

ある会話型数式処理言語の開発

広島大 総合情報処理センター 大友正英

筑波大 社会工学系 池田秀人

1. はじめに

すでに多くの数式処理システムが開発され、そのうちのいくつかは、広く使用されている。最近では、数値計算プログラムやデータベースとの結合の必要性が求められている。

一方、学術情報システムの一環としての数学情報システムの研究もさかんに行なわれている。数学公式や数値解法プログラムのデータベースと結合された数式処理システムは、数学情報システムの実現にとっても重要なものである。

ここでは、数学情報システムとしての数式処理システムとは何かについて述べる。

2. 従来の数式処理システム

長大で、複雑な数式を扱う量子力学や天体力学などの分野からの要望で、数式の簡約化・単純計算のくり返しき、記号

のまま扱う事を目的として、数式処理システムが開発された。その後、アルゴリズム等の研究が進み、改良されてきたが、次の問題点が残されている。

- (1) システム内の数式の操作処理過程を、システムが管理していない。
- (2) システム内の他の数式との論理的関連性を、システムが管理していない。
- (3) 数学公式の検索・適用時の妥当性のチェックができない。
- (4) 数式処理システム内から、数値解法プログラムの実行ができない。
- (5) 教值的・非教值的な応用プログラムの検索・適用時の条件チェックができない。
- (6) 最終的に得られた数式表現(関数方程式など)が、正しく、実験データなどを反映しているかどうかの検証ができない。
- (7) グラフィックディスプレイ・レーザープリンター・XYプロッターなどの出力形態をサポートしている。

3. これからこの数式処理システム
数式処理システムを使う人は、基本的な公式などを用いて現在扱っている現象を説明し得る、数学的表現を求める、観測

された T-T と比較・検証する事が多い。また一方、予想される表現が、導かれて出されるか否かを主目的にする、数学的な使い方もある。

これらの使い方の全過程を支援する事、すなはち、与えられたアルゴリズムに従って答えを出すだけでなく、人間の推論を助ける様なツステムが、今後必要になってくる。この様なツステムに必要な機能は、次の 4 点である。

(1) 敏式変換の支援

- ・数学公式及びその公式の適用時の条件の T-T ベース化と敏式処理ツステムからの検索機能
- ・数学公式適用時の適用可能性の判断をツステムが、行なえる機能
- ・特殊関数などの手続き的変換規則の“手続き”の T-T ベース化と敏式処理ツステムからの検索・実行機能

(2) 敏式間の論理的関連性の把握

- ・等式・不等式の取り扱いができる。
- ・敏式の操作・処理過程が保存でき、必要に応じて、再実行できる。
- ・指定された変数・関数を含む、ツステム内に存在する敏式の検索ができる。

- ・数式の導出過程で使用された束縛条件を、システムが把握している。

(3) 応用プログラムとの結合

- ・各種応用プログラム及びその適用条件のデータベース化し、数式処理システムからの検索・実行ができる。
- ・応用プログラム実行時に、適用可能性の判断をシステムが行なえる。
- ・数値解法プログラム適用時の、数値解を数値データベースへ保存できる。

(4) 結果としての数学的表現の検証支援

- ・実験データや数値解が数値データベースとして、数式処理システム内から取り扱える。
- ・数値データや関数などの、図・表による視覚的取扱いができる。
- ・グラフィックディスプレイ・レーザープリントなどの出力形態がサポートされる。

4. 数式処理システムのモデル

以上に述べた数式処理システムを実現するためには、数式処

理システムの理論モデルを構築する事が、今後の課題である。

ここではモデル構築の準備として、教式処理システムにおける、教式・データ・プログラムあるいはコマンド等の概念を明確にしておく。

CODASYL の End User Facilities Committee (EUF) が、1979年に office automation を用いて、Forms-Oriented EUF モデルを提唱している。これは、office work (= おける様々な書類、書類のおかれている場所及び書類操作など) を分析して、office automation のモデルを構築したもので、

Object, Location, Operation

の 3 つの重要な概念 (= 基づいて) である。すなはち、

Object: form, file, stack, binder, group,
item, memorandum, work-sheet 等

Location: data base, desk-top, user storage,
I/O baskets, wast baskets, calculation register 等

Operation: terminal operation, object operation,
statistical operation, object movement,
inventory of location/object

subsetting of stack, split operation,
print operation, calculator operation 等

である。これらも通常の office work で使用されるものさ

office automation system は もちろんあります。

これを参考にして、数式処理システムで使用されるものを整理してみると、次の様になります。

Object : (数式処理システムで扱うデータ)

- 定数・変数・関数
- (連立) 方程式、不等式
- プログラム
- 数値データ
- 教学公式
- Command sequence

Location : (Object のおかれる場所)

- terminal input terminal
 output terminal
- work-space
- Data Base 教学公式 フォーマベース
 プログラム フォーマベース
 数値 フォーマベース

Operation: (数式操作・システム制御)

- Input/Output operation 數式の定義
display, print 等
- store operation データベースへの格納
(数値データ
command sequence)
- retrieval operation データベースの検索
- calculation 數式操作

5. 問題点.

数式操作過程を、システムが把握するためには、Currency の概念をもつていなければならぬ。EUF モデルでも、currency について小冊ではいるが、概念としては、明確でない。又時間の概念を含んだ理論モデルの研究は、ほとんどない。この点が今後の課題である。

参考文献

- [1] A Status Report on the Activities of the CODASYL End User Facilities Committee. ACM SIGMOD. Vol. 10, No. 2&3. 1979.
- [2] 數式処理と数学研究への応用. 數理解析研究所講究録 No. 406