水底の隆起に捕捉される浅水波の実験

横浜国大、工 宮井博基 (Hiroki Miyai)

橫浜国大、工 渡辺慎介 (Shinsuke Watanabe)

1、はじめに

図1に示したように、波の進行方向を横切る断面で一様でない地 形上を伝播する波は非常に興味深い挙動を示す。隆起上での振幅の 大幅な増加、波の屈折、回折、そして二次元相互作用と様々な現象 が見られる。これらの現象を解釈するため、波の伝播速度を考える ことは非常に有効である。浅水波の伝播速度は水深の平方根に比例 しているため、隆起部分での伝播速度は遅く、隆起境界で波は屈折 を起こすと考えられる。また、

隆起サイズが適当であれば、屈 折により隆起の両端から進行す る波は隆起中心で相互作用を起 こす。ある角度をなして相互作 用を起こす二つの波の研究は数 多くなされてきた。⁽¹⁾⁽²⁾隆起上に 現れる波の特徴はこの結果を適



192

用することにより説明できる。本研究は水底の隆起の幅、高さを変 化させたときの浅水波の非線形挙動を実験的に観測し、その波形の 特徴について議論したものである。

ところで、理論的側面では、エッジ層の考え方を適用し、KP方 程式⁽³⁾に境界値問題を課すことにより、この様な場合のシュミレー ションが杉本氏らにより行われた。⁽⁴⁾ここで、エッジ層とは一般に 水底の変化が波の波長に比べ急激に変化し、浅水波近似が破綻する ところに発生する層であり、KP方程式は一次元の伝播方向(x方 向)に比べ、y方向の波の変化が小さいときの二次元波を記述する 方程式である。これによると、y方向の波高変化が隆起から離れる に従って指数関数的に減少し、あたかも隆起に閉じこめられるかの ようにx方向に伝播する線形捕捉波の存在が示された。

しかしながら、この様な捕捉波が現実の系で観測されたという報告はなされていない。本研究ではこの捕捉波の観測も試みているが、まだそれには至ってない。そこで本研究で得られた結果をもとに最後に捕捉波の可能性についても議論した。

2、 実験装置と測定方法

2.1 水槽と隆起板

図2に示したように、実験では長さ 2m、幅 1m のアクリル製の水 槽を用いた。この水槽の底に水深調整器とガラス板を置き、水底の 水平度を調整した。水底の隆起は、x に垂直な断面には矩形であり、 平行方向には一様であるガラス板を水底に設置することにより行っ た。

2.2 造波器

浅水波の励起は、水面 上に接する面のみ開口部 をもつ直方体の箱からな る造波器を用いた。これ を減圧し、水面より高い 位置に一定量の水を貯め る。そこに電磁弁とタイ



る。そこに電磁弁とタイ
 ロカウンターで制御した高圧の窒素ガスを短時間供給し、波を励起する。この方法は、再現性の良い浅水波を励起できる利点がある。
 2.3 測定方法

波高の測定は電極を水槽上部から水面に垂直に設置し、その電気 容量の変化を利用して行った。波高の変化に伴い電極の水に接する 面積が変化する。そして、その変化が小さい条件下で、水に接する 電極面積と電極の電気容量は線形である性質を持つ。この性質を利 用して、まずブリッジ回路に 100 kHz、100 mV の交流の搬送波を送り、 電気容量の微小変化で変調する。そして、この信号を復調すること により波高の変化を測定した。この方法は空間中のある一点におけ る波高の時間変化を測定するものである。また、後に示した三次元 波形は y の値のみ異なる 2 0 地点で測定した結果を合わせたもので ある。

194

3、 実験結果

波は隆起の大きさによって様々に変化する。今回実験で用いた隆 起板のパラメータは高さhと幅wである。ここでは、この二つのパ ラメータが隆起近傍の波の定性的性質に与える影響を示す。

ところで、実験で励起した浅水波の代表的な波長λ(x 方向の波 の全幅)はおよそ 100mm であった。そこで、それに対して隆起幅が 小さいとき、同程度のとき、大きいときの三つの場合に分けて考え た。また、すべての実験は水深 H =25mm 、波の励起条件は隆起板が ない状態で振幅 a =5mm の孤立波が現れる条件 (a/H =0.2)で行った。 測定は造波器から 100cm の位置で行った。

3.1 隆起上の最大振幅

まず、水底の隆起が振幅に与える影響に注目する。図3は特徴的 な3つの隆起幅での、隆 8 起の高hと最大振幅aの Ο 関係図である。まず、大 最大振幅 a (mm) きな特徴として、振幅の 6 最大値を与える隆起高さ Ο が隆起幅に依存している ことが挙げられる。 w = 10 0 20 25mm と小さいときは隆起 隆起高さ h (mm) 高さhの増加に従い最大 (隆起幅 w ● = 25mm : ◆ = 100mm : ○ = 200mm) 隆起高と最大振幅の関係 振幅は単調増加する。し 図 3

かし、隆起幅 wが大きいと、hの増加に伴い、振幅 a は始め増加す るが、ある値を越すと今度は逆に減少する。すなわち、水底の隆起 は振幅の増加と減衰、両方の作用を波にもたらすことがわかる。

3.2 隆起上での三次元波形

水底の隆起がもたらす振幅の増加や減衰が何に起因しているか示 すため、図3の条件に対応した三次元波形とその特徴を順に示す。 3.2.1 代表波長に比べ隆起幅が小さいとき

 $(w = 25mm, w / \lambda = 0.25)$

隆起高さが 20mm 以下では、隆起がないときとほぼ差がないので、 隆起高さ 20mm の三次元波形のみ、隆起がないときと共に図4に示 した。この図を比較すると、隆起板付近のみ振幅が増大し、他の部 分ではあまり変化が見られないことがわかる。また、隆起境界での 急激な水深の変化に関わらず屈折を起さなく、隆起上の波は隆起板 の外側の波と同位相で進行している。



図4 隆起幅が小さいときの波形





図5 隆起幅が代表波長程度のときの波形 隆起幅 w = 100mm

3.2.3 隆起幅が大きいとき (w=200mm、w/l=2) 様々な隆起高さに対する 隆起高さh = 5mm三次元波形を図6に示した。 隆起が波形に与える影響は y = 2 0 0 図5と同様であるが、より y 明確に現れる。また、屈折 により隆起の両端から中心 隆起高さh = 10m 部へ進行する2つの波があ る角度をなして相互作用を 起こし、それが振幅の増加 をもたらしている様子がわ かる。また、図6の左側に 隆起高さh = 15mm 示した隆起高さ 20mm の図か х $\mathbf{v} = \mathbf{0}$ 隆起高さh = 20m 視点を変えた図 h = 20 mm図6 隆起幅が大きいときの波形

隆起幅 w = 200mm

197

ら、相互作用後の斜めに伝播する波が再び隆起境界へ達したとき、 興味深い傾向が見られる。それは、隆起外へと再び屈折を起こして 伝播していく波と、わずかではあるが隆起境界で反射する波に分か ることである。

4、 隆起が波に与える影響のまとめ

ここまでは隆起が波に及ぼす様々な具体的影響について挙げてきた。そこで、これらの原因を考え、全体的にできる波について議論 する。

まず、隆起境界での屈折について考える。屈折は一般的に伝播す る波の速度差により起こる。有限振幅波理論を用いると、浅水波の 伝播速度は次の式で表される。

 $c = c_0 (1 + a / H)$

ここで c は速度、a は振幅、H は水深、 c は線形の波の速度で H の 平方根に比例する。すなわち、水深が深くなるほど、また振幅が大 きくなるほど速度は速くなるということである。本実験の場合、水 底の隆起が高くなれば、水深の低下による伝播速度の減少と、隆起 が振幅を増大させることによる伝播速度の増加の二つの相反する効 果がある。しかし、隆起による効果を考える場合、速度減少の効果 の方が大きく勝る。結果として、隆起が高いほど隆起境界での速度 差は大きく、屈折角も大きくなる。

次に、屈折した波は相互作用を起こす。このように波の峰が y 軸 とある角度をなし、また y=0 に対して対称に相互作用を起こす波で は、波の峰は3つの違う方向からなる。相互作用前はy軸とある角 度をなす2つの波の峰であったのが、相互作用中はy軸に平行な方 向になる。そして相互作用以後、位相のずれを伴い位相は速くなる ものの、相互作用以前と同じ方向に戻る。また、相互作用中の波(y に平行)の長さは衝突角度に依存し、角度が小さいほど長くなる。

本実験に適用する際、波が屈折を起こして斜めに進むと考えられ る領域は隆起幅の範囲内のみである。この事に注意すると、図6で の斜めに進む波が顕著に現れるかどうかは、 y 軸に平行な波の長さ と隆起幅を比較することにより考えられるであろう。まず、隆起が 低いときについて考える。このとき、隆起境界での屈折角は小さい ため、相互作用中のy軸に平行な波は長いはずである。しかし、こ れより隆起幅のほうが小さく、相互作用を起こし終わると思われる 地点では既に隆起が無い。そのため、相互作用前の角度に戻らず、 波の峰は一直線に並んで伝播する。次に、隆起が高いときについて 考えると、隆起境界での屈折角が大きいので y 軸に平行な波は短い。 そして、これよりも隆起幅のほうが短いため、隆起範囲内で相互作 用が終わる。そのため、再び斜めに進む波が顕著に現れる。実際上、 その他の様々な効果が重なるため一概に説明できないが、相互作用 中の波の長さと隆起幅を比較することにより、波が隆起上で斜めに 進む波に分裂するか、ある程度評価できるであろう。

最後に捕捉波について考える。図4のように隆起が低いときには、 振幅が隆起上のみ局所的に増大した波が x 方向に安定に伝播するこ とが認められた。これは一見隆起に捕捉されているかに見えるが、 y 方向へは減衰し伝播しないとされる捕捉波ではない。伝播速度が 隆起外の波の速度により決まることから考え、隆起外両側の波が隆 起上の波を支えていると言え、隆起上の波自体が単独で伝播してい るわけではない。結局、今回観測した波は捕捉波とは本質的に異な ると言えるであろう。しかし、今回の実験では、屈折により波が隆 起中央へ集まる効果を確認できた。一方、捕捉波でも同様に隆起上 に波が集まる性質を持つ。そこで、水底の隆起の形と波の励起を別 の条件に変え、隆起中央へ波が集まる性質をうまく利用するならば、 捕捉波観測は十分可能であると思われる。

5、参考文献。

- Joe Hammach , Daryl Mccallister , Norman Schffner , Harvey Segur :
 J. fluid Mech. vol 285 , pp 95-112 , (1995)
- (2) Joe Hammach, Norman Schffner, Harvey Segur : J. fluid Mech. vol 209, pp. 567-589, (1989)
- (3) B.B.kadomstev, V.I.Petviashvili : Sov.Phys.Dokl. 15, pp 539-541, (1970)
- (4) 杉本信正,坂田知之: 京都大学数理解析研究所講究録,
 流体における波動現象の数理とその応用, pp 28-43, (1992.11)