

数理解析研究所講究録 1518

双曲空間の複素解析と幾何学的研究

京都大学数理解析研究所

2006年10月



*RIMS Kôkyûroku 1518*

*Complex Analysis and Geometry of  
Hyperbolic Spaces*

*October, 2006*

*Research Institute for Mathematical Sciences*

*Kyoto University, Kyoto, Japan*



## PREFACE

The workshop entitled "Complex Analysis and Geometry of Hyperbolic Spaces" was held at the Research Institute for Mathematical Sciences on December 5 - 9 of 2005.

In this workshop, there were 22 talks concerning with hyperbolic spaces and related topics. Most of the papers in this volume are based on the talks.

I would like to thank all the participants and speakers. I would also like to express my gratitude to the RIMS for support of the workshop and the publication of the proceedings.

Kyoto, September, 2006

Michihiko Fujii

海外からの研究者招聘に関して、

- 京都大学21世紀COEプログラム
- 科学研究費補助金

基盤研究(C)(2) #15540069

「多様体上の双曲構造とその変形」(研究代表者: 藤井道彦)  
による補助が役立ったことを記します。



# 双曲空間の複素解析と幾何学的研究

## Complex Analysis and Geometry of Hyperbolic Spaces

京都大学数理解析研究所の共同研究事業の一つとして、下記のように研究集会を催しますので、ご案内申し上げます。

研究代表者：藤井道彦（京都大学・理学研究科）

### 記

日時：2005年12月5日（月）13:00～12月9日（金）12:50

場所：京都大学数理解析研究所115号室

京都市左京区北白川追分町

市バス 京大農学部前 または 北白川 下車

### プログラム

#### 12月5日（月曜日） Mon, Dec. 5

13:00～13:50 神谷茂保 (S.Kamiya) (岡山理科大・工)

Discreteness of subgroups of  $PU(1, 2; \mathbb{C})$  acting on complex hyperbolic space

14:00～14:50 神島芳宣 (Y.Kamishima) (首都大学東京)

Smooth Rigidity of Aspherical Homogeneous Manifolds

15:10～16:00 S.P.Tan (National Univ. Singapore)

Generalizations and variations of McShane's identity and applications

(I) Hyperbolic cone surfaces

16:20～17:10 K.Bromberg (Univ. Utah)

The topology of the space of Kleinian punctured torus groups (I)

#### 12月6日（火曜日） Tue, Dec. 6

10:00～10:50 糸健太郎 (K.Ito) (名古屋大・多元数理)

On 3-dimensional extension of the Maskit slice for punctured torus groups

11:10～12:00 S.P.Tan (National Univ. Singapore)

Generalizations and variations of McShane's identity and applications

(II) Schottky groups

14:00～14:50 K.Bromberg (Univ. Utah)

The topology of the space of Kleinian punctured torus groups (II)

15:10～16:00 秋吉宏尚 (H.Akiyoshi) (阪市大・数学研究所)

Ford domain of a certain hyperbolic 3-manifold whose boundary consists of a pair of once-punctured tori

16:20～17:10 大鹿健一 (K.Ohshika) (阪大・理)

The boundary of the Riley slice

**12月7日（水曜日）Wed, Dec. 7**

- 10:00 ~ 10:50 松本圭司 (K.Matsumoto) (北大・理)  
Automorphic functions for the Borromean-rings-complement group  
11:10 ~ 12:00 K.Bromberg (Univ. Utah)  
The topology of the space of Kleinian punctured torus groups (III)  
14:00 ~ 14:50 S.P.Tan (National Univ. Singapore)  
Generalizations and variations of McShane's identity and applications  
(III)  $SL(2, \mathbb{C})$  characters of the one holed torus  
15:10 ~ 16:00 山田光太郎 (K.Yamada) (九大・数理)  
Flat fronts in hyperbolic 3-space and their caustics  
16:20 ~ 17:10 小森洋平 (Y.Komori) (阪市大・理)  
On the periods of punctured torus groups

**12月8日（木曜日）Thu, Dec. 8**

- 10:00 ~ 10:50 牛島顕 (A.Ushijima) (金沢大・自然科学)  
Strongly invertible knots, rational branched coverings and  
hyperbolic 3-manifolds with geodesic boundary  
11:10 ~ 12:00 大市牧人 (M.Oichi) (静岡大・機器分析)  
Jorgensen numbers of discrete groups  
14:00 ~ 14:50 佐藤隆夫 (T.Sato) (東大・数理)  
The cokernel of the Johnson homomorphism of the automorphism group  
of a free group  
15:10 ~ 16:00 逆井卓也 (T.Sakasai) (東大・数理)  
Higher-order Alexander invariants for homology cobordisms of a surface  
16:20 ~ 17:10 松崎克彦 (K.Matsuzaki) (お茶の水女大・理)  
Quasiconformal mapping class subgroups acting on asymptotically  
conformal Teichmueller subspaces

**12月9日（金曜日）Fri, Dec. 9**

- 10:00 ~ 10:50 藤川英華 (E.Fujikawa) (東工大・情報理工)  
Pure mapping class groups and the action on Teichmüller spaces  
11:00 ~ 11:50 志賀啓成 (H.Shiga) (東工大・理工)  
On conformal mappings of components of Kleinian groups  
12:00 ~ 12:50 中西敏浩 (T.Nakanishi) (島根大・総合理工)  
Trace identities for  $SL(2, \mathbb{C})$  representation space of punctured surface  
groups

(11月28日作成)

双曲空間の複素解析と幾何学的研究  
Complex Analysis and Geometry of Hyperbolic Spaces  
RIMS 研究集会報告集

2005年12月5日～12月9日  
研究代表者 藤井 道彦 (Michihiko Fujii)

目 次

1. NOTES ON DISCRETE SUBGROUPS OF PU(2,1) WITH SCREW PARABOLIC ELEMENTS	1
岡山理大・工	神谷 茂保(Shigeyasu Kamiya)
2. Fiber spaces with solv-geometry: Preliminary report	6
Univ. Karlsruhe	Oliver Baues
首都大・理工学	神島 芳宣(Yoshinobu Kamishima)
3. A SURVEY OF LENGTH SERIES IDENTITIES FOR SURFACES, 3-MANIFOLDS AND REPRESENTATION VARIETIES	20
National Univ. of Singapore	Ser Peow Tan
"	Yan Loi Wong
Yangzhou Univ. / IMPA	Ying Zhang
4. Notes on the non local connectivity of deformation spaces of Kleinian groups	42
Univ. Utah	K. Bromberg
5. 離散的穴あきトーラス群の列について	53
名大・多元数理科学	糸 健太郎(Kentaro Ito)
6. Ford domains of a certain hyperbolic 3-manifold whose boundary consists of a pair of once-punctured tori	63
大阪市大・数学研	秋吉 宏尚(Hirotaka Akiyoshi)
7. Attempts to construct automorphic functions for hyperbolic links	76
北大・理学	松本 圭司(Keiji Matsumoto)
8. 3次元双曲型空間の平坦フロント	87
九大・数理学	山田 光太郎(Kotaro Yamada)
9. Rational-fold branched coverings and hyperbolic spatial graphs	97
大阪産大・教養	市原 一裕(Kazuhiro Ichihara)
金沢大・自然科学	牛島 顕(Akira Ushijima)
10. Jørgensen numbers of discrete groups	105
静岡大・理	大市 牧人(Makito Oichi)
"	佐藤 宏樹(Hiroki Sato)

1 1. ON THE JOHNSON HOMOMORPHISM OF THE AUTOMORPHISM GROUP OF A FREE GROUP	119
東大・数理科学	佐藤 隆夫(Takao Satoh)
1 2. HIGHER-ORDER ALEXANDER INVARIANTS FOR HOMOLOGY COBORDISMS OF A SURFACE	132
東大・数理科学	逆井 阜也(Takuya Sakasai)
1 3. A remark on quadratic differentials vanishing at infinity	144
岡山大・自然科学	松崎 克彦(Katsuhiko Matsuzaki)
1 4. Discontinuity of the action of pure mapping class groups	146
上智大・理工	藤川 英華(Ege Fujikawa)
1 5. On conformal mappings of invariant components of Kleinian groups	154
東工大・理工学	志賀 啓成(Hiroshige Shiga)
1 6. 4つの放物元に関するトレース恒等式について	160
島根大・総合理工	中西 敏浩(Toshihiro Nakanishi)
1 7. 双曲構造の変形と常微分方程式の確定特異点の合流操作, II	164
京大・理学	藤井 道彦(Michihiko Fujii)