# 数理解析研究所講究録2113

RIMS共同研究(公開型)

作用素平均を利用した作用素の 構造解析の研究と関連する話題

京都大学数理解析研究所 2019年5月

数理解析研究所講究録は、京都大学数理解析研究所の共同利用研究集会および共同研究の記録として1964年に刊行が開始されました。当研究所が全国共同利用研究所として発足した翌年のことでしたが、以来半世紀、毎年数十巻を刊行し、2016年には第2000巻が刊行されるに至りました。第1巻から第2000巻までに収録された論文数は29,265編、総頁数は342,960頁という膨大なものであり、最先端の数学・数理科学分野の研究状況を伝えるのみならず、我が国の数学・数理科学の発展の歴史を留める文献として、他に類例を見ない論文集となっています。

講究録の内容は当研究所のウェブサイトおよび京都大学の学術情報リポジトリにおいても公開され、年間の総アクセス数は1,380,032回(2017年度)を数えるなど、多数の方にご利用いただいています。

講究録の使用言語は論文著者の判断に任されていますが、結果的に日本語が多用されていることが特徴の一つとなっています。その結果、講究録は、数学・数理科学の広い領域における最先端の専門知識に母国語でアクセスできるものとして、近年の英語化の流れの中で、重要な文献となりつつあります。

当研究所の共同利用事業に参加し講究録の論文を執筆していただいた多数の方々に対し、講究録を大きく成長させていただいたことを深く感謝いたしますとともに、これからも、当研究所の国際共同利用・共同研究拠点(\*)としての活動にご参加いただき、講究録の発展にご協力いただけますよう心よりお願い申し上げます。

\*数理解析研究所は2018年11月13日, 共同利用・共同研究拠点の認定が廃止され, 新しく国際共同利用・共同研究拠点に認定されました.

## RIMS Kôkyûroku 2113

# Research on structure of operators using operator means and related topics

October 24 ~ 26, 2018

edited by Masatoshi Ito

May, 2019

Research Institute for Mathematical Sciences

Kyoto University, Kyoto, Japan

This is a report of research done at the Research Institute for Mathematical Sciences, an International Joint Usage/Research Center located in Kyoto University.

The papers contained herein are in final form and will not be submitted for publication elsewhere.

#### 講究録

#### Kôkyûroku

RIMS Kôkyûroku was started in 1964 as the proceedings of symposia, colloquia and workshops supported by RIMS, the Research Institute for Mathematical Sciences, Kyoto University. It was the next year of the establishment of RIMS as one of the Nationwide Cooperative Research Centers. For half a century since then, several dozen volumes have been issued each year, and the 2,000th volume was issued in 2016. The volumes of Kôkyûroku from the 1st through the 2,000th, containing enormous 29,265 articles and 342,960 pages, not only deliver the latest research activities in mathematics and mathematical sciences but also constitute valuable and incomparable collections of articles that pass down history of progress of mathematics and mathematical science in Japan.

Articles in Kôkyûroku are available on the websites of RIMS and Kyoto University Research Information Repository. They are very frequently accessed on the internet, with a total of as many as 1.380.032 accesses in 2017.

The authors choose the languages to write articles, and many are written in Japanese, which is one of the characteristics of Kôkyûroku. As a result, Kôkyûroku is regarded as a significant and important literature which allows easy access to the latest specialized knowledge in the large fields of mathematics and mathematical sciences written in native language for Japanese readers, while more and more research papers are being written in English in recent years.

We are deeply grateful to many of those who have participated in cooperative research activities of RIMS and greatly developed Kôkyûroku. We heartily ask for your continuous participation in research activities at RIMS as an International Joint Usage/Research Center(\*) and your warm support and cooperation for the fruitful development of Kôkyûroku.

\* RIMS was certified as an International Joint Usage/Research Center on Nov. 13, 2018.

## 作用素平均を利用した作用素の構造解析の研究と関連する話題

Research on structure of operators using operator means and related topics RIMS 共同研究(公開型)報告集

2018年10月24日~10月26日 研究代表者 伊藤 公智 (Masatoshi Ito)

## 目次

1.	Remark on skew $m$ -complex symmetric operators	. 1
	長 宗雄 (Muneo Chō)   神奈川大学 (Kanagawa U.)	
	Eungil Ko Ewha Womans U.	
	Ji Eun Lee Sejong U.	
2.	Numerical range and a conjugation on a Banach space	13
	長 宗雄 (Muneo Chō)   神奈川大学 (Kanagawa U.)	
	本吉 榛奈 (Haruna Motoyoshi)   神奈川大学 (Kanagawa U.)	
3.	On <i>n</i> -normal operators	. 23
	長 宗雄 (Muneo Chō)   神奈川大学 (Kanagawa U.)	
	Ji Eun Lee Sejong U.	
	B. Načevska Nastovska Ss. Cyril and Methodius U. Skopje	
	棚橋 浩太郎 (Kotaro Tanahashi)   東北医科薬科大学	
	(Tohoku Med. Pharma. U.)	
	内山 敦 (Atsushi Uchiyama)   山形大学 (Yamagata U.)	
4.	Schrödinger operators and canonical systems via spectral theory	. 33
5.	正作用素形式上のスケール流について	. 41
	山上 滋 (Shigeru Yamagami)   名古屋大学 (Nagoya U.)	
6.	A SURVEY OF CLASS $p\text{-}wA(s, t)$ OPERATORS	. 46
	長 宗雄 (Muneo Chō)   神奈川大学 (Kanagawa U.)	
	Thankarajan Prasad Cochin U. Sci. Tech.	
	Mohammad H. M. Rashid Mu'tah U.	
	棚橋 浩太郎 (Kotaro Tanahashi) 東北医科薬科大学	
	(Tohoku Med. Pharma. U.)	
	内山 敦 (Atsushi Uchiyama)   山形大学 (Yamagata U.)	
	• , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	

7.	A GENERALIZATION OF THE ALUTHGE TRANSFORMATION	
	IN THE VIEWPOINT OF MATRIX MEANS	60
	山崎 丈明 (Takeaki Yamazaki)   東洋大学 (Toyo U.)	
8.	THE INVARIANT SUBSPACE PROBLEM FOR CLOSED OPERATORS	
	IN HILBERT AND HAMILTON SPACES	. 72
	Sa Ge Lee Seoul Nat. U.	
9.	Weighted shifts induced by positive definite sequences	. 86
	Il Bong Jung — Kyungpook Nat. U.	
10.	The $n$ -th relative operator entropies and	
	the $n$ -th residual relative operator entropy	101
	伊佐 浩史 (Hiroshi Isa)   前橋工科大学 (Maebashi Inst. Tech.)	
	亀井 栄三郎 (Eizaburo Kamei)	
	遠山 宏明 (Hiroaki Tohyama)   前橋工科大学 (Maebashi Inst. Tech.)	
	渡邉 雅之 (Masayuki Watanabe)   前橋工科大学 (Maebashi Inst. Tech.)	
11.	Characterization of operator convex functions	
	by certain operator inequalities	113
	鶴見 幸大 (Yukihiro Tsurumi)   立命館大学 (Ritsumeikan U.)	
12.	ある作用素平均族のべき単調性	123
	藤井 淳一 (Jun Ichi Fujii)   大阪教育大学 (Osaka Kyoiku U.)	
13.	Estimations of the weighted power mean by the Heron mean	127
	伊藤 公智 (Masatoshi Ito) 前橋工科大学 (Maebashi Inst. Tech.)	
14.	作用素値内積を用いた一般化シュワルツの不等式について	140
	瀬尾 祐貴 (Yuki Seo)   大阪教育大学 (Osaka Kyoiku U.)	
15.	作用素ノルム不等式について	148
	渚 勝 (Masaru Nagisa)   千葉大学 (Chiba U.)	