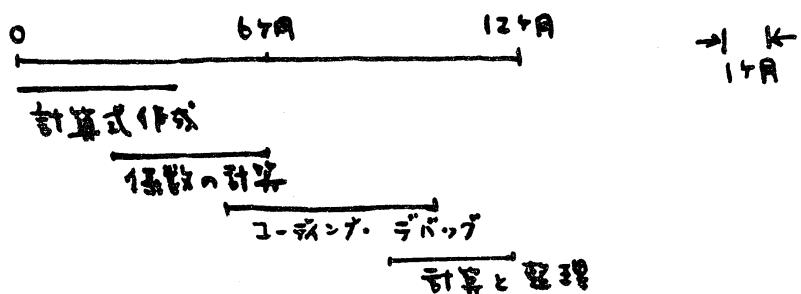


数式解析の二・三の試み

航空宇宙技術研究所 戸川隼人

1. なぜ数式解析を始めたか。

「事務と経営」という雑誌に「月産一論文の時代」という話を書いたことがある。^(注1) うまく研究管理をするには平均して月に1編の論文が書ける。ただし大型コンピュータがかなり自由に使えるならば、という話である。ヨーロッパ式の小さなコンピュータを使っていた1960年ころは、研究のペースは「年産一論文」に近かった。というのは



というぐらのペースで、実際には何人かで分業することにより年産2~3論文を製造していた。

(注1) べつに目新しの内容は書けてない。1968年10月号。

原題は「ビッグ・サイエンスとコンピュータ」。これには異論もあり、いくつのある論文を書こうとするには「1年に1編以上も論文を出す人はイニチキですよ」(東大・山本善元教授)という意見も真実である。

その時の経験では、直木氏も指摘されたとおり、計算機にかけた以前の、式の計算のミスが非常に多く、（もちろん多くの労力かかり）長時間かけた計算がムダになってしまつたり、原因をさがすのに苦労したりして、なんとかして、これを機械化して、「確実な処理、ができようになつた」。ということがあつた。

工場上の問題では、基本定理（基本公式）のようちものがなくて、何十個の小さな具体的な問題に適用して、時々、いつもの種の問題が起つ。適用分野を限定すれば、それは必ずしも定形的パターンであるが、もううまいのが實際には必ずつまつあるから、どの程度まで一般的な数理処理を行つべきかは、かなりの自由度がある。

微分方程式の級数展開

パラメータによる展開

2~4階の微分オペレータの処理（東行）

級数のつづき複雑な式の処理

$$\sum_i \phi_i(x) \text{ の積分} \quad (\phi_i \text{ は初期値}) \quad \text{on } D$$

入力、出力、

このようちきの、いくつかがでまれば、個々の問題に適用することは可能、欲をいはば「算術化式」のようちきの処理（自分で重ねて）がでまことよ。

2. 2変数多項式の処理

俗に「FORTRAN は 2 変数式解法」と呼ばれる。また
は 2 種類ある。

{ FORTRAN の記号処理をやる。
 { 多項式の係数のようちやんだけを数値的に扱う

が、やや混同が生じる。前者については次章 3 を参照され
て。これではまだ簡単な待合。方針を説明する。

[扱い問題]

$$J_{ij} = \iint_P \phi_i(x, y) \phi_j(x, y) dx dy$$

ここで x, y は \mathbb{R} , ϕ_i, ϕ_j は多項式。

(方針)

直積積分（不定積分）にて P の条件を代入する。

[多項式の表現]

$$\begin{array}{c|cc}
 & k & (x \text{ の } n^{\text{次}}) \\
 & \vdots & \\
 l & \dots \dots \dots a_{k,l} & \\
 (y \text{ の } n^{\text{次}}) & & x^k y^l \text{ の 係數.}
 \end{array}
 \quad \phi_i = \sum_k \sum_l a_{k,l} x^k y^l$$

[方針 1. - 4.]

多項式の積、不定積分、代入

と簡単な作成。しかし能率の「手書き」がいい。

[内訳式]

メモリ一覧を覚うべし。 コア 32K バス “では実用的か内訳
は解けち” (人手でやう。程度3つ)。 65K 疎に9. た“
(左にビルドせよ)。

時間がかかるべし。 人間は、 \sum の一般項のまま計算するの
が速い (このあたり、よくまちがえ)。それを、わざわざ、
数値的にやるのを、なしとくムダがろく、 HITAC 5020F で 9
10 分とか 20 分とか (ちょっとした内訳) 3分ほどかかる。
ただしプログラムの作り方による。

精度が悪くなるべし。 数百項の加算を何回もくりかえすし、
2項系数のようなら 10 の長さの値が出るべし。大きな項と小さ
い項が混在してるので、一般項で計算するより大きい項が消え
とは珍しい。数値的にはやうと漸落する原因にならうべし。ちどりが
あつて、結果は、あまり良くないが、た。

それでも式の形で積分したが、まだ良かないわけで、数
値積分などを處理したり大変なことになる。

[感想]

パラメータを含む 2 变数多項式を大量に扱うのは整理で、
“3 × 3 内訳がある”。しかしプログラムは非常に簡単なので
ざくざく内訳が、1 变数に限らず適用すれば有望。三角多
項式に应用したことの論文を見たことがある。

3. 本格的な(?) 数式処理の実験

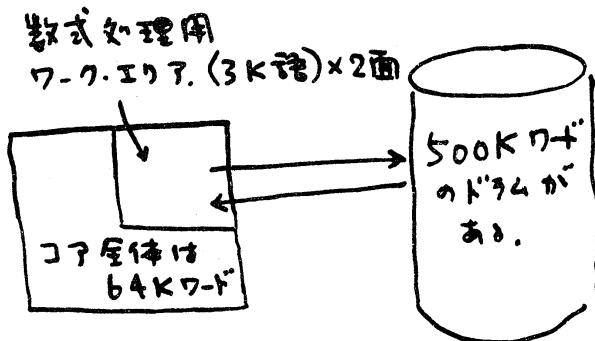
記号処理にさう。一通りから数式処理のプログラムを作った。
まだ。まだ虫がある。デモンストレーション用オンライン
であるが、機能はつぎのとおり。

[機能] 代入、展開、せじとし、単純化、微分、

(もちろん、「ある程度まで」のこと)

[対象] 多項式、三角関数、指數(対数)関数、を mix (たぐいの。微分に関するては 1 变数のみ)。

[便り] FORTRAN
の CALL で
呼び出す。
主な入口は
(ユーザが使う)



★ 数式の読み込み。(オーディオコスヘ)

★ ドラムに読み込み (コス → ドラム) } これは、まだ完全には

★ ドラムから読み出す (ドラム → コス) } 完成していないが、

★ (ドラムにある式をコスの式に) 代入する。

★ せじとし、単純化する。

★ 微分も實行せず。

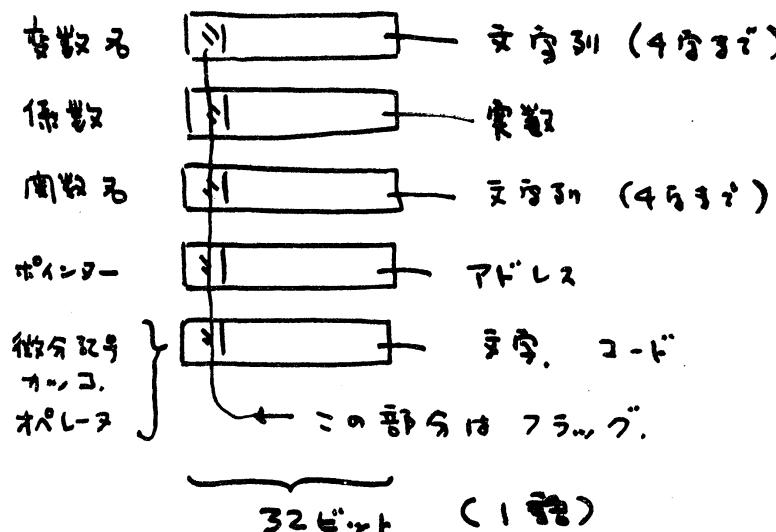
★ 展開せず。

★ プリントせず。

[入力ストリーム] FORTRAN の算術式と全く同じ。^{注2}

[出力ストリーム] =

[内部表現] ここが大層、風変わりで。(そのため構造として
"2 と 3 で"), 外部表現をほとんどそのまま使、で
"2 ————— 木構造 にちって " で " ————— そのためには
データベースの入出力は簡単ですが、処理自体は、
さすり困難である。(論理の見落としが多い)。



このようにある。

MOVE は簡単。

メモリーの使用効率は、すばる良い。

式の論理のロジックは、すばる複雑

になる。係数の整数論理というときは、考えてみると、(2十進表示) "…ニヒテハカル"。

注2) ただし変数名は4文字までで演算符は許せない。

[処理プログラムの記述言語] FORTRAN. (HITAC 5020用)

unpack の部分と最初の FORTRAN を書いたが、あとでアセンブリの工作、たゞ (しかし他の処理は全部手書きでさうやつたので、時間的にはあまり変わらぬこと)

記述言語としては、——やりたることを表現するヒューライズ意味では——FORTRAN で特に困ったことはないが、その通りにコンピュータが動くかどうかと、うそとはまたべつで、また実行効率とどうまで、どうもロスが多い。

(18n). あるデータ A と「うフィールド」を用ひよ。

AFIELD (DATA) 関数

と書けば、表現はできだが、それを何時何に何倍で何回が複数あるし、置換文字でなくては、複雑な nesting になつていい部分では非常に危険である。

(18ii). モード・インディケータのようないのが、サブルーチンのリニア化に渡りにくく、COMMON を使って、それをラベルを用いてやうやく多數の情報を管理するの大変。PL/I のよろこびは「複数有能」。

そのあたり保護の計算などの簡単。

[单纯化] 何かの処理との関連で、能率が“3”3重、でく3。たとえば程を作り、あらかじめすべての項をABC順(番数名の)に並べてみる。積の計算の際は13算べなくなりたれどかくマージしてしまうとよいか、常に標準型を保つと“う”この島の仕事が小豆。

微分したがる、 $\frac{dy}{dx}$ が0と1になるとそれを $y_1 \rightarrow y_2$
 $y_2 \rightarrow y_3 \cdots \rightarrow y_n$ 、 $y_1 = y_2$ $y_2 = y_3 \cdots$ とは、ほかに
単純化 $y_1 = y_2 \cdots$ $y_2 = y_3 \cdots$ などある。

サブヘーナーに入ると、「オペランド」とこの式は単純化されてしまう」という仮定がある以便“島”を作り島“が、二十種類あることは、かなり困難で、
といふ。機能を複数する場合はトライアルが起つ。サブ
ヘルヘーナーの入口で標準型 $y_1 = y_2 \cdots$ $y_n = y$
であることを求める。しかし、最初の式は、どの
どの内部処理を施すかのとて、どうが“”
や、”や、”などがある。

e°, x° など121種。0/0 が出てこない。
「0がやがる“どう”等の出でる事」をいう操作
を先へや、2 133+、おそれる答が出す。

[思ひ出] “3×3 $f_z \rightarrow z(1/z + 1)$ と、実用的な問題
が現れる。例、2×2、 $\text{f}(z) = \text{トリビアル}\text{-}f(z)$
等、2次元で複雑な問題が現れる。そこで、
「微分方程のロジックが正しくない」と證明する。
「うそ」が必要である」と盛ん。

[文部省]

第9回. ロゴラニード・シンポジウム 講義集。

精道講演完全. 前期. (1968?)

[補足].

代入の逆のロジックは可能か?

$$(3) z = (ax + b) \cdot e^{(az+b)}$$

$$\rightarrow \begin{cases} y = ax + b \\ z = y e^y \end{cases}$$

$\sum a_i z^i$ の問題。

$$c x + \sum_{n=2}^m a_n x^n \rightarrow \sum_{n=1}^m a_n x^n$$

$$\sum_{k=1}^m a_k + \sum_{n=1}^m b_n \rightarrow \sum_{i=1}^m d_i$$

絶対値 $|x| \rightarrow \infty$, 「条件付の式」はどう。 3n, $\frac{d|x|}{dx} =$