# KETpic による教材作成とSymbolic Thinking

木更津工業高等専門学校・基礎学系 山下 哲 (Satoshi Yamashita) Fuculty of Fundamental Research, Kisarazu National College of Technology 東邦大学・薬学部 高遠 節夫 (Setsuo Takato) Fucluty of Pharmaceutical Science, Toho University

### 1 はじめに

高専や大学初年級の数学教員は、授業で使用するオリジナル印刷教材を作成する際、 数式を多用するため、Wordや一太郎などのワープロよりも T<sub>E</sub>X をよく利用する。数学 の教材では、学生に新しい概念のイメージを把握させるために図を用いることが多いが、 T<sub>E</sub>X で作成した教材に図を挿入することは容易な作業ではない。この結果、図のない教 材が多いという現状がある。このことは、2008年に 56 高専・27 大学 667 名が回答した 「授業での図の利用に関するアンケート」の結果からも明らかである([12]).

そこで、T<sub>E</sub>X 文書に正確で美しい図を容易に挿入するために、数式処理システム (Computer Algebra System, 略して CAS) のパッケージとして K<sub>E</sub>Tpic を 2006 年に開発した ([10]).開発当初は CAS として Maple を利用したが、その後、Mathematica、Maxima, Scilab, R でも利用できるようになった ([2], [3], [1], [9]). これらの CAS に対応した K<sub>E</sub>Tpic パッケージは、K<sub>E</sub>Tpic の Web ページ http://ketpic.com/より無料でダウン ロード可能である. K<sub>E</sub>Tpic で作成された図の特長は、正確な長さの線画、豊富な 2D および 3D 描画表現、文字や数式が T<sub>E</sub>X と同じ字体であるという親和性の高さなどが挙げ られる (図 1, 図 2 参照).最初の 2 つの特長は、CAS の数式処理機能を利用すること により実現できた.K<sub>E</sub>Tpic を利用して図を作成するには、以下の手順で作業すればよい (図 3 参照).



図1. 2D 描画における斜線塗り





- (I) CASを立ち上げ、KETpicを読み込み、 描画のプロットデータを作成する.
- (II) K<sub>E</sub>Tpic を用いて、プロットデータから BT<sub>E</sub>X 用描画コード(Tpic specials)を 生成し、図ファイルに書き出す。
- (III) T<sub>E</sub>X コマンド¥input により、T<sub>E</sub>X 文 書に図ファイルを挿入する。
- (IV) T<sub>E</sub>X をコンパイルし、プレビューアである DVI (PDF) で確認する.図の修正があれば、CAS に戻り、(I) から作業を繰り返す.

 CAS
 DVI(PDF)

 (I)
 (IV)

 アロットデータ
 KETpic

 (II)
 TEX 文書

 (II)
 (III)

 区AS での作業
 TEX での作業

この手順に従うと、図を T<sub>E</sub>X 文書に簡単に挿入でき、変更したい部分だけ図を修正すれば

図 3. KETpic による教材作成の手順

よい.以上のことから, KETpic は印刷教材に挿入する図の作成に適している([11], [4], [5], [8], [6]).

一方,図入り印刷教材を作成するためには、描画機能だけでなく、表作成機能・レイア ウト機能・コマンド作成機能も必要である。最近、K<sub>E</sub>Tpic にこれらの機能を新しく装備す ることができた。本論文の第2節では、これらの機能に関してワープロとT<sub>E</sub>X+K<sub>E</sub>Tpic を比較し、どちらが図入り印刷教材の作成に適しているか検討する。第3節では、Scilab 版 K<sub>E</sub>Tpic を用いて具体的な図入り印刷教材を作成しながら、K<sub>E</sub>Tpic に装備された新機 能を紹介する。第4節では、第3節の教材作成事例を用いて、図入り印刷教材の作成に 必要な事項を明らかにし、その中でもSymbolic Thinking に焦点を当てる。第5節では、 本論文の内容をまとめ、K<sub>E</sub>Tpic に関する今後の課題について述べる。

# 2 ワープロと T<sub>F</sub>X+K<sub>F</sub>Tpic の比較-教材作成の視点から-

数学の図入り印刷教材を作成するためには、文書を作成するエディタと図を作成する 描画用ソフトが必要である。主なエディタとしては、Word や一太郎などのワープロ、ま たは組版ソフト T<sub>E</sub>X がよく利用されている。また、主な描画用ソフトとしては、花子や Illustrator などのお絵描きソフト、または Gnuplot や CAS などのグラフ作成ソフトがよ く利用されている。T<sub>E</sub>X との親和性の高さから、WinTpic や初等数学プリント作成マ クロ emath の描画用スタイルファイル emathP を利用する人も少なくない。K<sub>E</sub>Tpic は、 エディタとして T<sub>E</sub>X、描画用ソフトとして CAS の利用を前提に開発されたツールであ る。本節では、ワープロ Word と組版ソフト T<sub>E</sub>X という2種類のエディタに着目して、 どちらが図入り印刷教材の作成に適しているか検討する。

図入り印刷教材を作成するために必要となる主な機能は、数式表示機能、描画機能、 記号作成機能、表作成機能、レイアウト機能である。これらの機能について、Word と T<sub>E</sub>X を比較すると表1のようになる。Word は、数式表示機能・描画機能・表作成機能

73

必要な機能	Word	T <sub>E</sub> X	手書き	
数式表示	Δ	0	0	
描画	Δ	Δ	Δ	
記号作成	0	×	0	
表作成	Δ	Δ	0	
レイアウト	0	Δ	0	

表1. 図入り教材作成機能に関する Word と TFX の比較

○:使いやすい、△:やや使いにくい、×:使いにくい

でやや使いにくい点があるが、全体的には図入り教材の作成に適したエディタであるといえる。一方、T<sub>E</sub>X は、記号作成機能で T<sub>E</sub>X マクロを作成しなければならないため、初心者にとって大変難しい。また、T<sub>E</sub>X の表作成機能・レイアウト機能では、T<sub>E</sub>X が図表や文字・数式の大きさを自動計算して、図の配置、罫線の位置、字間・行間などを自動で調整してしまう。この自動調整されたレイアウトは論文作成に適しているが、学生にわかりやすい教材のレイアウトとしては的確ではない。また、教材作成者が思い通りのレイアウトに修正することが難しい。この点で、T<sub>E</sub>X はこれらの機能についてやや使いにくく、全体的には図入り教材の作成に適していない。

以上のことから、図入り印刷教材作成の適性を比較すると、Word は T<sub>E</sub>X よりも総合 的に優れていることがわかる。ちなみに、表1では手書きも比較してみた。手書きは、 描画機能以外のどの機能についても思い通りにできる。ただし、正確な図を描くことが 難しいため、描画機能についてはやや劣る。手書きは旧式の方法であり、コンピュータ が普及した現在ではほとんど利用されないが、図入り印刷教材の作成に関して非常に優 れていることがわかる。

では、Word と T<sub>E</sub>X+K<sub>E</sub>Tpic で図入り印刷教材作成の適性を比較してみよう. すると、 表 2 のようになる. 描画機能については、K<sub>E</sub>Tpic を用いることにより、図 1 や図 2 のよ うな高品質なレベルまで改善される. 2010 年以降、K<sub>E</sub>Tpic に T<sub>E</sub>X コマンド作成機能、

必要な機能	Word	$T_{E}X + K_{E}T_{Pic}$	き書き	
数式表示	式表示		0	
描画	Δ	0	Δ	
記号作成	号作成 〇		0	
表作成	Δ	0	0	
レイアウト	0	0	0	

表 2. 図入り教材作成機能に関する Word と  $T_EX + K_ETpic$  の比較

○:使いやすい, △:やや使いにくい, ×:使いにくい

表作成機能、レイアウト機能が追加され、TEX 単体では不十分であった機能についてかなり改善された。以上のことから、図入り印刷教材作成の適性について、TEX+KETpic は Word よりも優れており、手書きも凌駕している。KETpic は TEX 総合支援ツールとして進化したといえる。

### 3 KETpic の新機能について

本節では、2010年以降に開発された K<sub>E</sub>Tpic の新機能について、Scilab 版 K<sub>E</sub>Tpic に よる図入り印刷教材の具体的な作成例を通して紹介する。本節で使用する環境は以下の 通りである。

OS: Windows (XP, Vista, 7) CAS: Scilab5.3.3  $T_EX : \square T_EX 2_{\varepsilon}$  $T_EX I I T_{\varepsilon} X = F \cdot I P : EasyTeX$ KETpic: ketpicsciL5  $T_EX I P \cdot I P \cdot$ 

### 3.1 図入り印刷教材用 T<sub>E</sub>X 文書の作成

本節では、内分点の位置ベクトルの公式に関する図入り印刷教材を作成する(図4参照). この公式について、教科書を用いて説明すると、線分ABの比m:nから分子を $\overrightarrow{mOA} + n\overrightarrow{OB}$ と間違ってしまう学生が35%程度いる. そこで、本教材の目的は、m:n = 3:2という具体的な場合で教材の図の破線を利用して、分子の正確な形 $n\overrightarrow{OA} + m\overrightarrow{OB}$ を学生にイメージさせることである. 本教材を用いることにより、前述の間違いをする学生が5%程度まで減少した.

本教材のTEX 文書 material.tex を作成してみると、次のようになる.

- 1 ¥documentclass[a4j]{jarticle}
- 2 ¥usepackage{ketpic, ketlayer}
- 3 ¥usepackage{emath, emathMw}
- 4 ¥def¥sikaku{¥input{sikaku.tex}}
- 5 ¥begin{document}
- 6 ¥begin{layer}{120}{80}
- 7 ¥putnotesw{115}{10}{¥input{figure.tex}}
- 8 ¥putnotes{95}{60}{¥bf \$¥bm{m=3}\$, \$¥bm{n=2}\$の場合}
- 9 ¥end{layer}
- 10  $\forall begin\{mawarikomi\}[9]{55mm}\}$
- 11 2 点 A, B に対し, 線分 AB を \$m:n \$の比に内分する点 P の位置ベクトル \$¥bekutoru{0P}\$は



図4. 内分点の位置ベクトルの公式に関する図入り教材

- 12 ¥hspace{3zh}¥fbox{
   \$¥bekutoru{OP}=¥bunsuu{n¥bekutoru{OA}+m¥bekutoru{OB}}{m+n}\$
   }¥vspace{3mm}
- 13 {¥bf [例]} 2点 A, Bに対し, 線分 ABを\$3:2\$の比に内分する 点 Pの位置ベクトル\$¥bekutoru{OP}\$は,右図より
- 15 ¥hspace{10mm}\$¥phantom{¥bekutoru{OP}}= ¥bunsuu{¥sikaku¥bekutoru{OA}+¥sikaku¥bekutoru{OB}}{¥sikaku}\$
- 16 ¥end{mawarikomi}
- 17 ¥end{document}

1行目は T<sub>E</sub>X 文書の書式を定義し、2行目と3行目で使用する T<sub>E</sub>X スタイルファイル を読み込む.4行目でオリジナルの T<sub>E</sub>X コマンド¥sikaku を定義し、絵文字□を表示さ せることができる.このコマンドの作成については、次節で説明する.ここまでを**プリ** アンブル部といい、T<sub>E</sub>X 文書の書式の定義(T<sub>E</sub>X マクロ)を記述する部分である.5行 目で T<sub>F</sub>X 文書の本文を書き始め、13行目で本文を終了する.

本文の記述は以下の通りである。6行目で T<sub>E</sub>X スタイルファイル ketlayer.sty の layer 環境を始め、7行目で図挿入し、8行目でキャプションを挿入し、9行目で layer 環境を 終了する。layer 環境の使い方については、第 3.4 節で詳しく述べる。

10 行目で T<sub>E</sub>X スタイルファイル emathMw.sty の mawarikomi 環境を始める. この環 境により、文章の右側に指定した幅の空白部分を作ることができる. 6 行目の第1引数 [9] と第2引数 {55mm} は、左側 9 行分の文章の右側に 55mm の幅でスペースを空ける. 第3引数 {} には、本来、文章の右側に入れる図ファイルを指定するのであるが、layer 環境を用いて図を入れるため、このまま空欄で使用する。16 行目で mawarikomi 環境を 終了する。

11 行目から 15 行目までに現れる¥bekutoru と¥bunsuu は emath コマンドであり、図 4 の教材の文章にあるようなベクトルと分数の記号で表示される.また、14 行目と 15 行 目には、オリジナルの T<sub>E</sub>X コマンド¥sikaku を利用している.コンパイルして表示さ せると、図 4 の表示になる.

### 3.2 オリジナル T<sub>E</sub>X コマンドの作成

絵文字□の図ファイル sikaku.tex を Scilab で以下のように作成する.

- 1 Ketlib=lib('c:/work/ketsciL5/');
- 2 Ketinit();
- 3 Setwindow([-0.5,3.5],[-0.5,3.5]);
- 4 G1=Framedata([1.5,1.5],1.5);
- 5 Openfile('sikaku.tex');
- 6 Beginpicture('1mm');
- 7 Drwline(G1);
- 8 Endpicture(0);
- 9 Closefile();

1行目で KETpic を読み込み、2行目で KETpic を初期化する.3行目で表示する範囲を 指定する.第1引数のベクトル [-0.5,3.5] はx座標の範囲  $-0.5 \le x \le 3.5$ を表し、第 2引数のベクトル [-0.5,3.5] はy座標の範囲  $-0.5 \le y \le 3.5$ を表す.第4行目で1辺 の長さ3の正方形を定義する.第1引数のベクトル [1.5,1.5] は正方形の中心の座標を 表し、第2引数1.5 はx軸およびy軸方向に ±1.5 だけ中心から離れた正方形を描くこ とを表す.5行目で図ファイル sikaku.texを開き、6行目以降を書き出す.6行目で単 位長を1mmに指定して picture 環境を始める.7行目で1辺の長さ3mmの正方形を描 き、8行目で picture 環境を終了する.8行目の引数0は、座標軸を描かずに終了するこ とを意味する.9行目で図ファイル sikaku.tex を閉じる.

#### 3.3 教材の図の作成

図4の教材の図ファイル figure.tex を Scilab で以下のように作成する.

- 1 Ketlib=lib('c:/work/ketsciL5/');
- 2 Ketinit();
- 3 Setwindow([-0.5,4],[-0.5,4]);
- 4 PO=[0,0];PA=[1,3];PB=[3,1.5];
- 5 G1=Listplot([PA,PB]);
- 6 NbL1=Naibun(PA,PB,5);NbpL1=NbL1(1);TmL1=NbL1(2);
- 7 P11=NbpL1(1); P12=NbpL1(2); P13=NbpL1(3); P14=NbpL1(4);

- 8 B1=Bowdata(P13,PA,2,0.5); B2=Bowdata(PB,P13,2,0.5);
- 9 NbL2=Naibun(PO,PA,5);NbpL2=NbL2(1);TmL2=NbL2(2);
- 10 P22=NbpL2(2);
- 11 NbL3=Naibun(PO,PB,5);NbpL3=NbL3(1);TmL3=NbL3(2);
- 12 P33=NbpL3(3);
- 13 D1=Listplot([P22,P13]); D2=Listplot([P33,P13]);
- 14 Openfile('figure.tex');
- 15 Beginpicture('1cm');
- 16 Drwline(G1,TmL1,TmL2,TmL3);Dottedline(B1,B2);Dashline(D1,D2);
- 17 Bowname(B1, 'm'); Bowname(B2, 'n');

```
Letter(PA, 'n', 'A'); Letter(PB, 'e', 'B'); Letter(P13, 'ne', 'P');
```

- 18 Arrowline(PO,PA);Arrowline(PO,PB);Arrowline(PO,P13);
- 19 Endpicture(1);
- 20 Closefile();

3行目から13行目で図のプロットデータを作成し、14行目から20行目で作成したプ ロットデータを図ファイル figure.tex に書き出す。4行目で3点O,A,Bの座標を指定 し、5行目で線分ABのプロットデータを作成する。6行目でオリジナルの関数 Naibun を用いて、線分AB上に付ける5等分目印のプロットデータを作成する(9行目と11行 目も同様である)。ここで、NbpL1は線分ABの5等分点の座標のリストで、TmL1は5 等分目印のプロットデータのリストである。8行目で、内分点P13から点Aと点Bまで の弓形のプロットデータを作成する。13行目で、本教材の最重要ポイントとなる破線の プロットデータを作成する。

Scilabの関数 function を用いて、オリジナル関数 Naibun を以下のように定義する.

- 1 function Out=Naibun(PA,PB,N)
- 2 NbpL=list();TmL=list();
- 3 L=0.1;
- 4 Vab=PB-PA; Vn=[-Vab(2), Vab(1)]; Un=Vn/norm(Vn);
- 5 for I=1:N-1
- 6 Pi=(N-I)/N\*PA+I/N\*PB;NbpL(\$+1)=Pi;
- 7 P1=Pi+Un\*L/2;P2=Pi-Un\*L/2;Ti=Listplot([P1,P2]);TmL(\$+1)=Ti;
- 8 end
- 9 Out=list(NbpL,TmL);
- 10 endfunction

1行目で、3つの引数をもつ関数 Naibun を定義し、Out で出力することを宣言する。第 1引数と第2引数は線分の両端点A,Bの座標で、第3引数NはN等分を表す。2行目で 等分点の座標のリスト NbpL と等分目印のプロットデータのリスト TmL を空リストにす



図 5. KETpic の layer 環境

る.3行目で等分目印の長さLの値を設定する.4行目のVabはABであり,UnはABに 垂直な単位ベクトルになる.5行目から8行目のfor文で,NbpLに等分点の座標を,TmL に等分目印のプロットデータを追加していく.9行目で最終のNbpLとTmLのリストを Outとして出力する.

#### 3.4 K<sub>E</sub>Tpic のレイアウト機能について

最後に、作成した図ファイル figure.tex を適切に配置するために、KET pic のレイアウト機能である layer 環境を利用する. p.4 の TEX 文書 material.tex の 2 行目でスタイルファイル ketlayer を読み込んでいる. これで、layer 環境が使えるようになる. 6 行目でlayer 環境を始め、図 4 の教材上に幅 120 〇、高さ 80 〇の罫線が表示される. 7 行目で表示された罫線上の座標 [115,10] の南西方向に figure.tex の図を配置する. 8 行目で罫線上の座標 [95,60] の南方向にキャプション「m = 3, n = 20場合」を配置する. 9 行目で layer 環境を終了する. コンパイルして表示すると、図 5 のようになる. 表示した罫線を除去するには、罫線の高さを表す 1 行目の第2 引数 {90} を {0} に変更すればよい.

### 3.5 表の作成

TEXの array 環境を用いると、表2の左表のようになる。各セルの数字や記号の大き さを計測し、セルの幅や高さを自動調整するように設定されてしまい、罫線が等間隔で ない不格好な表となっている。そこで、KETpicのコマンド Tabledata を用いると、表 2の右表のような等間隔の表が思い通りに作成できる。この表ファイル zougen\_tb1.tex

#### 表3. 関数の増減表

x		$-\frac{1}{2}$		0	•••
y'	+	0	-	0	+
y	7	$\frac{9}{8}$	>	0	7

x		$-\frac{1}{2}$	•••	1	
y'	+	0	-	0	+
y	7	$\frac{9}{8}$	$\searrow$	0	~

を Scilab で以下のように作成する.

- 1 Row1=list(10,10,10,10,10);
- 2 CoL1=list(10,10,10);
- 3 Tb1=Tabledata([-1,1],Row1,CoL1);
- 4 Openfile('zougen\_tb1.tex');
- 5 Beginpicture('1mm');
- 6 Drwline(Tb1(1));
- 8 Putrow(Tb1,2,'c','\$+\$','\$0\$','\$-\$','\$0\$','\$+\$');
- 9 Putrow(Tb1,3,'c','\$¥nearrow\$','\$¥bunsuu{9}{8}\$','\$¥searrow\$', '\$0\$','\$¥nearrow\$');
- 10 Endpicture(0);
- 11 Closefile();

1行目で6列の幅を10 図ずつに指定し、2行目で3行の高さを10 図ずつに指定する.3行 目で表の罫線のリスト Tb1を作成する.第1引数のベクトル [-1,-1] は表の表示する範 囲を表の大きさに合わせることを意味する.6行目で表の罫線のプロットデータ Tb1(1) を実線で引く.7行目で表の1行目の各セルに左から順に書き出す.第2引数1で表の 行数を指定し、第3引数'c'で各セルに中央揃えで書き出すことを意味する.

## 4 図入り印刷教材の作成に必要な事項について

数学の図入り印刷教材の作成には、作成者の数学的知識と数学教育実践や、短時間で 容易に作成できるツールが当然必要である.これら以外にどのような必要事項があるか 考察してみよう.紙と鉛筆を用いて手書きで作図する場合、線を引く、マークを付ける など、一つ一つの作業を繰り返しながら、どのようにすれば的確な図が描けるか思考し、 作図を完成させていく.作図ツールでは、作図の各作業を記号化(コマンド化)し、記 号の生成や記号による作業内容の記述を繰り返し、作図を完成させる.作成者は、記号 による一連の図作成作業の中で、推論しながら、新しい記号の生成、記号の統合、記号 の再構成が繰り返し行われる.このような思考を symbolic thinking といい、手書きの 作図における思考と同様である.最近、作図ツールを利用する際、symbolic thinkingを 中断させることなく作業できることが必要がある.KeTpic による作図はこのことを実 現している.本節では,第3.3節 p.6 で作成した教材の図ファイル figure.tex をもとにして, symbolic thinking がどのように行われているか調査する.

3行目で図の表示範囲を指定し、4行目で3点O,A,Bの座標を適切な位置に決め、5 行目で線分ABのプロットデータを作成する.次に、線分ABを5等分した等分点の座 標と等分目印が必要になる.そこで、p.7の関数 Naibun を定義する必要が生じる.これ は、symbolic thinking によって、新しい記号の生成が要請されることを意味する.関数 Naibun の定義の3行目で等分目印の長さを変数Lで定義しておき、修正する必要があれ ば、容易に長さを変更できるようにしている.これは、修正の際、symbolic thinkingを 中断させないための工夫である.等分目印のプロットデータを作成するには、4行目で 等分目印の単位方向ベクトルを求め、7行目で等分点の座標 Pi から  $\pm \frac{L}{2}$  倍して等分目 印の端点 P1, P2を求めている.ここでは、数学的知識に基づいて symbolic thinking を 行いながら、記号の生成や記号による作業内容の記述が行われている.p.6の figure.tex の作成に戻り、6行目で関数 Naibun を利用して、等分点の座標のリスト NbpL1 と等分 目印のプロットデータのリスト TmL1を作成する.同様にして、以下の行では、作図に 必要なプロットデータが次々に作成されていく.14行目以降の図ファイル figure.tex へ の書き出しの作業では、手書きで図を描くように、作成したプロットデータにより線を 書き出し、的確な位置に文字を配置していく.

以上のことから、第3.3節のプログラムは symbolic thinking を中断させないように配 慮して設計されている.これが、KETpic を手書き感覚で利用できる作図ツールにして いる.

## 5 まとめと今後の課題

以上のことから、エディタとして T<sub>E</sub>X, 描画用ソフトとして CAS を利用し、さらに 新機能を装備した K<sub>E</sub>Tpic を用いると、数学の図入り印刷教材が容易に作成できるよう になった. 作成した教材の図から学生が新しい概念をイメージし、知識として定着する ためには、教材の図は概念を的確に表現するだけでなく、インパクトのあるものでなけ ればならない. このことに集中して図を作成するためには、symbolic thinking を中断さ せることなく行える作成環境が必要となる. K<sub>E</sub>Tpic はそれを可能とするツールとなっ ている.

今後の課題は、documentational approach の手法を用いて、図入り教材の作成に必要 な能力を綿密に調査し、KETpic を図入り教材作成ツールとして開発していくことであ る.また、授業デザインに基づいた図入り教材を KETpic で作成し、授業での実践によ る改良を行いながら、今までにない図入り教材に仕上げていくことである。

# 参考文献

[1] Abe T., Fukazawa K., Kaneko M., Koshikawa H., Yamashita S. & Takato S.: "Migration of KFTpic to Scilab and Comparison of Scilab with other CASs",

日本数学教育学会高専・大学部会論文誌,第16巻,第1号,pp.97-106,2009.

- [2] 深澤謙次,阿部孝之,金子真隆,関口昌由,田所勇樹,山下哲,高遠節夫:「KETpicの Mathematicaへの移植」,木更津工業高等専門学校紀要,第41号, pp.75-84, 2008.
- [3] 深澤謙次,阿部孝之,金子真隆,北原清志,山下哲,高遠節夫:「KETpicの Maxima への移植とSAGEへの移植の試み」,京都大学数理解析研究所講究録,1647,数式 処理と教育,pp.1–10,2010.
- [4] 金子真隆, 阿部孝之, 関口昌由, 山下哲, 高遠節夫:「KETpic による曲面描画と教育 利用」, 京都大学数理解析研究所講究録 1624, pp.1-10, 2009
- [5] 金子真隆, 阿部孝之, 山下哲, 泉源, 深澤謙次, 北原清志, 高遠節夫:「線形代数の教 科書における挿図の利用について-K<sub>E</sub>Tpic 利用の可能性を中心に-」, 京都大学数理 解析研究所講究録 1674, pp.12-25, 2010
- [6] Kaneko M., Abe T., Sekiguchi M., Tadokoro Y., Fukazawa K., Yamashita S. & Takato S.: "CAS-aided Visualization in LATEX documents for Mathematical Education", Teaching Mathematics and Computer Science (ISSN 1589-7389), Vol. VIII, Issue I, pp.1–18, 2010
- [7] 金子真隆, 北原清志, 高遠節夫, 深澤謙次, 山下哲 (CASTeX 応用研究会編):『K<sub>E</sub>Tpic で楽々T<sub>E</sub>X グラフ』, イーテキスト研究所, 2011.
- [8] 北原清志, 阿部孝之, 金子真隆, 山下哲, 高遠節夫:「全微分における図入り教材の作 成例とその研究授業報告」, 京都大学数理解析研究所講究録 1674, pp.132-145, 2010
- [9] Ouchi S. & Takato S.: "High-quality statistical plots in LATEX for mathematics education using R-based KETpic plug-in", Proc. 15th ATCM, pp.266-275, 2010.
- [10] Sekiguchi M., Yamashita S. & Takato S.: "Development of a Maple Macro Package Suitable for Drawing Fine T<sub>E</sub>X-Pictures", ICMS 2006, LNCS 4151, pp.24–34, Springer-Verlag, 2006.
- [11] 高遠節夫,阿部孝之,泉源,金子真隆,北原清志,関口昌由,深澤謙次,山下哲:「授 業効果を高める挿図教材の作成」,日本数学教育学会高専・大学部会論文誌,Vol.15, No1, pp.109–118, 2008.
- [12] 高遠節夫,山下哲,金子真隆,北原清志:「授業での図の利用に関するアンケート 調査について」,東邦大学教養紀要,第42号, pp.31-40, 2011.