberman, R. 1972 Stud. Appl. Math. 51, 139

Herbert, T. 1980 AIAA Jl 18, 243

Herbert, T. 1983 J. Fluid Mech. 126, 167

Iooss, G. & Langford, W.F. 1980 Annals NY Acad. Sci. 357, 489

Kirchgässner, K. & Sorger, P. 1969 Quart. J. Mech. Appl. Math. 22, 183

Landau, L.D. 1944 Dokl. Akad. Nauk SSSR 44, 339

Langford, W.F. 1979 SIAM J. Appl. Math. 37, 22

Langford, W.F. 1983 in Nonlinear Dynamics and Turbulence ed. Barenblatt, G.I.,

Iooss, G. & Joseph, D.D. (Pitman) 215

Langford, W.F. & Iooss, G. 1980 in Bifurcation problems and their numeircal solutions ed. Mittelman, H.D. & Weber, J. (Birkhauser) 103

Leib, S.J. & Goldstein, M.E. 1987 Bull. APS Meeting FD3

Lin, C.C. & Benney, D.J. 1964 in Proc. XIth Intl. Congr. Appl. Mech. ed. by Görtler, H. (Springer) 797

Malkus, W.V.R. & Veronis, G. 1958 J. Fluid Mech. 4, 225

Matkowsky, B.J. 1970 SIAM J. Appl. Math. 18, 872

Okamoto, H. & Tavener, S.J. 1990 preprint

Pekeris, C.L. & Shkoller, B. 1969 J.Fluid Mech. 39, 629

Proctor, M.R.E. & Jones, C.A. 1988 J. Fluid Mech. 188, 301

Renardy, Y. 1989 Phys. Fluids A1, 1666

Renardy, M. & Renardy, Y. 1988 Physica 32D, 227

Reynolds, W.C. & Potter, M.C. 1967 J. Fluid Mech. 27, 465

Sen, P.K. & Venkateswarlu, D. 1983 J. Fluid Mech. 133, 179

Stewartson, K. & Stuart, J.T. 1971 J. Fluid Mech. 48, 529

Stuart, J.T. 1958 J. Fluid Mech. 4, 1

Stuart, J.T. 1960 J. Fluid Mech. 9, 353

Watson, J. 1960 J. Fluid Mech. 9, 371

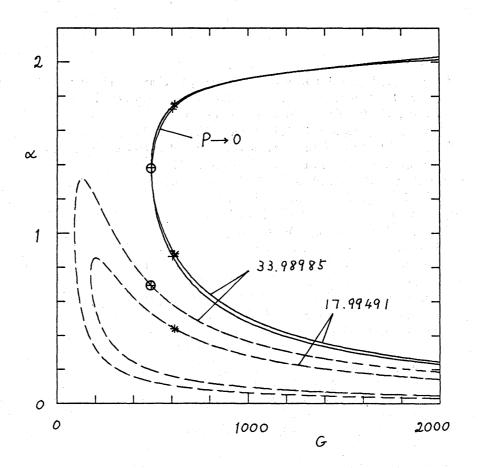


Fig. 2 中立安定曲得 2 3 種類 a 英唱条件

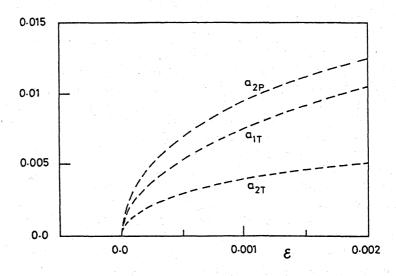


Fig.3 1:2只喝a份收曲。P=10-5

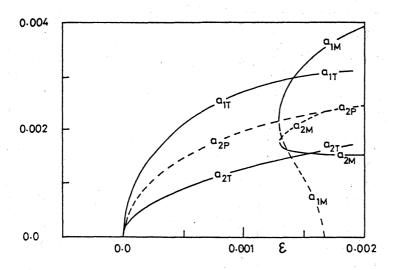


Fig. 4 1 2 共鸣 a 分歧曲律, P=1.0

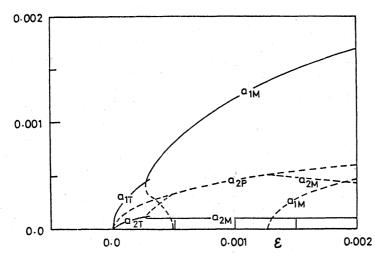


Fig. 5. 1:2共鳴 局级曲绰, P=10.

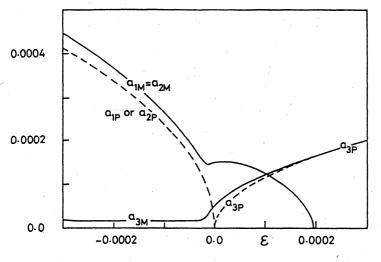
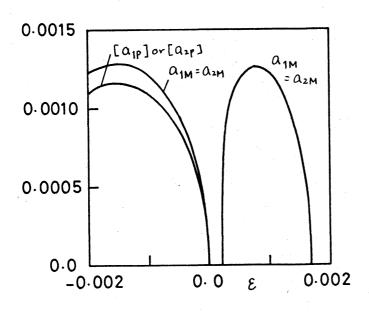


Fig. 6 1:1:2 共鳴內分歧曲律



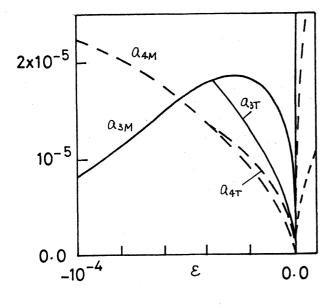
0.001 a_{3M} a_{3M2} a_{4M} a_{4M}

Fig.7. 1:1:2.4共鳴。

/ 战曲组 []内は不安定平衡解。

それ以外は安定平衡解

Fig. 8 Fig.7に対応 す3 a3, a4 n 平衡解



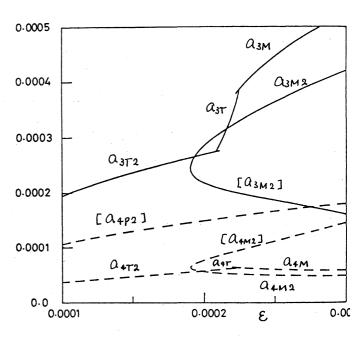


Fig.9 Fig.8a抗大国

Fig.10 Fig.8a抗大团