正方形断面管路内乱流の角部付近における乱れ特性

愛媛大学工学部 河原源太 (Genta Kawahara) 愛媛大学学長 鮎川 恭三 (Kyozo Ayukawa) 愛媛大学工学部 越智順治 (Junji Ochi) 愛媛大学大学院 鎌田 英二 (Eiji Kamada) 運輸省 小野 史博 (Fumihiro Ono)

1. 緒言

工業上用いられる管路は角部を有するく形断面形状をもつ場合が数多い.この く形断面管路内の乱流にはレイノルズ応力の非等方性によって維持される Prandtl の第2種二次流れが存在し、角部およびこの二次流れの影響によりこの種の乱 流は円管内乱流とは著しく異なった流動特性を示す.これまで、く形断面管内乱 流の研究としては、最も対称性の高い正方形断面形状をもつ管路内に生じる乱 流に対して数多くの研究がなされている.しかし、従来の研究の多くは二次流 れの維持機構の解明^{(1)~(3)}、あるいは乱流モデルの検証⁽⁴⁾を目的としており、角 部をもち二次流れが存在する流れにおいていかなる乱流構造が乱流エネルギー の生成を支配しているかについては依然として十分な知見が得られていない.

境界層乱流や二次元チャネル乱流に代表される壁面せん断乱流では、バースト とよばれる秩序だった乱流構造によって壁付近の大半の乱流エネルギーが生成さ れる⁽⁵⁾⁽⁶⁾.これまで、このバーストに関しては主に4象限法⁽⁷⁾に基づく検討が なされており、壁付近に存在する縦渦運動が誘起する低速流体の壁面からの上 昇(イジェクション)と高速流体の壁面への流入(スウィープ)とによって強いレ イノルズせん断応力が発生し、その結果大部分の乱流エネルギーが生成される ことが明らかにされている.正方形断面管路内乱流においても管路スパン中心 付近の壁近傍では壁面乱流と同様な秩序構造によってレイノルズせん断応力が 生成されるが、一方、管路の角部付近ではイジェクションが強められ、スウィー プが弱められることが報告されている⁽⁸⁾.さらに、最近の Huser-Biringen⁽⁹⁾ に よる DNS(直接数値シミュレーション)では、角部付近において低速流体の壁面 への流入(インワードインターアクション)が顕著になるという結果が報告され ている.これらのいずれの結果も、正方形断面管路内乱流における角部付近の 領域では、いわゆる壁面乱流の秩序構造とは異なった乱流構造が乱流エネルギー の生成に関与することを示唆しているが、その構造の詳細は明らかではない.

本研究の目的は,正方形断面管路内乱流における主レイノルズせん断応力 -<u>u'u'</u> および二次レイノルズせん断応力 -<u>v'u'</u> に対して4象限解析を行うことに よって,レイノルズせん断応力を発生させる乱流構造を明らかにすることであ る.レイノルズせん断応力の測定には二成分レーザドップラ流速計 (LDV)を用 いた.ここでは,特に,く形断面管路内乱流に固有な角部付近の領域における 乱流構造に着目する.

2. 実験装置および実験方法

本実験に使用した管路系は既報⁽¹⁰⁾のものと同一であり,直管部は辺長 H =100mm の正方形断面をもち,その長さは 9m である.管路の測定部は管路入口から 68H あるいは 89H 下流の二管断面であり,68H 下流の管断面では十分発達した速度 場が実現されており⁽¹⁰⁾,89H 下流の管断面では管路下流端の速度場への影響が ないことを確認している.実験時の平均流の諸量を表1に示す.

Kinematic viscosity ν	$0.94 \times 10^{-6} \text{m}^2/\text{s}$
Duct width H	100mm
Bulk mean velocity U_m	6.6cm/s
Friction velocity $u_{ au}$	4.9mm/s
Reynolds number $Re = U_m H/\nu$	7070

Table 1Mean flow parameters

作動流体は水で,管路幅(水力直径) H と管断面平均流速 U_m に基づくレイノル ズ数 Re を約 7000 に設定した.なお,表中の u_τ は,管壁近傍での流速測定で評 価された壁面摩擦応力を全管壁面にわたって平均して得られた摩擦速度である.

実験結果の表示に用いる座標系を図1に示す.座標原点を管路断面の角に設定 し、管軸方向、管底垂直方向,スパン方向に x, y, z 軸をとる. x, y, z 方向の 流速成分を u, v, w とする.流速の二成分同時計測には、二成分 LDV システム を使用した.本システムは、6Wアルゴンイオンレーザ光源 Spectra-Physics 2017, 光学系 Dantec 60X シリーズ、および信号処理系 Dantec 57X20, 57X35 から成る. 流速測定点における測定体積の各方向の寸法は、主レイノルズせん断応力 - u'v' に対して $\delta x = \delta y = 48 \mu m$, $\delta z = 399 \mu m$ であり, 二次レイノイルズせん断応力 $-\overline{v'w'}$ に対して $\delta x = 2.47$ mm, $\delta y = \delta z = 90 \mu$ m である.ここに,() は平均,()'は平均ま わりの変動を表すものとする. 管路入口から68H 下流の位置では、管路側面か ら z 方向にレーザを照射し、流速成分 u および v を同時に測定した。管路入口 から 89H 下流の位置では、管路下流端面から -x 方向にレーザを照射し、流速 成分vおよびwを同時に測定した.この二管断面内での速度場には管壁垂直二 等分線 y/H = 0.5 および z/H = 0.5 に関する対称性がおおむね確認されたので、 3章では管路 1/4 断面 (0 < $y/H \le 0.5$, 0 < $z/H \le 0.5$) での $-\overline{u'v'}$ および $-\overline{v'w'}$ に 対する結果を示すことにする(測定点数は、 $-\overline{u'v'}$ に対して 37×40 、 $-\overline{v'w'}$ に対 して 26 × 26 である). なお、流速測定時のデータレートは 100Hz から 200Hz, 各 測定点のサンプルデータ数は100000から120000であった.

3. レイノルズせん断応力の4象限解析

3.1 レイノルズせん断応力分布 図2および図3は、管路1/4 断面でのレ イノルズせん断応力 – \overline{uv} および – \overline{vw} の空間分布をそれぞれ示したものであ る.従来から主レイノルズせん断応力 – \overline{uv} に関しては数多くの実験結果 ⁽⁴⁾⁽¹¹⁾ が報告されているが、これらの実験は二次流れが特に顕著になる高レイノルズ 数 ($Re = 42000 \sim 65000$) で行われているため、本結果と直接に比較することは できない.さらに、二次レイノルズせん断応力 – \overline{vw} については詳細な実験デー タがほとんど報告されていない.そこで、本実験とほぼ同程度のレイノルズ数 で行われた Huser-Biringen ⁽⁹⁾ による DNS (Re = 10320)の結果と本実験結果とを 比較したところ,良好な一致が認められた⁽¹²⁾. 図2に示した $-\overline{uvv}$ の分布を 見ると(流れの管断面対角線に関する対称性から,対角線で折り返すことによっ て $-\overline{uvv}$ の分布と見なすことができる),管断面の対角線下側y < zでは $-\overline{uvv}$ は 正であり,管底壁y/H = 0付近の管路スパン中心z/H = 0.5寄りで非常に大きな 値をとっている.一方,対角線上側y > zでは $-\overline{uvv}$ は零に近い値になっている が,管路角部付近(0.1 < y/H < 0.2)の管側壁z/H = 0寄りで負の比較的大きな 値をとる.この負の $-\overline{uvv}$ をもつ領域は高レイノルズ数になると管壁垂直二等分 線y/H = 0.5寄りの位置に移動するが⁽⁴⁾⁽¹¹⁾,いずれにせよこの負の領域の存在 が正方形断面管路内乱流に固有の性質であるといえる.

図3の $-\overline{vw}$ は,絶対値が小さいため測定誤差の比率が大きく測定値のばらつ きが目立つものの,ほぼ全領域で正の値をとっている.また, $-\overline{vw}$ は対角線に 沿って比較的大きな値をもち,特に管路角部付近で大きな値をとっている.角部 付近では, $-\overline{vw}$ の値が $-\overline{uv}$ の値とほぼ同程度になっており,必ずしも $-\overline{uv}$ が 支配的とはいえないことがわかる.

3.2 4象限解析 本研究では、u' あるいはw' を横軸にとり、v' を縦軸に とって得られるホドグラフ面 (u',v') および (w',v') 上でレイノルズせん断応力 $-\overline{u'v'}$ および $-\overline{v'w'}$ の4象限解析を行う、4象限法では、これらのホドグラフ面 を第1、2、3、4象限の四つの象限に分割し、各象限からのレイノルズせん断応 力 $-\overline{u'v'}$ および $-\overline{v'w'}$ への寄与 Q_i^{uv} および Q_i^{uvv} (i = 1, 2, 3, 4)

$$Q_i^{uv} = -\sum_i (u'v')_i / N \tag{1}$$

$$Q_i^{wv} = -\sum_i (w'v')_i / N \tag{2}$$

をそれぞれ評価する.ここに、 $(u'v')_i$ および $(w'v')_i$ は第i象限の各サンプル値, \sum_i は第i象限の全てのサンプルの総和を意味し、Nは全ての象限のサンプル総 数を表す.この定義から

$$\sum_{i=1}^{4} Q_i^{uv} = -\overline{u'v'} \tag{3}$$

$$\sum_{i=1}^4 Q_i^{wv} = -\overline{v'w'}$$

なる関係が成立する.

各象限の --<u>u'v'</u> への寄与 図 4 (a), (b), (c) および (d) は, 各象限の 3.3 $-\overline{u'v'}$ への寄与 Q_1^{uv} (< 0), Q_2^{uv} (> 0), Q_3^{uv} (< 0) および Q_4^{uv} (> 0) の絶対値の管 路 1/4 断面での分布をそれぞれ示したものである.これらの図において,Q^{uv} は 高速流体の上方への運動, Quv は低速流体の上方への運動, Quv は低速流体の下 方への運動,Q⁴ は高速流体の下方への運動による寄与をそれぞれ表す.まず, 管断面の対角線下側の領域を見ると, |Q^{uv}| および |Q^{uv}| が |Q^{uv}| および |Q^{uv}| より はるかに大きな値をとり、特に管壁 y/H=0付近でそれらの値が最も大きくなっ ていることがわかる.この領域では管壁 y/H = 0に対して Q_2^{uv} がイジェクション, Q^{uv} がスウィープに相当するので,通常の壁面せん断乱流と同様,強いイジェク ションとスウィープとによって図2に見られる管壁 y/H=0付近の強い主レイノ ルズせん断応力が発生しているものといえる.これに対して、同領域の角部付 近 $z/H \leq 0.2$ においては依然としてイジェクション Q_2^{uv} は比較的大きな値を維持 しているが、一方スウィープ Q⁴ はかなり小さな値となっている⁽⁸⁾.次に、対角 線上側の領域では, |Quv| と |Quv|, あるいは |Quv| と |Quv| がそれぞれ類似した分 近い値になっていることがわかる(図2).このことは,管壁 z/H = 0 に垂直な 軸に対して乱れが近似的な対称性をもつことを意味する.ところが,この領域 の角部付近 $y/H \leq 0.2$ ではこの対称性が破れ, $|Q_2^{uv}|$ および $|Q_4^{uv}|$ のみが選択的に より小さい値をとっている.したがって,この角部付近では |Qײַv| に対して |Qײַv| が減少し、 $|Q_3^{uv}|$ に対して $|Q_2^{uv}|$ が減少することで負の $-\overline{u'v'}$ が生成されることに なる (図2).

図 5 (a), (b) および (c) は,各象限の寄与の比の絶対値 $|Q_2^{uv}/Q_4^{uv}|$, $|Q_1^{uv}/Q_4^{uv}|$ および $|Q_3^{uv}/Q_2^{uv}|$ の分布をそれぞれ示したものである.図中の白い等値線は $|Q_2^{uv}/Q_4^{uv}| = |Q_1^{uv}/Q_4^{uv}| = |Q_3^{uv}/Q_2^{uv}| = 1$ を表す.これらの図から,上に述べた対角

(4)

線下側の角部付近でのイジェクション Q^w に対するスウィープ Q^w の減少(図 5 (a)),および対角線上側の角部付近での |Q^w| に対する |Q^w| の減少(図 5 (b))と |Q^w| に対する |Q^w| の減少(図 5 (c))が明りょうに確認できる.

3.4 各象限の -vwv への寄与 図 6 (a), (b), (c) および (d) は,各象限の -vvw' への寄与 Q_1^{uv} (< 0), Q_2^{uv} (> 0), Q_3^{uv} (< 0) および Q_4^{uv} (> 0) の絶対値の 管路 1/4 断面での分布をそれぞれ示したものである. これらの図において, Q_1^{uv} は流体の右上方への運動, Q_2^{uv} は流体の左上方への運動, Q_3^{uv} は流体の左下方へ の運動, Q_4^{uv} は流体の右下方への運動による寄与をそれぞれ表す. いずれの象限 の寄与も角部付近の領域を除く管壁 y/H = 0 あるいは z/H = 0 の近くで比較的 大きな値をとるが,それらは互いに相殺し合って -vvw 自身は零に近い値になっ ている (図 3). 一方,管断面対角線の付近では,いずれの象限の寄与も比較的小 さな値となっているが,特に角部付近においては $|Q_1^{uv}|$ および $|Q_3^{uv}|$ のみが選択 的に非常に小さな値をとっている. したがって, $|Q_2^{uv}|$ および $|Q_4^{uv}|$ に対して $|Q_1^{uv}|$ および $|Q_3^{uv}|$ が減少することで図 3 に示した角部付近の正の大きな -vvw が生成 されることになる.

3.5 概念モデル ここでは,以上に示した4象限解析の結果に基づき,レ イノルズせん断応力を発生する乱流構造に対して考察を加える.まず,管路角部 から離れた管壁垂直二等分線付近の乱流構造について検討する.管底壁 y/H=0上の乱れで考えると,この領域では壁面に垂直な軸に対する乱れの対称性が近 似的に成立し,-uw (本測定結果では管側壁 z/H=0上の-uv に相当)およ び-vw は零に近い値となり,-uv のみが強いイジェクションとスウィープとに よって生成される.これは通常の壁面せん断乱流の結果と一致しており,管壁垂 直二等分線付近では壁面乱流と同様の縦渦構造⁽⁷⁾によって主レイノルズせん断 応力が生成させているものといえる.

次に,管路角部付近の乱流構造について検討する.角部付近においてもやは り縦渦構造がレイノルズせん断応力生成の主要因だと考えられるが,そこでは 角の二等分線(管断面対角線)に関する幾何学的対称性から縦渦構造の典型的

19

な形態が図 7 に示す対称形 (a) あるいは反対称形 (b) のいずれかであるものと期 待できる.これら二つの形態の重要な相違は,対称形 (a) では主に対角線に沿う 方向の流動 (Q_1^{uv} および Q_3^{uv} を発生させる)が誘起され,一方反対称形 (b) では 主に対角線を横切る方向の流動 (Q_2^{uv} および Q_4^{uv} を発生させる) が誘起される 点にある.さて,そこで $-\overline{v'w'}$ の 4 象限解析結果を振り返ると (図 6),角部付 近では Q_1^{uv} および Q_3^{uv} のみが選択的に小さくなっているので,対称形 (a) は実験 結果と矛盾していることがわかる.したがって,角部付近に典型的な乱流構造は 図 7 (b) に示すような反対称形の縦渦構造だと考えられる.図 8 は,上流管底壁 から注入した蛍光色素によって管底壁付近の乱流構造を管路垂直断面で可視化 した一例である.この可視化結果から,角部付近 (y/H = z/H = 0.1 まわり) に 反対称形で反時計回りに回転する縦渦構造が実際に確認できる.

以下、この反対称形の縦渦構造による角部付近での主レイノルズせん断応力 --<u>u'v'</u>の生成機構について考察する(--<u>u'w'</u>についても管断面対角線に関する対 称性を考慮して以下と全く同様の議論が成立する). 図9に示す概念モデルのよ うに,縦渦構造は,隣り合う管壁 y/H = 0 あるいは z/H = 0 付近の流体をそれが もつ管軸方向運動量とともにもう一方の管壁に向けて輸送する.図中では輸送 される流体がもつ管軸方向(紙面垂直方向)速度成分の相対的な高低が⊕およ び⊖で示されている.図9(a)では、管側壁 z/H=0付近の低速の流体が管底壁 y/H = 0に向けて輸送されるため、 Q_3^{uv} (インワードインターアクション)が発 生する.この低速流体がもう一方の壁面に向けて輸送されることでインワード インターアクションが生ずる点については Huser-Biringen⁽⁹⁾ によってすでに指摘 されている.図9(b)では,管路中心寄りの高速の流体が管側壁に向けて輸送さ れるため,Q^{uv}(アウトワードインターアクション)が発生する.以上の縦渦運 動によるインワードインターアクションおよびアウトワードインターアクション によって管側壁寄り角部付近で負の -u'v' が発生することになる. 図 9 (c) では, 管底壁付近の低速の流体が管側壁に向けて輸送されるため,Q*v(イジェクショ ン)が発生する.このイジェクションは壁面乱流のそれと同様に強い正の - uv

を生成する. 図9(d) では, 管路中心寄りの高速の流体が管底壁に向けて輸送されるため, Q⁴⁰ (スウィープ) が発生する. ただし, ここで注意すべきことは, 縦 渦運動によって輸送される管中心寄りの流体が比較的管側壁に近い位置に存在 する点である. この流体は, 管側壁のすべりなし条件による拘束を受けるため, 管底壁からの高さが同程度でかつ角部から離れた位置での流体に比べてその管 軸方向速度が小さくなると考えられる. このため, 角部付近では, イジェクショ ンは管底壁垂直二等分線付近と同様に -u'v' の発生に大きく寄与するが, 一方ス ウィープによる寄与は管底壁垂直二等分線付近に比べて顕著に弱められる.

ここで示した角部付近での縦渦構造(図7(b))は角の二等分線に関する反対 称性をもつので,瞬時の乱流場で実現された時計回りあるいは反時計回りの渦 構造が統計的には互いに打ち消し合う.したがって,この縦渦構造が平均された 速度場に陽には現れることはなく,その意味で角部付近に現れる二次流れ渦と は異質のものである.この縦渦構造と二次流れ渦との関連性については今後の 検討を要する.

4. 結言

 $Re = 7070 の十分発達した正方形断面管路内乱流の主レイノルズせん断応力 <math>-\overline{u'v'}$ および二次レイノルズせん断応力 $-\overline{v'w'}$ を測定するとともにそれらの4象 限解析を行った結果,以下の知見を得た.

管壁 y/H = 0 (または z/H)の垂直二等分線付近では,管壁に垂直な軸に関す る乱れの対称性が近似的に成り立ち,壁面せん断乱流に見られるのと同様の縦 渦構造が誘起するイジェクションとスウィープとによって主レイノルズせん断応 カ $-\overline{u'v'}$ (または $-\overline{u'w'}$)が生成される.

一方,管路角部付近では,角の二等分線(管断面対角線)に関する反対称性を もつ縦渦構造が存在し(図7(b)および図8),この縦渦構造によって二次レイノ ルズせん断応力 – *vw* が生成される.この縦渦構造は,隣り合うそれぞれの管壁 付近の流体をそれがもつ管軸方向運動量とともにもう一方の管壁に向けて輸送 する. この輸送効果によって,角部付近にはインワードインターアクションおよ びアウトワードインターアクションが誘起され,管壁 z/H=0(またはy/H=0) 付近に負の主レイノルズせん断応力 $-\overline{u'v'}$ (または $-\overline{u'w'}$)が生成される. さら に,イジェクションおよびスウィープが誘起され,管壁 y/H=0(またはz/H=0) 付近に主レイノルズせん断応力 $-\overline{u'v'}$ (または $-\overline{u'w'}$)が生成される. しかし,比 較的管壁近くの(すべりなし条件によって減速された)高速流体がもう一方の管 壁に向かって流入するため,管壁垂直二等分線付近に比べてスウィープは顕著に 弱められる.

文 献

- (1) Brundrett, E. and Baines, W. D., J. Fluid Mech., 19-3(1964), 375-394.
- (2) Madabhushi, R. K. and Vanka, S. P., Phys. Fluids, 3-11, A(1991), 2734-2745.
- (3) 梶島・ほか2名,機論, 57-540, B(1991), 2530-2537.
- (4) Melling, A. and Whitelaw, J. H., J. Fluid Mech., 78-2(1976), 289-315.
- (5) Kim, H. T., ほか2名, J. Fluid Mech., 50-1(1971), 133-160.
- (6) Corino, E. R. and Brodkey, R. S., J. Fluid Mech., 37-1(1969), 1-30.
- (7) Lyons, S. L., ほか2名, AIChE J., **35**-12(1989), 1962-1975.
- (8) 河原·ほか3名,機論, 61-592, B(1995), 4290-4296.
- (9) Huser, H. and Biringen, S., J. Fluid Mech., 257(1993), 65-95.
- (10) 鮎川 ほか4名, 機論, 57-542, B(1991), 3616-3621.
- (11) 藤田·ほか3名, 機論, 52-482, B(1986), 3491-3496.
- (12) 河原·ほか4名, 機論 B, 投稿予定.



Fig. 1 Coordinate system





Fig. 3 Reynolds stress $-\overline{v'w'}/U_m^2\times 10^4$



Fig.4 Contribution from each quadrant to -u'v'



Fig.5 Contribution ratio between each quadrant

 $\mathbf{25}$



Fig.6 Contribution from each quadrant to $\overline{-v'w'}$





(b) Antisymmetric streamwise vortex





Fig.8 Visualized turbulence structures in corner region



