Resolvent density or Feller型分解2 致存于3 Dirichlet space o 直和分解

東京教育大学福街正後

第1. Reselvent density × Dirichlet space  $D \in \mathbb{R}^n$  4 年度 有限領 成  $x \neq 3$ . 関数  $G_{2}(n, y)$  , x > v ,  $x , y \in D$  ,  $x \neq y$  かい  $D = \sigma$  resolvent density  $z \in 3 \times 10$   $G_{2}(n, y) \geq 0$  , d = 0 d = 0  $G_{3}(n, y) = 0$  , d = 0  $G_{3}(n, y) = 0$  , d = 0  $G_{3}(n, y) = 0$  , d = 0  $G_{3}(n, y) = 0$   $G_{3}(n, y$ 

 $\forall f, \ \frac{1}{6\alpha} (G_{\alpha}t, f)_{D} = -(G_{\alpha}^{2}f, f)_{O} = -(G_{\alpha}t, G_{\alpha}t)_{O}$   $\leq C \quad \Rightarrow 1 \quad |(G_{\alpha}t, f)_{O}| \leq \frac{1}{\alpha} (t, t)_{O} \xrightarrow{1 \to 7} C$   $1 \quad \Rightarrow 3 \quad \Rightarrow 5 \quad (G_{\alpha}f, t)_{O} \geq C.$ 

 $2 : \beta := \int e L^2(D) := \mathcal{F} \mathcal{L}.$ 

(1.3) 
$$T_{\beta}^{\lambda}(f,f) = (f - \beta G_{p+\lambda} f, f - \beta G_{p+\lambda} f)_{\rho}$$
  
 $\chi \, \pi' < \chi \quad \gamma \in \mathcal{A}$  resolvent equation  $f \in \mathcal{A}$   $f = \mathcal{A}$ 

(1.4) 
$$\mathcal{E}_{\beta}^{\alpha}(f,f) = T_{\beta}^{\alpha}(f,f) \geq 0$$
,  $\beta > 0$ 

$$(1.5) \quad \text{of } \quad \mathcal{E}_{\beta}^{\mu}(f,f) \leq 0 \qquad , \quad \beta > 0$$

$$\int_{0}^{\mu} \int_{0}^{\infty} \mathcal{E}_{\beta}^{\mu}(f,f) \leq 0 \qquad , \quad \beta > 0$$

$$\frac{\mathbb{Z} \underbrace{1}}{\mathcal{E}(f,f)} = \lim_{\beta \to +\infty} \mathcal{E}_{\beta}^{c}(f,f),$$

(1.7) 
$$f_1 = \{ f \in L^2(D) ; \mathcal{E}(f, f) < t \bowtie \}$$
  
 $x \in \mathcal{F}(f, \mathcal{E}(f))$   $f_2 \in \mathcal{F}(f, f) < t \bowtie \}$   
density  $f_3(x, y) := \mathcal{F}(f, f) \otimes \mathcal{F}(f, f)$ 

$$(1,s)$$
  $\mathcal{E}^{d}(f,g) = \mathcal{E}(f,g) + d(f,g)_{0} \times x^{d}$ .   
次の定律が成立つ.

## 定程1

(i) 
$$f \in \mathcal{F}_{1} : i \neq l$$
  $\mathcal{E}^{*}(f,f) = \lim_{\beta \to +\infty} \mathcal{E}^{*}_{\beta}(f,f)$ ,  $d>0$ .

Find  $G_{3}(L^{2}(D)) \subset \mathcal{F}$   $A_{2}$   $f \in L^{2}(D)$  is the (1.8)  $\mathcal{E}^{A}(G_{3}f, \mathbf{g}) = (f, g)_{D}$ ,  $\forall g \in \mathcal{F}^{I}$ , (v)  $\mathcal{B}(D) \otimes \mathcal{D} + 1$   $\exists g \in \mathcal{F}^{I} \otimes \mathcal{B} \otimes \mathcal{F}^{I}$ , (v)  $\mathcal{B}(D) \otimes \mathcal{D} + 1$   $\exists g \in \mathcal{F}^{I} \otimes \mathcal{B} \otimes \mathcal{F}^{I}$ , (v)  $\mathcal{B}(D) \otimes \mathcal{D} + 1$   $\exists g \in \mathcal{F}^{I} \otimes \mathcal{B} \otimes \mathcal{F}^{I} \otimes \mathcal{F}$ 

空親1(11)は(1.4)(1.5)から任から(10の紅明には(11)を使う。(V)は(10から性から、(V)は 2 義(1.7)より(生か)。

DE a PANTE Brown & to a resolvent density  $\xi G_{\lambda}(x, \eta)$   $i \neq h \uparrow$ ,  $G_{\lambda}(x, \eta)$   $i \neq h \uparrow$ ,  $G_{\lambda}(x, \eta)$   $i \neq h \uparrow$   $i \neq h$ 

 $(1.10) \quad (f,f)_{0,1} = \sum_{i=1}^{4} \int_{D} \left(\frac{\partial f}{\partial x^{i}}\right)^{2} (x) dx$ 

(1.11) BLOO = Co(D) とすい 1日にClosuris (, 20,1にはし取る 次つ定限が放わつ。

<u> 219</u> 2. G2(x,7) に対応する Dirichlet space を (F(0), E(0)(, 1) とすると、 を (別(F(0))) とすると、 を (別(F(0))) は を (別(日(0))) と で (別(日(0))) に (別(日(0)

\$2, Resolvent density of Feller # 5 Pg

it 47 is resolvent density = 29 \$17 \$ \$27.

(G.a)  $G_{x}(x, \gamma) = G_{x}(x, \gamma) + R_{d}(x, \gamma)$  x = 17,  $R_{d}(x, \gamma) = A_{x}(x, \gamma) + R_{d}(x, \gamma)$  x = 17,  $R_{d}(x, \gamma) = 12$  x = 17, x = 17 x = 17

M&Da Martin 培果、K(x,3), x=U, 3=14 E Martin-K-function, MEMERO(D) 固定集からつ) harmonic measure 4 73. 2.201= if 12 (2.1) Kx(x,3) = K(x,3) - x Sp Ga(x, 4) K(9,3) dy ダル メンロ, 3, とモリケニラナレ とおく. (2,2)  $U_{a}(3,2) = a \int_{D} K(x,3) K_{a}(x,2) dx$ とすき、 M との月教外, 4 にほしる (9.3)  $(9, 4)_{19}' = \int_{M} 4(3) \xi(3) \left( \int_{M} V_{2}(3, 2) \mu(\alpha 2) \right) \mu(\alpha 3)$ 2 \$ 3. \quad \qua 1237 レ (2.4) Hay (m = Sy Ka (x, 3) 9(3) M(d3) = Hay Y L (9.5) Hx (3)= Kx(71,3) / SU1(3,2) M(6/2) 1= f, Z (2,6) Hax f (3) = S, Han (3) f(2) An なる operator を主義する。 Hix は B(D)から B(M)つの有限作用までみり (2.1) H24(1) = (H2, 4)/, 4 = 12(M)

安子等过的成立力。

至程3.  $G_{\alpha}(x,y) = G_{\alpha}^{\alpha}(x,y) + R_{\alpha}(x,y)$   $\xi(G,Q)(G,b) \xi B J J J F resolvent density$   $\chi T J := 2 + 2 + 3 R^d : B(M) + 2 有 R I P$ 1月  $\xi$  Such that  $\xi(x,y) \in D$ ,  $\xi(x) \in D$ .  $(2.8) \quad K_{\alpha}(x,y) = H_{\alpha}^{\chi} R^{\alpha} H_{\alpha}^{\chi}$ .  $\xi(x,y) = H_{\alpha}^{\chi} R^{\alpha} H_{\alpha}^{\chi}$ .  $\xi(x,y) = H_{\alpha}^{\chi} R^{\alpha} H_{\alpha}^{\chi}$ .

第3. Dirichlet spaceの 直知分解.

Gal\*7)を(9.4)(G,6)を)まますまれな

resolvent clensityをする。 Ga(2.7)に対力3

Dirichlet spaceを(デ, E)とする。 (学, E)か 3
を注釈 2のるれとする。 ニョモニ

建建 4.

(i)  $f^{(c)} \subset f' \quad \exists j$   $E(u, u) = E^{(c)}(u, u) \quad for \quad u \in f^{(c)}$ (ii)  $f^{(c)} = f^{(c)}(u, u) \quad f^{(c)} = f^{(c)$  全律401年9月1日日本大学年至7月1日本大学年 入山了上次的湖里至不世中充分2月3。 新疆。 于\*= G(B(D)),超= B(BO))

(i) F\* ⊂ F & ) E(u,u) = E(0)(u,u) for u ∈ F\*.

(ii) 于\*上代 w.r. to E\*(,), 二月附建中全限3至原,2次日第日证明出来3.

 $\frac{\partial R^{3} \mathcal{Q}_{2} + \mathcal{Q}_{3} + \mathcal{Q}_{4}}{\mathcal{Q}_{3} + \mathcal{Q}_{4} + \mathcal{Q}_{5}} (u, u) = \mathcal{Q}_{5}^{(a)} (u, u) - \beta^{2} (R_{p}u, u)_{p},$   $\chi = 3 \Lambda^{p} \quad \mathcal{Z}_{5}^{2} \mathcal{Z}_{5}^{2}$