

神経系の確率的モデル

九大理 情報研 加納 哲吾

§1. 序

生物の行動の基礎である神経細胞の活動については、1960年頃より、いろいろな実験データが得られ統計的処理が行われてきた。これに応じて神経細胞の各種の機能について確率的モデルもいくつが発表されている。こゝではこのようないくつかを紹介することにする。はじめに神経細胞のスパイク発生機構についてのランダム・ウォークモデルを説明し、次にスパイク系列を点過程として捉えた二、三のモデルを示す。最後に網膜の神経細胞群の機能を説明するのに、ワイナーの非線形理論を適用した例を示す。

§2. スパイク発生機構のモデル

神経細胞がシナプス結合を通して周囲の神経細胞から刺激を受け、細胞内の電位が次第に高くなつてある一定値に達したとき興奮する現象のモデルとして、拡散過程と生死滅過程を利用して利用したものがある。

2.1 拡散モデル

$X(t)$: 時刻 t における細胞内電位を表す確率変数

$f(t, y | \tau, x) = \frac{\partial}{\partial y} P\{X(t) < y | X(\tau) = x\}$: 推移確率の密度関数

$X(t)$ をマルコフ過程とするとき

$$f(t, y | \tau, x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t, y | s, z) f(s, z | \tau, x) dz$$

が成り立つ。: でいくつかの条件を仮定すると上向方程式

$$\frac{\partial}{\partial t} f(t, y | \tau, x) = \frac{1}{2} \frac{\partial^2}{\partial y^2} [a(t, y) f(t, y | \tau, x)] - \frac{\partial}{\partial y} [b(t, y) f(t, y | \tau, x)]$$

と下向方程式

$$-\frac{\partial}{\partial t} f(t, y | \tau, x) = \frac{1}{2} a(\tau, x) \frac{\partial^2}{\partial x^2} f(t, y | \tau, x) + b(\tau, x) \frac{\partial}{\partial x} f(t, y | \tau, x)$$

が導かれ、: : に係数 a, b は

$$a(t, x) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|y-x|<\delta} (y-x)^2 f(t+\Delta t, y | t, x) dy$$

$$b(t, x) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|y-x|<\delta} (y-x) f(t+\Delta t, y | t, x) dy$$

で与えられる。: : f は時間 t について $t-\tau$ のみの関数

と仮定し、 $t-\tau$ を t と書き f を $f(t, y | \tau, x) = f(t, y | x)$

と書くと上の 2 式はそれそれ

$$\frac{\partial}{\partial t} f(t, y | x) = \frac{1}{2} \frac{\partial^2}{\partial y^2} [a(t, y) f(t, y | x)] - \frac{\partial}{\partial y} [b(t, y) f(t, y | x)]$$

$$-\frac{\partial}{\partial t} f(t, y | x) = \frac{1}{2} a(t, x) \frac{\partial^2}{\partial y^2} f(t, y | x) + b(t, x) \frac{\partial}{\partial y} f(t, y | x)$$

となる。Gerstein & Mandelbrot (1) は $X(0) = x$ から出発し

大電位が τ に達したときスパイクが起るとして、 τ を吸收壁とする $X(t)$ の $(-\infty, \tau)$ における運動を考えた。このよ

うにする $X(t)$ が、吸收壁 τ に達するまでの時間 t の確

度関数 $g(t|x)$ が定まる。一般には $g(t|x)$ はそれいな形に求まらないが $a(t,x)=\mu$, $b(t,x)=\sigma^2$ の場合には

$$g(t|x) = \frac{r-x}{\mu t} 2\pi (\sigma^2 t)^{-\frac{1}{2}} e^{-\frac{1}{2}(\frac{r-x-\mu t}{\sigma\sqrt{t}})^2}$$
と解ける。残念ながらこの関数は実験データと一致しない場合が多い。 r における吸收壁の外に、 0 に反射壁を設けると、 $X(t)$ は $(0, r)$ における運動となり、 $\mu=0$, $\sigma^2=1$ のとき $g(t|x)$ は

$$g(t|x) = \sum_j \alpha_j e^{s_j t}$$

となる。 $\forall k$ s_j は x に無関係な負の数で、 α_j は x に関係する。この分布は指数分布やガンマ分布に近いので、これが実験データに適合すると思われる。

2.2. 出生死滅過程によるモデル

Ten Hoopen は 1966 年に出生死滅過程を利用したモデルを発表した。これは各シナップスに兴奋が到達するのはボアソン過程に従うとし、それによって電位は 1 単位だけ上昇又は下降しきらに一定の確率 $\frac{1}{T}$ で ± 1 単位だけ原走の方へ下降するとした。

$P_s(t)$: 時刻 t で電位が s である確率

$\mu(s)$: シナップスに兴奋が到達したとき、細胞内電位が 1 単位だけ上昇（下降）する確率

r : 吸收壁（閾値）

とすると

$$P_r(t+dt) = P_r(t) + \lambda P_{r-1}(t)$$

$$\begin{aligned} P_k(t+dt) &= (1-\lambda dt)(\mu + \frac{k+1}{\tau})dt P_{k+1}(t) + \lambda dt(\mu + \frac{k}{\tau})dt P_k(t) + \\ &+ (1-\lambda dt)(1-\mu dt - \frac{k}{\tau}dt)P_k(t) + \lambda dt(1-\mu dt - \frac{k-1}{\tau}dt)P_{k-1}(t), \end{aligned}$$

$1 \leq k \leq r-1$, たゞ $k=r-1$ のときは式1項なし

$$\begin{aligned} P_k(t+dt) &= \mu dt(1-\lambda dt - \frac{k-1}{\tau}dt)P_{k+1}(t) + \mu dt(\lambda - \frac{k}{\tau})dt P_k(t) \\ &+ (1-\mu dt)(1-\lambda dt - \frac{k}{\tau}dt)P_k(t) + (1-\mu dt)(\lambda - \frac{k-1}{\tau})dt P_{k-1}(t), \quad -\infty < k < 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P_o(t+dt) &= (1-\lambda dt)(\mu + \frac{1}{\tau})dt P_o(t) + (1-\lambda dt)(1-\mu dt)P_o(t) + \lambda dt\mu dt P_o(t) \\ &+ (1-\mu dt)(\lambda + \frac{1}{\tau})dt P_o(t) \end{aligned}$$

これらの方程式から微分方程式系を導いて吸收壁に到達するまでの時間の密度関数を求めるのは困難で、Ten Hoopen は計算機によつて、シミュレーションを行つてゐる。その結果はかなり実験データと似たものが得られてゐる。なお $\tau=\infty$ の場合には

$$P'_k(t) = \lambda P_{k-1}(t) - (\lambda + \mu)P_k(t) + \mu P_{k+1}(t) \quad k \leq r-2$$

$$P'_{r-1}(t) = -(\lambda + \mu)P_{r-1}(t) + \lambda P_{r-2}(t)$$

$$P'_r(t) = \lambda P_{r-1}(t), \quad P_o(0) = 1$$

となり解は

$$g(t) = \frac{r}{\tau} \left(\frac{\lambda}{\mu} \right)^{\frac{r}{2}} e^{-(\lambda+\mu)t} I_r(2t\sqrt{\lambda\mu})$$

と与えられる。この $I_r(2t\sqrt{\lambda\mu})$ は r 次の変形ベッセル関数である。なおこのモデルで入力がポアソン過程といふこと

は、シナップスが非常に多いときは近似的に成り立つことが知られている。

§3. スパイク系列

3.1 素過程モデル

個々のスパイクの発生ではなく、連続したスパイク系列を一つの時系列とするには、神経細胞の活動と生物の行動とを関連づけて研究する上に重要である。このようなスパイク系列の最初のモデルはポアソン過程である。ポアソン過程については次のような同等な2つの定義の仕方がある。 $N(t)$ を $(0, t]$ 間のスパイクの数を表わす確率変数とする。

定義1. $\{N(t), t \geq 0\}$ がポアソン過程とは

- (i) $N(0) = 0$
- (ii) 任意の $0 < t_1 < t_2 < t_3 < t_4$ に対して $N(t_4) - N(t_3) \times N(t_3) - N(t_1)$ は独立
- (iii) 任意の $s, t \geq 0$ に対して $P_r\{N(s+t) - N(s) = n\} = e^{-\lambda t} \frac{(\lambda t)^n}{n!}, n=0, \dots$
 $\lambda > 0$

定義2.

- (i), (ii) は定義1と同じ
- (iii) 任意の $0 < t_1 < t_2 \times h > 0$ に対して $N(t_2) - N(t_1) \times N(t_2+h) - N(t_1+h)$ の分布は同じ（増分の定常性）
- (iv) $P_r\{N(t) \geq s\} = o(t)$

$$(V) P_t \{ N(t) = 1 \} = \lambda(t) + o(t)$$

定義2の条件(V)は絶対不応期の存在に対応するものであり、その意味ではポアソン過程は生理学的に意味をもつていて、また多くのデータと一致している。ポアソン過程のスペイク発生時刻を $0 < t_1 < t_2 < \dots < t_n < \dots$ とするとき $t_n - t_{n-1} = X_n$ の分布は互に独立に平均 $\frac{1}{\lambda}$ の指数分布に従う。

これに対して $\{X_n\}$ をはじめに与えて最初過程を構成する方法もある。互に独立で同じ分布に従う確率変数列 $\{X_n\}$ が、

$X_1 + \dots + X_n = S_n$ を作る $N(t) = \sup_n \{ n ; S_n \leq t \}$ と定義すると最初過程 $\{N(t), t \geq 0\}$ が得られる。これを renewal 過程という。 X_n が指数分布のときはポアソン過程である。

実験データによれば $\{X_n\}$ の系列相關係数が 0 に近いときは X_n は指数分布で、0 に近いときは高次のガンマーフ分布になる場合が多い。

3.2. セミマルコフモデル

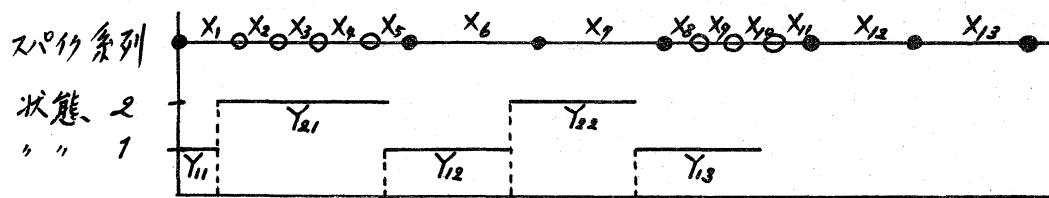
Ekholm & Hyvärinen (11) により、ラマギの脳神経細胞からのスペイク系列に対して考案されたモデルである。スペイク系列の中に頻度の大きい時期と小さい時期が交互に表われる現象を、その神経細胞の状態の変化によるものとしてセミマルコフモデルをあてはめたものである。このようなスペイク系列は味覚や触覚など報告されており、スペイクのパラ

一つの原因として神経細胞の状態を考慮したものは興味ある試みである。

$f_i(x)$, $i=1, 2$: 神経細胞が状態 i のときの $\{X_n\}$ の分布

$p_i(k)$, $i=1, 2$: 神経細胞が状態 i のとき出すスパイク数の分布

Y_{ij} , $i=1, 2$, $j=1, 2, \dots$: 状態 i のスパイク数, $p_i(k)$ に従う。



スパイク系列は図のようになる。これは離散時間の交替 renewal 過程であり、このモデルの系列相関、相移確率が求められ、データとの適合性が調べられている。

3.3. 情報論的モデル

これは神経細胞がスパイク系列の密度によって情報伝達を行なっていると考へ、情報量等を計算するためのモデルである。

renewal 過程 $\{X_n\}$ の分布をガンマ一系分布 (λ と μ の m 次のガンマ一分布を $T_m(\lambda)$ とかく) とし、このなかのパラメータ λ を入力確率密度、その分布を $T_\ell(\mu)$

$$f_\ell(\lambda) = \frac{\mu^\ell}{T_\ell(\mu)} \lambda^{\ell-1} e^{-\lambda\mu}, \quad \lambda > 0$$

とする。ケイナンテルに相当するものは

$$f_{X/\ell}(x|\lambda) = \frac{\lambda^m}{T(m)} x^{m-1} e^{-\lambda x}, \quad x > 0$$

であり、出力分布は

$$f_X(x) = \int_0^\infty f_{X|A}(x|\lambda) f_A(\lambda) d\lambda$$

である。 $f_A(\lambda) \propto P_e(\mu)$ としたがうとする。 $I(X|A) = H(X) - H(X|A)$ は $l \times m$ の関数となり $I(X|A)$ の最大値、即ち Capacity が与えられる。数値計算によると $m \leq 10$ のときは $l=1$ のとき最大で $I(X|A) \approx 1.99$ となる。 $m > 10$ のときは単調増大である。この理論を高次元へ拡張するには、高次元のガンマ一分布に相当するものをつくるよう定義する。

$\Lambda = (\lambda_{ij})$: 入力を表す $k \times k$ 対称行列 $N = \frac{k(k+1)}{2}$ 次元

$X = (x_{ij})$: 出力確率変数を表す $k \times k$ 対称行列

定義 1.

$k \times k$ 対称行列 $Z = (z_{ij})$ が N 次元ガンマ一分布に従うとは 密度関数が $S_Z = \{\lambda > 0 \text{ の領域}\}$ 上で

$$f_Z(z_{11}, \dots, z_{kk}) = C_{k\ell} |A|^{\frac{l-1}{2}} |Z|^{\frac{k-k}{2}} e^{-\sum_{j=1}^k a_{jj} Z_{jj}}$$

である。ここで $\ell, k \geq 1$ ($P_e(N, A)$)

$$C_{k\ell} = \left\{ \pi^{\frac{k(k+1)}{2}} P\left(\frac{l-1}{2}\right) P\left(\frac{l-2}{2}\right) \cdots P\left(\frac{l-k}{2}\right) \right\}^{-1}$$

$A = (a_{ij})$: $k \times k$ 正値対称行列。 $|A|$ は A の行列式。

このよる K 高次元の場合を定義する。1 次元の場合と同様

$I(X|A)$ が f_A のペナルティー \cup 無条件を二つが示され

る。つまり X を $C^{(1)}$ を係数とする 1 次変換を施す

$$C^{(1)} X = Y^{(1)} \quad \text{と} \quad C^{(2)} Y^{(1)} = Y^{(2)}, \dots, C^{(n)} Y^{(n-1)} = Y^{(n)}$$

とする。したがって

$C^{(n)}$: 第 $n-1$ 層と第 n 層との結合係数、 $k \times k$ 対称行列

$\gamma^{(n)}$: 神経第 n 層の出力確率表数、 $k \times k$ 対称行列

このよう k 逐次変換すると、ある条件下で $I(Y^{(n)}|A) = I(X|A)$ となることが示される。

3.4. 神経系の非線形機能のモデル

最後にウイナーの非線形理論を神経系に応用した論文(12)について説明する。ナマズの網膜の神経節細胞からのスペイン系列 $y(t, \omega)$ をウイナーの直交多項式汎関数展開

$$y(t, \omega) = \sum_{k=0}^{\infty} G_k [h_k(t-\tau_1, \dots, t-\tau_k), \omega]$$

によって説明しようとするものである。このため白色ノイズ $dX(t, \omega)$ を入力として水平細胞に与え、そのときの神経節細胞からの出力 $y(t, \omega)$ を測定し、 $y(t, \omega)$ と $X(t, \omega)$ から $h_k(t-\tau_1, \dots, t-\tau_k)$ を推定している。一般に

$$h_n(\sigma_1, \dots, \sigma_n) = \frac{1}{n!} \alpha^{2n} E \{ y(t, \omega) dX(t-\sigma_1, \omega) \dots dX(t-\sigma_n, \omega) \}$$

であるから右辺の期待値を時間平均で推定することにより、

$h_n(\sigma_1, \dots, \sigma_n)$ が与えられる。実験結果から $h_1(\sigma_1)$ は双極細胞における線形処理の効果を表わし、 $h_2(\sigma_1, \sigma_2)$ は神経節細胞における非線形処理の効果を表わすとかわる。

参 考 文 献

1. Gerstein, G. L. and Mandelbrot, B., Random walk model for the spike activity of a single neuron, Biophys. J., 4, 41-68, 1964.
2. Stein, R. B., A theoretical analysis of neuronal variability, Biophys. J., 5, 173-194, 1965.
3. Ten Hoopen, M., Probabilistic firing of neurons considered as a first passage problem, Biophys. J., 6, 435-451, 1966.
4. Johannesma, P. I. M., Diffusion models for the Stochastic activity of neurons, Neural Networks, E. R. Caianiello, 1967.
5. Stein, R. B., The information capacity of nerve cells using a frequency code, Biophys. J., 7, 797-826, 1967.
6. Bayly E. J., Spectral analysis of pulse frequency modulation in the nervous systems. IEEE Trans. on Bio-Medical Eng. 15, 257-265, 1968.
7. Kanô, S., Mathematical models of neuronal spike activities, Res. Rep. No. 2, Res. Inst. of Fund. Inf. Sci., Kyushu Univ., 1-12, 1969.
8. Oomura, Y. et al., Some Stochastical Patterns of Single unit discharges in the cat Hypothalamus under chronic Conditions, Ann. N. Y. Acad. Sci., 157, 666-689, 1969.
9. Charles K. Knox, Signal transmission in Random spike trains with application to the Statotoeyest neuron of the Lobster, Kybernetik, 7, 167-174, 1970.
10. Walløe L., On the transmission of information through Sensory neurons, Biophys. J., 10, 745-763, 1970.
11. Ekholm A., and Hyvärinen J., A pseudo-Markov model for series of neuronal spike events, Biophys. J., 10, 773-796, 1970.
12. Naka Ken-Ichi, White-Moise analysis of a neuron chain, An application of the wiener Theory, Science, 175, 1276-1278, 1972.
13. Kanô, S., Information Theory of Nervous system, Res. Rep. No. 33, Res. Inst. of Fund. Inf. Sci., Kyushu Univ., 1973, to appear.

Comment

「神經生理学の研究における
stochastic な立場と deterministic な立場
について」 杉山 博

私のスパイク interval の分布に関する研究
は明らかに stochastic なモデルについての研究で
ある。

しかし、stochastic model といえば、これと対立する
のが deterministic model のもとの神經生理学
の研究がある。

その deterministic model のもとの研究の一例
をあげれば、たとえば random な要素も入らす
neuronal network の構造を研究する立場が
ある。

このよじな deterministic な立場と stochastic な
立場といえば従来、とかく相対立する立場であつて
一つの立場をとるべきか、一つの立場における
研究がより重要であるかといふよじな議論が
発展しやすいくらいであるが私はつきのようになる
。即ち、

両者は決して他の立場の研究を排除するものではなく、むしろ相補的なべき立場にあること

いうことである。

多数の neurons を対象として、それらの "firing" を考えて 1つのシステムとしての neuronal network について 激奮、抑制などを刺戟の伝達機構を示す場合には個々の膜電位の上から下から 1= いまでの stochastic model を考えたのは 数学的に問題を記述し解析することは殆んど不可能に近くとも考えられる。

これに対して 1個の neuron における firings の現象については 1950 年前後からの多数の 実験研究（中でも Hagiwara 博士の研究は有名である）が行なわれておき、spike interval は いくつも random な変動を示すもの、併 なうものとの理解され、その結果として spike interval の分布は、たとえば指數型、 たとえば カンコ型、スリーブなどと云はれる複雑のとの 分布でも適合しない等の long tail を示す 分布など、統計的分布によると記述されることはむしろ常識となつてゐる。

しかも、このように分布は 2 大別して、着目する神経

細胞の intrinsic な $\lambda = 2 \sim 4$ と $\tau = 1 \sim 10$ ms。
 spontaneous な 現象とこの分布と、この細胞と
 どうも周囲の 神経細胞 (neuron cells) が
 network と (この "つながり" によって) 連絡して
 stimuli \rightarrow resultant \rightarrow external な 現象
 と (この分布に分類される) である)。

後者の場合は着目する spike interval の分布
 (は、その神経細胞と) その neuronal network
 の 1 つ 簡潔な 表現といつてはつかない
 であろう)。すると、この上) な spike train \rightarrow 1 つの
 measure としての 分布に対するのは、單純化
 その他の 分布型の 理論論ではあるが、
 といひ止まらず、神經生理学者の 実験・観察へ
 支えられる 膜電位の 上昇 (下落) の パターンへ
 固まる 数学的 モデルと 閾値 threshold
 potential level との 因縁において導かれる
 first passage distribution といふ研究をする、
 これが重要を意味をもつ)。

このよしんで導かれる 分布と 実験結果との観察
 は必ずしも うまくいっておらずとも、
 意味の 適合度の 検定 (は意義をもつ)
 一方、必ずしも適合

性を示す場合に、飽和したヒストグラムの現象
消後の数学モデルの中には含まないパラメータ
を推定することは unobservable な神経系の
特性を知る上で極めて重要な意義を持つ
ものと思われる。

もしも 2 つの neuron cells の各々が spike
train の間の cross-correlation を飽和した
ときのかつての相位を step by step に
neuronal network の特性と構成を、既に
して実験動物の、特に耳の感覚器官へ
つけて高橋 (1985) は stochastic model
のもう一つの重要な研究目標ではある。
と思われる。

(しかし、このよきな network の $x = z - u$ は
deterministic な立場のもとで、 \rightarrow といふ解釈
ではなくか) stochastic な立場は意味がある
ところであるかも知れない。

(しかし、他の spike interval の分布に関して、
巨大なシナプスの膜大さなパラメータを測定し、
枚挙するには不可能である。そこでよりよい
は stochastic approach の価値を理解する

以上のことはあるまいと思うのである。これが「確率論」のようなくらいの重心の $x, y, z, \dot{x}, \dot{y}, \dot{z}, \dots$ とされを除けば面のあらざれ、十分多様元（多くと無限次元）で deterministic な物理法則をもつてゐるといふと
してもありの確率論微妙でのため実用上の
意義は薄である。

個々の neuron (= ある = < 自然の観察する \rightarrow ある spike train は必ずしも random fluctuation は同の前の事実として直視しつゝ、以上述べたところ研究方向。そして stochastic approach の研究と解明を進めていく、他の deterministic な立場における研究成果と相争う相撲立て研究を進めることこそ有意義であると思ふ) のである。

最後に神經生理学者のうちの一人の research-mate である George Moore が著した論文
STATISTICAL ANALYSIS AND FUNCTIONAL
INTERPRETATION OF NEURONAL SPIKE
DATA (Annual Review of Physiology 1966)
の中では過去の stochastic models について list
up して Table I と Table II を転載して参考資料
となる。

ical formulations. A heuristic model, attempting to show the relationship between synaptic input and postsynaptic interval distributions, has been proposed by Braitenberg (57, 78).

Not included in these tables are models in which the basic assumptions are primarily of a mathematical rather than a physiological nature, such as the model of Smith & Smith (59) describing the irregular bursting properties of cortical neurons, the model by Siebert (82) of primary auditory neuronal activity, and a model of ten Hoopen et al. (83, 84) which is applicable to problems of retinal unit excitation.

TABLE I
NEURON MODELS WITH RANDOM INTRINSIC PROCESSES

Authors	Post-spike membrane potential	Post-spike threshold
Buller et al. (48) (Muscle spindle)	Constant with added Gaussian noise.	Constant
Hagiwara (22) (Muscle spindle) Goldberg et al. ^{a,b} (19) (Superior olive)	Proportional to stimulus intensity with added Gaussian noise.	Exponential decay
Weiss ^a (31) (Auditory n. fibers)		
Vierneis & Grossman ^{a,b} (56) (Cochlear nucleus, trigeminal nucleus, etc.)	Exponential depolarization from undershoot to asymptotic value which is proportional to stimulus intensity; Gaussian noise added.	Constant
ten Hoopen ^b (79) [Muscle spindle data(22)]	Proportional to stimulus intensity.	Exponential decay with added Gaussian noise.
Buller ^{a,b} (72) (Muscle spindle)	Proportional to stimulus intensity.	Hyperbolic decay to a fixed value after which held constant. Gaussian noise added.
Verveen & Derkzen (73) (Muscle spindle, chemoreceptor data, etc.)	Exponential decay from undershoot to asymptotic potential.	Constant with added Gaussian noise.
Junge & Moore ^a (62) (<i>Aplysia</i> pacemakers)	Exponential decay to asymptotic value drawn from normal distribution at beginning of each interval.	Constant
Geisler et al. ^{a,b} (80) (Superior olive, etc.)	(1) Proportional to stimulus intensity with added Gaussian noise. (2) Undershoot to level which depends on pre-spike membrane potential; exponential decay to asymptotic value determined by stimulus intensity. Gaussian noise added.	(1) Exponential decay (2) Exponential decay

^a Absolute refractory period included in model.

^b Models in which effective bandpass of the noise is variable.

Some of the models are *ad hoc* insofar as they were developed to explain particular experimental observations. Some of the later authors have recognized the ability of their models (many of which are even equivalent to earlier

TABLE II
NEURON MODELS WITH RANDOM SYNAPTIC PROCESSES

Author	Input sources ^a	Firing requirements (Threshold/EPSP amplitude ratio)	Post-spike membrane potential	Post-spike threshold
Gerstein (21, 75) (Auditory system)	Nondecaying EPSP's and IPSP's of constant equal amplitude; variable relative rates of arrival.	32:1	Reset to resting level.	Constant
Amassian et al. ^b (52) (Cuneate nucleus)	n excitatory channels, ($2 \leq n \leq 6$), each with independent periodic arrival times, constant equal amplitude; exponential decay.	1-2:1	Hyperpolarized by negative pulse with exponential decay.	Constant
Fetz & Gerstein (76)	Excitatory and inhibitory PSP's, each with independent Poisson arrival rates; constant equal amplitudes; exponential decay.	Variable	Reset to resting level.	Constant
Stein ^b (74)	Excitatory and inhibitory PSP's with independent Poisson arrival rate; EPSP and IPSP amplitude constant but unequal; exponential decay.	Variable (2-20:1)	Reset to resting level.	Constant
Perkel ^b (65, 66) (<i>Aplysia</i> visceral ganglion)	n channels ($n \leq 350$) of EPSP's and IPSP's each with normally distributed amplitude. Exponential decay of PSP. Poisson, gamma, or normally distributed arrival times for each channel.	Variable	Exponential decay from undershoot towards normally distributed asymptotic potential.	Exponential decay toward normally distributed asymptotic value.
Bishop et al. (42) (Lateral geniculate)	(1). n excitatory channels each with identical gamma distributed arrival times, all produce EPSP's of equal size. (2). Single excitatory channel with gamma distributed arrivals. One "inhibitory" channel with Poisson arrivals. Each "inhibitory" pulse blocks next arriving excitatory pulse.	1 1	Constant Constant	Constant Constant
ten Hoopen (77) [Lateral geniculate data (42)]	Single excitatory channel with Poisson or Gaussian distributed arrival times. "Inhibitory" source with Poisson or Gaussian distribution of arrivals blocks next excitatory arrival.	1	Constant	Constant

^a In none of these models is the PSP amplitude dependent on membrane potential.

^b Absolute refractory period included in model.