関係データベースデザインの数学的基礎理論について

東北大学 電気通信研究所 增 永 良 文

1.17001

関係データベースを論理設計する手法に大別して、1)分解的手法 2)合成的手法の二つがある。 1)の分解法に Codd [1] の導入した関数後尸性、下です。か「2」の導入 した知値後尸性等の情報を使い、ままられた初期関係スキーマ で通常ヤ三正規形、Boyce - Codd正規形、あるいい中四 正規形である基本関係スキーマと呼ばれる関係スキーマの集 合に情報無損失分解して申く手法である。 勿論、分解の目 的门良し知られている様に、正規形で云わゆる storage anomalies をちらくすることが出来るからである。

立て、本稿の目的「最初路に示しれている幾つかの分解的 字記に則ったデザイン弦を解析し、次いでニから分解弦の支 通の欠果である情報無損失分解が下向なく子立られた関係な オーマも分解していく大)の過程であるということを改養す バく, 茗屋が記に導入している関係国関教徒产性なる概念を紹介し, 二の概念が従来の分解法より真に強力なデザイン法のデザインナ001となっていることを示す。

2. 基礎的事項.

- (a)、関係スキーマロ関係の構造的、意味論的枠組をするるものであり、関係データベースの設計とは関係スキーマの組を設計することである。 実際のデータはこの枠組がとる 恒であって、これを関係スキーマのインスタンスという。 R=(メ,ル,ス), メニ (A,) = (A, ル), Am)の戸性集合、ルはドメイン学像、ル(A,) = D, (D, はドメイン), 元は以下で述べる関数能产性の集合、は関係スキーマである。 Rのインスタンストは Dax を Dan 存储部分集合で、その名之と面立するものとこう。
- (c) $R(\lambda)$ 2 関係 Z キーマ、 β → Y Σ R α 関的 Ω P Σ P α P α

に分解するこの分解の仕方は情報無損失である。ここに情報無損失のあるになるはないないのインスタンストに対してトニ
Trans(r) * Trans(r) が成立することである。*11級合演算を取わす。

(d) 関係スキーマRIT全ェハNon-primeア性(と"ハcandidate Key にも「工厅、『性」が名 candidate Keyに定問 数値アの時にオニ正規形という。 関係スキーマ R(SUPPLIER CITY, POPULATION), SUPPLIER - CITY, CITY -POPULATION,17中二正規形にある。 ヤニ正規形であって かっ全てのnon-prime pt213名 candidate Key に非選移 的に従アしている時、ヤシ正規形であるという。 Boyce-Codd 正規形と17全工の全間報從月性の決定多が candidate Reyになる時を云う。 ヤ三正規形であって Boyce - Codd 正规形でない有名方例「関係スキーマ R(STUDENT, TEACHER, COURSE) , ISTUDENT, COURSE } > TEACHER, TEACHER → COURSE,である。 ニルロヤ三正規形であるがTEACHER が Keyであいので Boyce - Codd 正規形であいる. Rがオ田 正規形であるとは好値経り性なみとが存むすれば、尺の全 ア性がらに関数役户の時も云う。Boyce-Codd正規形であ つて中四正規形で写い例はR(COURSE, TEACHER, TEXT) , COURSE +> TEACHER , COURSE +> TEXT N'A 3[4] 0

(e) 基本関係がオミ、Boyce-Codol,才四正規形である関係スキーマの分解記でオミ、Boyce-Codol,中四正規形分解記とえる。

3. 沖三正規形分解記の能力的限界.

以下例題で示す様に中三正規形分解法による設計法に初期 デザインをデザイナーがどの様に与えるかに強く俺存してし すう。これはBoyce-Codd,中四正規形いずれの分解法に も芸通したて見であり、次に示す様に分解法がナローの必れ の性格を存するということが方案了能知的限界による。 「例題」科学研究計のデータベースの設計例: 研究がにり 研究者、ダスク、プログラム、平等へ概念があるとする。 次の二つの初期デザインも与える。

PHATE > PLEADER, PNAME > P. BUDGET, D' & F3.

河野デザインB: Rat-g, Rg-To (T.NAME, P.NAME, P.LEADER, P.BUDGET), TNAME → P.NAME, P.NAME → P.LEADER, P.NAME
→ P.BUDGET, かららる。

これが期デザインに定義とれている関数絶が性を任ってか

三正規形分解を行うこと次の最終デザインをうる。 最終デザインA、Bio分得られたもの。 最終デザインA: Rst (S.NAME, T.NAME), Rx(T.NAME, T.LEADER, TISUDGET), Rsp (S.NAME. P.NAME), Rp (P.NAME, P.LEADER, P.BUDGET).

最終デザインB: Rst, Rt, Rp(TNAME, PNAME), Rp.

「問題を17最終デザインA17を11を12が成み分解をしても決してインB17部町デザインAから17どの様み分解をしても決して得られないということである。このことからデザイナー17部町デザインの選定に苦悩するかもしれない。これが従来の分解弦の欠率であり、よりフレクシブルなデザイン試が要求しれる原因でもある。この问题をは次に関係に関致役が性の限念を入れて打破する。

4. 関係国関教領ア性の導入と志用.

 $R_1 = (d_1, M_1, \pi_1)$. $R_2 = (d_2, M_2, \pi_2)$ が結合可能 とは次n = 1 の条件が成立する時で云う。

(1) dn nd2 + 中 (2) M1/dn d2 = M2/d1/d2.
東に (3) 3→1,3U1 = M1/d2,が実に行1と行2の元であるろうこから二、の関数役7性は時隻関数へ意味で一致する、といる条件を関数後7性の一意性の保証の為課する。

そして致めてRAとR2 18紀6可能と云う。 注意すること 13この総合の概念の極めて一般的であることである。 その意味の本事終りに記す。 R_1*R_2 で R_1 と R_2 の総合を起わす。 R_1*R_2 = (d_1 U d_2 , u_{12} , π_1 U π_2) , u_{12} I d_1 = u_1 , u_{12} I d_2 = u_2 である。

次にR1とR2を紹合可能方関係スキーマとし、B, r ⊆ d1 Ud2, しかし B, r ⊆ d1でも B, r ⊆ d2でもろいと
引3。 こへ時 R1とR2の周の関係関関教授予短(以下
IFDと賭記)17 B→ r なる形の陳正である。 この意味17組(R1、R2)の任意の時刻でにありるインスタンスの組(r1、r2)に対して、もし ri * r2 * 中方ら1で、それ、以1 ← ri * r2 に対して 以1 = u/3 → up = u/p が成立することである。 IFDs 17 R1とR2の同に任意に定義 2れるもので17方く、次の合題群で規定工れる制約を存する。

命題1. r1, r2 を紹合可能万二の関係スキースR1とR2のインスタンスとしい*12 * 中とする。 サレエチロ β→1 (以下一般性を生存ることをく 「ミd2とほ定)がR1とR2の国に存在する方を1で、(MU/5)ハd2→1の Td2(内**12)と対して外立しなければろうない関係役別でする。
命題2. 上述と同い条件のもとに次が成立する。

(i) tv d2 1 /3 + \$ + \$ + \$ + \$ (d2 1/5) -> 1 5 Td2 (r1 * 1/2)

<u>命題3.</u> r1 と r2 E総合可能な二つの関係スキーマ R1とR2 ハインスタンスとし r1 * r2 ‡ 中とする。 β と r z d1 Ud2 の部分集合で r ⊆ d2 しのし β ⊆ d2 で ロ ないとする。 = の時、もし命題1 はび2の条件が成らする なら1 r β→ r 13 打 (r1, r2) に対して成立するエチロである。

定程1. PrとR2を総合可能介ニコの関係スキーマとする。 B、YをYEd2でけあるがからd2でけるいめいd2の部分集合とする。この時、B→ Y 5 6形の陳述が好(rn, r2), ここに rn と r2 は R1 と R2の インスメンスで rn * r2 * 中), に打して成を引き合って下りである為の必要かつ十分条件の 合題1 Rび2の条件が改をすることである。

定理2. 定理1と同様の条件のもとで、タットみる形の標述がR1とR2の間のフトロである為の外電かり十分条件ロタラインではなる。サガットはよりのアルトルの全てのインスタンスの組

(ra,rz)に打して放をするIFDであることである。

スて、上述の結果のデータベースデザインへの応用を以下 考察する。 まず R1 と R2 を結合可能な関係スキーマンレ 全ての時刻でに対して、そのインスタンスの縄 (r1, r2)が T(Mn/2)か)=T(Mn/2)(r2) 2 つ時時、 R1と R2 17情報 無損失結合可能と云うことにする。

定理3. 情報無損失紹合可能な二、の関係スキース R1とR2 の同に IFD $\beta \to r$ ($r \le d_2$) が存在したとする。 つの 時、R1とR2 17情報を矢分ことをく次の三つの関係スキースに置き控えられる。 $R'(\beta \cup r)$, $R''(d_1 \cup (\beta \cap d_2))$ と $R'''(d_2 \setminus r)$ 。

「昭記」エチDB→ドニサなたを保証してれた R2の関数能ア性(はカロB)のd2)→ 8を使い R2をR21=

 $\pi_{(((MU/S)/1d2)U)}(R_2) と R_{22} = \pi_{(ANT)}(R_2) = 分解する。$ この時 R_1 と R_{21} の情報無損失紛合可能で、かっ $\beta \to \Gamma$ 13 R_1 と R_{21} 個の エチ D と Γ_3 ので R_1 と R_{21} の情報で失力 β こと β く β たん β と β に β と β と β と β に β と β と β に β と β と β に β と β に β と β に β と β に β と β と β と β に β と β と β と β に β と β と β と β と β と β に β と β

和にRzz((d1UB)ndz)→1で分解とTIC, R1×Rzを 作ってしまうと、その後の大人の関教徒ア性として定義は れた Bor, あるいり ((daus)) へん。) → rをどの様に使 フても定理3中の R', R", R"の組は得られない。これは 神野デザインとして R1(d1)、R2(d2)、エトロカラとちる 構成を子えるのと R(d1Ud2) , トライ , ((d1UB))のな) →となる構成をよえるのとの根本的差異である。 又後着の 構成のら事出てれる最終デザイン口をで前者の構成のらも等 出出来かっ上述のことから、IFDsを導入した関係データ ベースのデザイン記は、それを専入しないデザイン記に比べ 真にデザイン能力に於いて強力であることが利る。 か三正 理形分解弦であって、初期デザインとして複製口の関係スキ ーマとエFD、をよるらデザイン記を抗陸しれた中三正規形 分解核と呼ぶことにする。この分解核では容易に確かめら れる様に、オ三草の似題を使えげ、最終デザインAz初期デ ザインBから、又最終デザインBを初明デザインAから得る ことが出来、抗発工人にオミン関形分解投口真にデザイン能 かにおいて、従来のヤ三亚型形分解なより強力を手記である ことが発起される。

5. 紹論.

関係データベースデザインの分解的年級が拇指工れ、それらに交通方欠更である下何主の過程がデザイン能力を限定していることを指摘した。この欠免を改善すべく、関係周閲教徒と性をは新しい根念が定義考入工いた。この結果得られた振徳工いたから正規形分解デザイン認は従来のヤミ正規形分解法「一真にデザイン能力で強力方年法であることが示しれた。

[文献]

- [1] Coold, E. F. Further normalization of the data base relational model. Courant Comp. Sci. Symp. (1971)
 [2] Fagin, R. Hultivalued dependencies and a new normal form for relational databases, TODS 2.3 (1977)
 [3] Fagin, R. The decomposition versus the synthetic
 - approach to relational detobase design. 3rd VLDB Conf. Roc. (1977)
 - [4] Date . C. J. AnIntwoduction to detrous Systems.

 2 nd edition, Addism-Wesley (1977)

レト土・