二成分Lennard-Jones系における 衝撃波管シミュレーション

大阪大学大学院理学研究科宇宙地球科学専攻

湯川諭 (Satoshi Yukawa)*、

Department of Earth and Space Science, Graduate School of Science,

Osaka University

東京大学大学院工学系研究科物理工学専攻

伊藤伸泰 (Nobuyasu Ito)

Department of Applied Physics, School of Engineering, The University of Tokyo

概要

ブルカノ式噴火のような極端な非平衡条件下 での速い相分離ダイナミクスを調べるため、二 成分 Lennard-Jones 粒子系を用いて、相分離系 のモデル化をおこなった。極端非平衡条件は、 高温で高圧、高密度な熱平衡状態を急減圧す るという操作で実現する。これは衝撃波管実験 とそのまま対応するため、コンピューター上で 衝撃波管の状況を構成し、シミュレーションを 行った。その結果、衝撃波管実験で観測される 様々な波動の伝播が再現されるとともに、非常 にきれいな相分離ダイナミクスが実現できた。 またこの系の理論解析に要請される条件を幾つ か調べた。

1 はじめに

非平衡統計力学と連続体理論の関係で、近年 議論されている問題が、「局所平衡仮定の破れ がどの程度あるか、もしあるとするならば、そ れは現象にどのように反映されるか」というこ とである。それらの問題を検討するためには、 微視的なスケールでモデル化を行い、そのモ デルを使って連続体記述が有効な状況をシミュ レートすることが非常に有効である。

そのような研究の結果、局所平衡性はきわめ て強力に成立していることがわかってきた。円 柱周りを過ぎる流れのような、定常な流れの場 合は局所平衡性が強力に成立しているのは当然 のような気もするが、[9] 非平衡境界条件によ り、温度勾配の存在などの熱力学的な非平衡状 態を作ったとしても、非平衡定常状態ならば局 所平衡を仮定した連続体理論の予言にきわめて よく一致する。[14]

そこで次に気になるのが、非平衡非定常状態 はどうであるかということである。ここでは、 そのような観点で非平衡非定常条件下でのミク ロシミュレーションを行った研究の成果を報告 する。現在のところ、非平衡熱力学・統計力学 に何か言えるところまでは行っていないが、シ ミュレーションによる結果が非常に興味深いの で、その部分だけでも何か役に立つことがあろ うかと思う。

^{*}yukawa@ess.sci.osaka-u.ac.jp



☑ 1: Schematic picture of Vulcanian dynamics.

2 モデルとその背景

非平衡非定常状態をミクロなモデルのシミュ レーションから攻めるとは言ってもただ闇雲に しても意味はない。ここでは、非平衡非定常ダ イナミクスとして火山噴火における火道内のマ グマ-ガス二成分系のダイナミクスを取り扱う ことにする。

火山噴火の様々な様式の中でもブルカノ式噴 火とは、日本では桜島の噴火に見られるような 火山爆発であり、比較的シリカ成分の多い高粘 性のマグマが関与する。一般に火山噴火に対し てはマグマだけではなく、マグマ内部に溶けて いる揮発性のガスが重要な役割を担う。[2] こ のガスはほぼ水であり、マグマに対して数質量 %含まれていることが知られている。

ブルカノ式噴火における噴火のダイナミクス は次のようなものであるといわれている。ブル カノ式噴火を示す火山では、マグマが高粘性で あるため噴火前には火口の上に溶岩ドームが 形成されている。噴火は、何らかの原因で火道 内のマグマ-ガス系の圧力が上昇し、この溶岩 ドームを破壊した瞬間から起こる。通常、マグ マ-ガス系は地殻圧に支えられガス(水)が飽和 している状態でマグマ溜まりにある。この状態 で溶岩ドームの破壊に伴う減圧が発生すると、 飽和溶解度の限界を超えガスが過飽和になる。 するとガス成分の核生成が発生し、マグマ中に ガスの気泡が成長する。気泡を含んだマグマ-ガス系は、密度が軽くなり上昇を始める。この 上昇に伴い、圧力が低下しさらに気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値を越えると、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値を越えると、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値を越えると、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値を越えると、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値をあること、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値をあること、気泡が成長す る。気泡の成長が臨界値をある。この ような状態の変 化が瞬間的に起こるのが、ブルカノ式噴火であ る。時間的な変化が急であること、状態の変化 が劇的であることが理論的な解析を難しくして いる一因である。この急激な相分離を伴うダイ ナミクスが、研究対象である非平衡非定常条件 下でのダイナミクスと合致する。

このような状況を実験室系で再現するため に、火山学では衝撃波管実験をつかって、ブ ルカノ式噴火のアナログ実験が行われてきた。 [5,3,4] そこでは、マグマに見立てた粘弾性体 や粉体などといったアナログ物質を高温高圧で チューブに閉じこめ、隔壁をはずしたあとの爆 発的振る舞いを観測するということが行われて いる。これらの状況に対応する連続体記述によ る理論モデルもいくつか提唱され、解析もなさ れているが、マグマ-ガス二成分系の状態方程 式を非常に単純化したモデルで決めるなど理論 の正当性などはまだまだ明らかでない。[6,7,8]

本研究では、そのような衝撃波管の状況にお けるマグマ-ガス二成分系のダイナミクスをミ クロな観点からモデル化し、コンピューターシ ミュレーションをおこなった。

2.1 モデル

ミクロなモデル化とは言ってもいろいろあり うるが、ここでは分子動力学法を使うことにす る。つまりマグマ-ガスの二成分系を離散的な 粒子をつかって表現し、粒子間の相互作用を決 め、あとはニュートンの運動方程式に従って運 動するという単純なモデルを採用する。このよ うなニュートン方程式に従って運動する粒子系 において、さまざまな流体の振る舞いが再現さ れることが知られており、連続体の記述の検証 にも用いることができる。[9] 具体的な構成粒子間の相互作用として、ここ ではLennard-Jones型のポテンシャルを採用す る。Lennard-Jones型のポテンシャルを用いる ことにより、気相、液相、固相、またそれらの 共存など、マグマダイナミクスに必要な相は全 て再現することができる。また、平衡系の性質 がよく知られているので、パラメーターを選ぶ ときに無駄なシミュレーションを省くことがで きる。マグマとガスの物性の違いは、Lennard-Jones粒子のパラメーターを変更することで表 現する。今のモデル化では質量と相互作用をマ グマ粒子、ガス粒子で変更することにより物性 の違いを表現している。実際の系のダイナミク スを支配する3次元 N 粒子系のハミルトニア ンとして次のような物を使用する。

$$\mathcal{H} = \sum_{i=1}^{N} \frac{\mathbf{p}_i^2}{2m_i} + \frac{1}{2} \sum_{i,j(i\neq j)}^{N} \alpha_i \alpha_j \phi(|\mathbf{q}_i - \mathbf{q}_j|) \quad , \quad (1)$$

 $\phi(r)$ はLennard-Jones 12-6 ポテンシャルであり、

$$\phi(r) = 4\epsilon \left\{ \left(\frac{\sigma}{r}\right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r}\right)^{6} \right\} \quad , \qquad (2)$$

と書かれる。また、各粒子の質量 m_i としてマ グマは $m_{magma} = 1$ 、ガスは $m_{gas} = 0.1$ を取る ことにする。さらにエネルギーの次元 ϵ 、長さ の次元 σ をともに1に取ることにし、これらで 全ての次元を無次元化する。また、Boltzmann 定数 k_B を1と取ることで、温度とエネルギー は同じ単位で測ることにする。これより数密度 の単位が m_{magma}/ϵ 、 圧力の単位が ϵ/σ^3 などと決まる。

相互作用の前の係数 α_i は、マグマとガスに 対して相互作用を変えるためであり、マグマに 対しては1を、ガスに対しては0.1を取ること にする。これでマグマ間の相互作用はガス間の 相互作用に対して100 倍強く働くことになる。 この相互作用の係数比は、マグマの融点と水の 融点の比を表していると考えることができ、実 際のマグマと水とは少しずれるが、今のシミュ レーションではこれで十分である。 $\mathbf{p}_i, \mathbf{q}_i$ は、粒 子の三次元での運動量、座標を表す。



 \boxtimes 2: Geometry of the system. When we calculate physical quantities, we slice the system with a unit length.

3 シミュレーション

シミュレーションに際しては衝撃波管の実験 を念頭におこなう。系の形状として直方体の箱 $(L_x \times L_y \times L_z, L_i$ はそれぞれの方向の長さ) を考える。マグマは z 軸正の方向に爆発するこ とにする。x,y方向は周期的境界条件を課し、 z軸方向の境界条件として、両端に弾性反射壁 をおいておく場合と、z軸爆発方向の壁に対し て、ある程度以上の運動エネルギーを持って入 射してきた粒子を吸収する粒子吸収壁を設けて ある場合二通りをとった。(図 2) 弾性壁をつけ る場合、Lennard-Jones ポテンシャルの底から 見た斥力部分で壁のポテンシャルを表現してい る。初期状態として、系を「マグマ溜まり」部 分と、「火道」部分の二つに弾性壁で分け、マ グマ溜まり部分に、マグマ粒子とガス粒子、火 道部分にガス粒子を入れておく。それぞれで能 勢-Hoover 熱浴を使って等温の熱平衡状態を準 備する。[10, 11, 12] 例えば、マグマ溜まりに ある粒子に対して運動方程式は、次のように変 更される。

$$\dot{\mathbf{q}}_i = \frac{\partial \mathcal{H}}{\partial \mathbf{p}_i} \tag{3}$$

$$\dot{\mathbf{p}}_i = -\frac{\partial \mathcal{H}}{\partial \mathbf{q}_i} - \zeta \mathbf{p}_i \tag{4}$$

$$\dot{\zeta} = \frac{1}{\tau} \left(\sum_{i \in A} \frac{\mathbf{p}_i^2}{2m_i} - \frac{3}{2} N_A T_A \right) \tag{5}$$

ここで、 $\sum_{i \in A}$ はマグマ溜まりに入っている粒 子に対して和を取ることを表しており、 N_A, T_A はマグマ溜まりの粒子数、マグマ溜まりの温度 を表す。また、 τ は温度制御の時定数であり正の パラメーターである。 ζ が熱浴の効果を現して おり、制御したい部分の全運動エネルギーが、 設定したい温度で決まる運動エネルギーに収 束するように、一種の「摩擦」で運動量を変化 させる。この運動方程式を用いて平衡状態に十 分緩和したあと、マグマ溜まりと火道を仕切っ ている弾性壁を取り除く。これが衝撃波管の実 験での隔壁に穴を開けた瞬間に対応する。これ 以降は熱浴の作用を取り除き、系の時間発展は ニュートン方程式に従って時間発展させる。

初期にマグマ溜まりの温度を比較的高温に保 ち、密度も高密度で準備し、火道内のガスの温 度、密度を適当に小さく設定しておけば、マグ マ溜まりと火道の隔壁を取り除くと、自発的に 爆発が発生する。

4 結果

4.1 物理量の時空プロファイル

シミュレーションの典型的な結果を示す。全 ての物理量がミクロな量で定義されるので、密 度場や圧力場、温度場など連続体との検証で必 要な物は全て計算することができる。それぞれ の物理量は、系を z 軸方向に輪切りにした厚み 1のスライスの中で計算している。例えば、数 密度場 n(z)、質量密度場 $\rho(z)$ 、応力場 $\Pi_{\alpha\beta}(z)$ などは次のように定義されている。

$$\begin{split} n(z) &= \frac{\sum_{i \in z} 1}{L_x L_y} \\ \rho(z) &= \frac{\sum_{i \in z} m_i}{L_x L_y} \\ \Pi_{\alpha\beta}(z) &= \frac{1}{L_x L_y} \sum_{i \in z} \frac{(\mathbf{p}_i)_\alpha(\mathbf{p}_i)_\beta}{m_i} \\ &+ \frac{1}{2L_x L_y} \sum_{i \in z \text{ or } j \in z} f_\alpha^{i,j} q_\beta^{i,j} \\ &- (\mathbf{v}(z))_\alpha(\mathbf{v}(z))_\beta \rho(z) \end{split}$$

z は一つのスライスを指定するインデックスで ある。和 ∑_{iez} はスライス z にふくまれる粒子



 \boxtimes 3: Space-time profile of number density (left) and local pressure (right): Horizontal axis represents coordinate of explosion direction (z axis) and vertical axis is time. At time 0, a diaphragm is removed. Characteristic waves are guided by lines.

で和を取ることを表している。応力場の定義で α,β はx,y,zのいずれかを取り、 $(\mathbf{p}_i)_{\alpha}$ は粒子iの運動量の α 成分を表す。また、 $\mathbf{f}_{\alpha}^{i,j}$ は、粒子iとjの間に働く力の α 成分であり、 $\mathbf{q}_{\beta}^{i,j}$ はそれ らの粒子の相対座標の β 成分を表す。第二項の 和は、粒子iもしくはjが考えているスライス の中に入っているときに和を取り、二つの粒子 が同時に入っているときは二重に数える。第三 項で $\mathbf{v}(z)$ はスライスzでの重心速度であり、

$$\mathbf{v}(z) = \frac{\sum_{i \in z} \mathbf{p}_i}{\sum_{i \in z} m_i} \tag{6}$$

として定義される。

応力テンソル場が定義できたので、圧力場 p(z)を通常やるように応力テンソルのトレー スの空間次元分の1で定義する。

$$p(z) = \frac{1}{3} \sum_{\alpha} \Pi_{\alpha\alpha}(z)$$
 (7)

図 3 は、局所的な数密度場と圧力場のプロフ ァイルである。系の大きさは L_x = 40, L_y = 40, L_z = 752 であり、粒子数は、マグマ 57600 粒子、ガス 118400 粒子である。横軸は z 軸方

向の座標。縦軸は時刻である。時刻0で爆発し その後の時間発展が示されている。爆発は左か ら右に起こる。z軸方向の境界条件は、弾性壁 を両側につけている。また、初期のマグマ溜ま りの大きさは $40 \times 40 \times 40$ である。初期状態で はマグマ溜まりにマグマ 57600 粒子と、ガス 6400 粒子をつめ、温度2で熱平衡化させてい る。また火道部分 $40 \times 40 \times 704$ にガス 112000 粒子をつめ温度0.8 で熱平衡化させてある。直 方体をz軸方向に厚み1で輪切りにし、そのス ライスの中で局所的な物理量を計算した。

数密度場において、z 座標が正の向きに進行 している衝撃波が二つ見られる。初めの速度の 速い物は、ガスの音速を超えておりこれは噴火 によるガスとガスの間の衝撃波である。このよ うな衝撃波は実際の火山噴火の際にも観測され ている。また、それより遅れてもうひとつ高密 度領域と低密度領域を分ける波が伝播している のが観測される。この波は、マグマとガスの間 の接触面である。さらに、爆発後、時刻120当 たりから、 z 軸負の方向に向かって右の弾性壁 から衝撃波が走っているのが見られる。これは、 z軸の上の境界条件である弾性壁からの反射波 なので、これ以降の計算は上部の境界の影響が 出ている。また時刻20ぐらいから、左の弾性壁 からもう一つ密度波が出ていることがわかる。 この密度波は、膨張波が、マグマ溜まりの底の 弾性壁に当たって跳ね返ってきた分に対応して いる。さらに、時刻 40 ぐらいから、密度場に おいてマグマ-ガス接触面より後方で内部構造 が成長して行くのが観測される。これは詳細な スナップショットの解析から、マグマ内部のガ スが発泡しながら爆発していく様子であること がわかり、火山学で言われている発泡しながら 爆発するという状況が再現できている。この内 部構造の様子は、次の小節で詳しく見る。さら に、圧力場ではわからないが、数密度場のプロ ファイルにおいて、爆発直後からz軸負の向き に、別の波が伝わっている様子が見られる。こ れは、減圧が伝わっている波であり、膨張波で あると見なすことができる。



🖾 4: (Color on a web page[16]) Snapshots of simulation: (Up) Snapshot at t = 40. (Down) Snapshot at t = 170. Parameters are identical to ones of Fig. 3. Eruption propagates to the left direction. Only particles originated from the chamber are plotted; A darker ball represents a magma particle, and brighter one is a gas particle. At the initial condition t = 0, magma and gas particles are uniformly mixed in the chamber.

4.2 内部構造

前小節で、物理量の時空プロファイルにおい て、噴火しているマグマに内部構造が成長して いく様子が見られた。ここでは、この内部構造 を詳しく見てみよう。噴火後、爆発後t = 40での粒子のスナップショットとt = 170のもの をを図4に示しておいた。図で横方向がz軸 方向であり、噴火は右向きに起こる。初期状態 では、一様に混ざっていたマグマ粒子(濃い色 の粒子)とガス粒子(薄い色の粒子)が、噴火後 t = 40では、ガス粒子が析出することにより相 分離を起こしていることがわかる。また、この とき生成しているガスの気泡の大きさがそれほ ど均一ではなく、様々なサイズに分布している ことも見てわかる。

このあともう少し時間がたつと(t = 170)、 様々なサイズに分布していた気泡が成長、合体 し、比較的大きな気泡になっていることがわか る。また、成長した大きな気泡の内部にマグマ の液滴が存在していることもわかる。さらに、 マグマ内部にもすこし気泡が存在していること も見て取れる。このように、時空間のプロット で内部構造が成長しているように見えたところ では、実際に粒子分布を見れば、内部構造が存 在し、且つその構造が成長していく様子も観測 される。この振る舞いは、火山学での噴火のシ ナリオで噴霧流遷移が起きると言うことに対応 しているが、この図を描いた計算規模では、遷 移と言い切れるほどの気泡数、液滴数は無い。

4.3 連続体モデルとの比較

火山学の方でブルカノ式噴火に対する連続体 のモデルがいくつかある。その中でも衝撃波管 の連続体の記述をそのまま火山噴火に応用し た Woods (1995) のモデルが解析的にも取り扱 いやすい。[6] ここでは、Woodsのモデルとシ ミュレーション結果の比較を行う。Woodsのモ デルは、基本的に一次元の一成分圧縮性流体の 方程式であり、以下のような支配方程式で記述 される。

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + w \frac{\partial \rho}{\partial z} = -\rho \frac{\partial \rho}{\partial z} \tag{8}$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + w \frac{\partial w}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p_g}{\partial z} \tag{9}$$

$$\frac{1-n}{\rho_l} + \frac{nRT}{p_g} = \frac{1}{\rho} \tag{10}$$

$$p_g\left(\frac{\phi}{\rho}\right)^{\prime m} = const. \tag{11}$$

ここで初めの二つが一般的な質量保存の式と運 動方程式であり、時空間の座標はt,zに取って いる。tが時間、zが噴火方向の座標である。 ρ がマグマ-ガスを合わせた質量密度、wが流体 の速度場である。また、pg がガス成分の圧力で あり、Woodsのモデルではマグマの圧力と等 しいとされる。三つ目の式が、マグマ-ガスの 状態方程式であり、nがガス成分の質量分率を 表す。ριがマグマの質量密度であり、Rは気体 定数、Tが温度である。Woodsのモデル化では 質量分率nが一定であると仮定し、マグマ質量 密度 pl も不変であるとみなす。このとき、ガ ス成分が理想気体的に振る舞うと仮定すれば、 この状態方程式でマグマ-ガスの状態を記述で きる。最後の4番目の式が、等エントロピー性 を仮定して導かれた式であり、理想気体の等エ ントロピー流れの解析で出てくる物と類似して

いる。(例えば[13]。) φは、ガス成分の体積分 率を表し、状態方程式から

$$\phi = \frac{\frac{nRT}{p_g}}{\frac{nRT}{p_g} + \frac{1-n}{\rho_l}} = \frac{1}{1 + \frac{1-n}{n}\frac{p_g}{\rho_l RT}}$$
(12)

と表現できる。また、 γ_m は、定圧比熱と定積 比熱の比であり、今の仮定の下では局所的な状 態を決めると決まる。方程式の変数をまとめて おくと、場の変数は ρ, w, p_g, T であり、これら 以外の量は定数か、これらから計算できる物で ある。これで変数の数と方程式の数が一致する ので、ダイナミクスが計算できることになる。

この支配方程式から見てわかるとおり、 Woodsのモデルではマグマに溶けているガスが 析出してくる効果は全くふくまれていない。こ のため、マグマからガスが析出し核生成を行う 噴火の初期段階の記述は不完全であると思われ る。また、ガスの気泡の体積が大きくなってき て全系に浸透しきった状態への転移後のダイナ ミクスの記述も難しいであろう。ただ元々が圧 縮性流体の方程式であるため、シミュレーショ ンや実際の観測で見つかっている衝撃波を定性 的に記述することが可能であると思われる。実 際、この方程式は理想気体の一次元圧縮性流体 の記述と構造が同じ為、次のような方程式へと 変形できる。

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial t} + (w \pm a(\rho)) \frac{\partial}{\partial z} \\ \times \left(w \pm \int^{\rho} \frac{a(\rho')}{\rho'} d\rho' \right) = 0 \quad (13) \end{cases}$$

ここで、 $a(\rho)$ はマグマ-ガス系の音速であり、 $a^{2}(\rho) = \gamma_{m}p_{g}/(\rho\phi)$ という関係がある。これと、 等エントロピーの条件を連立させると、音速は 密度の関数として一意に求めることができる。 この方程式の形から明らかなように、 $w \pm a$ の速 度で移動する観測者から見て $w \pm \int^{\rho} \frac{a(\rho')}{\rho'} d\rho'$ が保存量であり、これらから膨張波の速度など が議論できる。また、適当な境界条件を組み合 わせることにより、衝撃波の速度、膨張波内部 の状態なども議論することができる。

Woods のモデルで計算できる物理量と対応 するものを図 5 に示しておいた。上から順に温 度T(z)、爆発方向の速度 $(\mathbf{v}(z))_z$ 、圧力場p(z)、 質量密度 $\rho(z)$ である。温度の定義は、重心速度

$$\mathbf{v}(z) = \frac{\sum_{i \in z} \mathbf{p}_i}{\sum_{i \in z} m_i} \tag{14}$$

からの速度分散

$$T(z) = \frac{1}{3} \frac{1}{\sum_{i \in z} 1} \sum_{i \in z} m_i |\mathbf{v}_i - \mathbf{v}(z)|^2 \qquad (15)$$

として定義した。一般にマグマとガスの温度が それぞれで違う可能性があるが、この定義では いっさい考慮していない。

またこの図は、系の大きさが $L_x = L_y =$ 32, $L_z = 408$ の計算結果であり、初期マグマ 溜まりの大きさは 32 × 32 × 200 である。この 中に、数密度1でマグマ粒子とガス粒子が入っ ており、そのうちの10%がガス粒子である。平 衡状態の温度は先の計算と同じである。また、 この計算では爆発方向のz軸の境界条件は、粒 子吸収壁をおいている。

図5には膨張波の波頭がマグマ溜まりの底に 到達する前の時刻t = 15での物理量のプロファ イルを表示した。横軸は、噴火方向の座標zで あり、z = 200 までが初期のマグマ溜まりの領 域である。火道はz = 408 まで続いている。初 期に準備した平衡状態での温度が、マグマ溜ま り T = 2、火道 T = 0.8 であることと、図の温 度プロファイルから、膨張波の波頭が到達して いないところと、衝撃波の波面が到達していな いところがはっきりとわかる。これらの領域を 図では、「Initial Equilibrium State」として表 示してある。また、時空間のプロットから、位 置 240 程度の所に、マグマとガスの接触面があ ることがわかっている。これは、質量密度のプ ロファイルからもはっきりと読み取れる。この マグマ-ガス接触面と膨張波の波尾までが、冷 気体に対応する領域であり、物理量のプロファ イルでは、温度が低温で一定のところ、また速 度が比較的高速で一定のところとして観測され る。この領域を「cold gas」として表示してあ る。これを見ると膨張波の波尾が、ちょうど火



🖾 5: Spatial profiles of temperature, velocity (z), pressure, and mass density at t = 15: System size is taken to be $L_x = 32, L_y = 32, L_z = 408$ and size of magma chamber is $32 \times 32 \times 200$. Initial mass density and temperature are taken to be 1 and 2, respectively. We can recognize characteristic regions. From right, "initial equilibrium state", "hot gas region", "cold gas region", "expanding wave region", and "initial equilibrium state" again are observed. These regions are indicated by gray rectangular.

127

道とマグマ溜まりの境にあることがわかり、流 速が音速と等しいことを意味している。そこか ら、膨張波の波頭までの間が膨張波が存在して いるところであり、温度や速度、圧力、密度に なめらかな変化が見られる。さらに、マグマ-ガス接触面と前方の初期状態のままでいる領 域の間は、ガスの衝撃波が通り抜けたあとの高 温に加熱されている部分であり、温度や、速度 は主としてガス粒子が担っていることが読み取 れる。速度のプロファイルで、マグマ-ガス接 触面直前に比較的高速になっている部分がある が、これが実際にガス粒子が加速されている領 域で、熱化する前の状態に対応している。

この計算結果を定性的に連続体モデルの結 果と比較してみよう。連続体モデルは理想気体 の圧縮流体モデルであるから、既にわかってい る衝撃波管の解析を流用することができる。そ の解析によれば上のような図を書いたとき、プ ロファイルは5つの領域に分かれることが知ら れている。衝撃波が伝わる下流側から見れば、 (1) 初期の低温平衡状態が保たれている領域、 (2) 衝撃波面が通ったあとの低温状態にいたガ スが加熱された高温領域 (熱気体の領域)、(3) 高温状態にいたガスが断熱膨張で冷却された領 域(冷気体の領域)、(4)膨張波が存在する領域、 (5) 初期の高温平衡状態にある領域、である。 シミュレーションの結果をこの領域分割と比較 すると、全ての領域が完全に再現されているこ とがわかり定性的に良い一致を見せている。

また連続体記述と異なることもある。理想 気体の場合は一般に(4)の領域をのぞくと、残 り四つの領域で物理量は一定であるが、シミュ レーションでは領域(2)においてそうはなって いない。これは、衝撃波面の通過による加熱の ミクロなダイナミクスを反映していると考えら れる。

4.4 大規模シミュレーション

内部構造をみたときに、マグマ液滴や気泡 の大きさのスケールが系の断面の大きさとほ ぼ同じであることが確かめられた。この結果 から系の断面の一辺の長さをあと数倍すれば



 \boxtimes 6: (Color on a web page[16]) Snapshots of large simulation: (top) Snapshot at t = 40. (second) Snapshot at t = 170. (third) Snapshot at t = 300. (forth) Snapshot at t = 400. (bottom) Snapshot at t = 500. Eruption propagates to the left direction. A darker ball represents a magma particle, and brighter one is a gas particle. At the initial condition t = 0, magma and gas particles are uniformly mixed in the chamber.

気泡流から噴霧流への転移が再現できること が期待できる。ここではそれをふまえ大規模 化した計算結果を示す。図 6 は、系の大きさ $L_x = L_y = 120, L_z = 864$ の結果であり、マグ マ粒子が3110400個、ガス粒子が794880個入っ ている。初期のマグマ溜まりの大きさは240で ある。また、温度や密度の条件は今まで通りで ある。この計算では、爆発方向の境界条件は粒 子吸収壁であり、反射波の影響が無いようにし ている。これをみると、ガスの気泡流から噴霧 流への転移が観測されている。t = 300付近が 気泡流・噴霧流転移に対応する時間領域である。 また、噴霧流に転移したあとでも、気泡の成長 や、マグマ液滴の構造の変化などが見られる。 この規模の計算ではマグマのクラスター解

析なども可能になり、噴霧流転移後からマグマ クラスターの数が増えることや、クラスターサ イズ分布がべき分布になっていることなどがわ かっている。

4.5 断面でみた物理量の解析

極限状況下での、二成分 Lennard-Jones 粒子 系における相分離ダイナミクスを連続体モデ ルで解析するために、シミュレーション結果か ら連続体記述に対する制限を調べておこう。そ のために、大規模計算の結果を爆発方向と平行 な断面で切り、その平面で物理量を計算した。 結果を図7に示す。図では、左がマグマ成分、 右がガス成分である。白黒で少しわかりにく いが、相分離を記述するオーダーパラメーター である数密度は、マグマ成分とガス成分できっ ちりと分かれているのが確認できる。また、温 度をマグマ成分、ガス成分に分けてプロットし た結果から、マグマ成分とガス成分で温度が異 なっていることがわかる。これは、非平衡非定 常状態の反映でありこのような速い相分離ダイ ナミクスでは、熱伝導が追いつかず、温度不均 一性が形成されることがあることがわかった。 これは重大な知見であり、通常考えられている ような温度が一様な連続体モデルでの解析では 不十分なことを示唆している。また、速度場を 見ると、マグマ成分、ガス成分ともにほぼ同じ ような振る舞いをしていることから、速度場に 関しては、一次元の圧縮性流体による衝撃波管 解析の解のような流れを仮定しても問題ないよ うに思われる。

5 まとめ

極端非平衡条件下での非平衡物理の観点か ら、火山噴火のダイナミクスを実際の現象の 例にとり、二成分 Lennard-Jones 粒子系でモデ ル化を行った。そのような微視的なモデルをシ ミュレーションにより解析すると連続体で記述 されるような振る舞いが再現されるだけではな く、極端条件下での速い相分離ダイナミクスと して、分離した相の温度が違うなど、新たな現 象が発見された。このような相分離ダイナミク スを記述するためには、従来型の連続体モデル では無く、いわゆる H-モデルを局所温度を含 むように改良したようなモデルが必要であろう と思われるが、この解析はまだ行っていない。 [15]

また、二成分 Lennard-Jones 系の大規模シミ ユーレションと言う観点から見ると、今の結果 のようにきわめてはっきりと気泡流から噴霧流 への転移を再現した例はなく、大変興味深い。 さらにミクロシミュレーションから再現された セミマクロなマグマクラスターのダイナミクス にも、通常のクラスター凝集過程で見られるよ うな成長過程やサイズ分布の特徴があり、今後 このような観点からも解析を行いたい。

火山噴火現象のモデルとしてみると、現在の モデルはLennard-Jones 相互作用を用いたこと から低粘性のように振る舞っている。圧縮性流 体の解析と、それなりに一致したのはこの低粘 性の振る舞いが効いているからである。実際の マグマでは粘性が高く、また散逸の入った連続 体理論の解析からも、低粘性の挙動とは少し違 うことが報告されているので、高粘性を再現す るミクロモデルの構築が不可欠である。その際 には、高粘性だけではなく粘弾性の効果も取り 込まなければならない。

謝辞

この研究は文部科学省特定領域研究「火山爆 発のダイナミクス」の補助を受けています。改 めて感謝します。

参考文献

- [1] 特定領域研究「火山爆発のダイナミクス」研究 集会、「2004 年、火山爆発夏の学校」テキスト。
- [2] 鍵山恒臣編、東京大学地震研究所編集、地球 科学の新展開3「マグマダイナミクスと火山 噴火」朝倉書房、2003年。
- [3] M. Ichihara, D. Rittel, and B. Sturtevant: "Fragmentation of a porous viscoelastic

material: Implications to magma fragmentation", J. Geophys. Res. **107(B10)**, 2229, doi:10.1029/2001JB000591, (2002).

- [4] O. Spieler, D. B. Dingwell, and M. Alidibirov: "Magma fragmentation speed: an experimental determination", J. Volcanol. Geotherm. Res. 129, 109-123, (2004).
- [5] B. Cagnoli, A. Barmin, O. Melnik, R. S. J. Sparks: "Depressurization of fine powders in a shock tube and dynamics of fragmented magma in volcanic conduits", *Earth Planet. Sci. Lett.* 204, 101-113, (2002).
- [6] A. W. Woods: "A model of vulcanian explosions", Nucl. Eng. Design, 155, 345-357, (1995).
- [7] O. Melnik: "Dynamics of two-phase conduit flow of high-viscosity gas-saturated magma: large variations of sustained explosive eruption intensity", Bull. Volcanol. 62, 153-170, (2000).
- [8] O. Melnik and R. S. J. Sparks: "Nonlinear dynamics of lava dome extrusion", *Nature* 402, 37-41, (1999).
- [9] T. Ishiwata, T. Murakami, S. Yukawa, and N. Ito: "Particle Dynamics Simulations of the Navier-Stokes Flow with Hard Disks", Int. J. Mod. Phys. C15, 1413-1424, (2004).
- [10] S. Nosé: "A molecular-dynamics method for simulations in the canonical ensemble", Mol. Phys. 52, 255, (1984).
- [11] S. Nosé: "A unified formulation of the constant temperature molecular-dynamics methods", J. Chem. Phys. 81, 511, (1984).
- [12] W. G. Hoover: "Canonical dynamics: Equilibrium phase-space distributions", *Phys. Rev.* A31, 1695, (1985).
- [13] 松尾一泰「圧縮性流体力学」 理工学社、1994年。
- [14] T. Murakami, T. Shimada, S. Yukawa, and N. Ito: "Energy Transport in Multiphase System", Journal of the Physical Society of Japan 72, 1049-1056, (2003).
- [15] P. C. Hohenberg and B. I. Halperin: "Theory of dynamic critical phenomena", *Rev. Mod. Phys.* 49, 436-479, (1977).

[16] この原稿のカラー版を web ページに期 間限定で掲示しておく。カラーで図を見 たい人や、動画を見たい人はアクセスし て ほ し い 。http://bopper.ess.sci.osakau.ac.jp/~yuk/volcano/



 \boxtimes 7: (Color on a web page[16]) Snapshots of physical quantities on xz plane at t = 210: (top) Number density profile. (second) Temperature profile. (bottom) Velocity field profile. A left view is of magma component and a right view is of gas component.