248

連立非線型方程式の数值解法 概観」

京都產業大学户川隼人

連立の非線型方程式は、かなり解きにくいものとされているが、解かれている例はかなりあり、解法も数多く考察されている。後記の文献リストはその一部である。

一般的な解液としては、従来はニュートン法と最急降下液が主流であったが、最近は共役口配法の系統の解法[2]~[8]が注目されている。それに関連して解法の体系化も試みられた。Ortega+Rheinboldt[1]はその結果なよくまとめてあり、文献リストもよく整備されている。

奥用面では、近年、回路解析の方面で大次元の(数十ないし数百元)の両題が日常的に扱われてあり、計算時間の短縮が要望されて川る。しかし応用分野によっては必ずしも大次元の両題ばかりではなく、たと之ば次頁の上設の表に示したような両題を個々の特殊性を添かして効率よく解くことが望まれる。

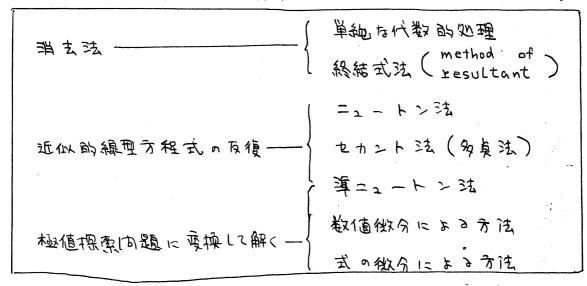
注*) [26],[27]

——代表的 r 例 ——
連立 2次方程式
・ 2元連立 3程式
非親型項の係数小
非線型の式は1個だけ
3項分程式

応用上重要な「特別な場合」

上記のは、川ずりも相当に強い条件であるが、もっと弱い条件としては、車正代数方程式、あるいは「人番目の方程式 「は 又」に関し陽的に解ける」というような 条件を付けて きしいと思う。 ヤコピアン(のような、) を数式の形で簡単に求めらいるかで、という条件はアルゴリズムを考える上で重要である。

次に解弦を系統別に分類することを試みる。以下は私案。



逐次代入法とか Gauß-Seidel-Like method などは、 2番目の項目に含めてするく、別に「項目割けてするにと思う。パラメータ・ヴァリエーションというのも「項目割けてするにが、筋がういうと 2番目の中に入れるのが良さそうである。

なお、以上のほかに、連五代数子程式に関しては、一変数の代数方程式の解弦のうちで多変数用に振張せきるすのが無いかどうか、検討してみる必要がある。

* * *

特別な場合の解注の例

但次元代数才格式	終結式法
大部分の式が緑型	福型部分は消去法で解く
スペース・ヤコピアン	Schubert の方は[2]
中後2の形が複雑	準ニュート ンシも
对角線型優位 .	Gauß-Seidel

* * *

今後の課題

(公式の)

- × ニュートン系の計算のための類型示格式の高速解弦
- * 非領型用 SOR
- * 辺用プログラムのためのデースの(式の)表現
- * スパース、ヤコピアンのもっとうまい解注
- ★ ブローバルな解法

文 献

LI] J.M. Ortega + W.C. Rheinboldt;

Iterative Solution of Nonlinear Equations in Several Variables. Academic Press 1970

[2] L.K. Schubert;

Modification of a Quasi-Newton Method for Nonlinear Equations with a Sparse Jacobian Math, Comp. 24 (170) 27-30

[3] C.G. Broyden:

A Class of Methods for Solving Nonlinear Simultaneous Equations.

Math, Comp. 19 (165) 577-593

[4] E.M. Rosen:

A Review of Quasi-Newton methods in Nonlinear Equation Solving and Unconstrained Optimization

> Proc. ACM. Nat. Meeting 1966 37-41

(5) C,G,Broyden

A New Method of Solving Nonlinear Simultaneous Equations.

Comput. J. 12 (169) 94-99

[b] C.G. Broyden:

The Convergence of an Algorithm for Solving Sparse Nonlineur Systems.

Math, Comp. 25 (171) 285-291

[7] J. E. Dennis, Jr. :

of Broyden's Method for On the Convergence Nonlinear Systems of Equations.

Math. Comp. 25 (171) 559-567

[8] C.G. Broyden: Math, Comp. 24 (170) 365.

[9] D. B. Dulley and M.L.V. Pitteway

ALGORITHM 314. Finding a Solution of N Functional Equations in N Unknowns.

CACM 10 (167) 726

[10] S.W. Robinson:

Interpolation Solution of Systems of Nonlinear Equations.

J, SIAM 3 (166) 650-658

[11] J.G.P. Barnes:

An Algorithm for Solving Nonlinear Equations Based on the Secant Method

Comput. J. 8 ('65) 66-72

[12] F.J. Zeleznik: Quasi-Newton Methods for Nonlinear Equations

JACM 15 (168) 265-271

LI3] K.M. Brown

ALGORITHM 316, Solution of Simultaneous Nonlinear Equations.

CACM ('67) 728-729

[14] T. A. Porsching:

Jacobi and Gauss-Seidel Methods for Nonlinear Network Problems.

J. SIAM, NAL (69) 437-448

—— これの Ref. には Nonlinear Networkの関係で 整番された文献リストがあり有益

[15] V. A. Matueeu

Method for the Approximate Solution of a System of Nonlinear Equations.

Zh. Vych. Mat. 4 (164) 983-994

[16] A. N. Gleyzal:

Solution of Non-linear Equations.

Q, Appl. Math. 17 (159)

改員セカントは

[17] S. Schechter:

Iteration Methods for Nonlinear Problems

Trans. AM\$ 104 ('62) 179-188

[18] R.P. Rich + H. Shaw:

A Method for Finding All the Zeros of f(2)

JACM 10 ('63) 545-549

[19] T. Tsuda + T. Kiyono:

Application of the Monte Carlo Method to Systems of Nonlinear Algebraic Equations NM 6 (1647 59-67

[20] F.H. Deist and L. Sefor:

Solution of Systems of Non-linear Equations

by Parameter Variation

C7 10 (,94) U8-85

[21] M.N. Yakovlev

Solution of Systems of Nonlinear Equations by the Method of Differentiation with respect to a Parameter

NASA TT (1865, F-254)

[22] L.H. Williams

Algebra of Polynomials in Several Variables for a Digital Computer

JACM ?

29-40

[23] P.H. Blundell:

A Method for Solving Simultaneous Polynomial Equations.

Proc. IFIP 1962. 39-42

[24] W.M. Kincaid

A two-point Method for the Numerical Solution of Systems of Simultaneous Equations

@AM 18 313-324

[25] B.T. Fang:

Newton's Method and Steepest Ascent

IEEE Trans. AC-12 ('67) 203

[26] A.M. Ostrowski:

Solution of Equations and Systems of Equations

Academic Press (1966)

[27] J.F. Traub

Iterative Methods for the Solution of Equations

Prentice-Hall (1964)